

و كالوالتكيد عن بعاستنباه بمعنز الاستعود ع و م كاليد مع منسند ما الميز للالتا كولان الاقالات المناز لاكل سقر م ف م م و العزد الثان المنطوع المناز الناده ولا المحنول مي المناز المناز الناده المتاد لبن النار كهذا براق مس و مناول من المناز النار الناده المناز النار كالمناز النار كهذا المناز النار كهذا بالمناز المناز النار كهذا بالمناز المناز النار كهذا بالمناز النار كهذا بالمناز المناز النار كهذا بالمناز النار كهذا المناز النار كهذا المناز النار كهذا المناز النار كهذا المناز المناز النار كهذا النار كالمنار كهذا النار كهذا النار كالمنار كا

> لجلد ٧ العددان ٢٠١

جامعة حلب ــ سورية معهد التراث العلمي العربي المددان الأول والثاني

1587

الجلد السابع

# بحتويات العدد

القسم العربي	
الابحاث:	
سامي حمارته : مقدمة لكتاب الجماهر في معرفة الجمواهر البيروني	۲.
ملغصات الابعاث المتشورة في القسم الاجتبي	
ج. ئي. بوغون : رسالة أبي اسحق الصابي إلى أبي سهل الكوهي وجوابها	44
ملاحظات للمراجعين ٥٠٠ في مجلة تاريخ العلوم العربية	οĘ
المشاركون في هذا العند	٥٧
مراجعات الكتب والمجلات	
كتاب تاريخ التراث العربي ، المجله الثامن ؛ فؤاد سزكين	
مراجعة حكمت حمصي	04
مجلة الكحَّال – مجلة عربية لأطبأه الديون ؛ نشأت حمارته	
مر اچمة محمد زهير اليايا	٧٣
القسم العربي من الابعاث الاجنبية	
اورسولا فايس ۽ مختصر ثابت بن قرة الحرائي لکتاب جالينوس	
في المولودين لسيمة أشهر	٧٧
ج. ل بوغون : رسالة أبي اسحق الصابي إلى أبي سهل الكو	1 + 1
دافيد كينج : رسالة في سمت القبلة	185

# العالماليليليك

#### المعبررون

احمد يوسف العسن جامعة تورنتر \_ كنرسدا وشمعني واشمع المركز القومي للبعوث العلمية بباريس \_ فرنسا خالصد عاغموط معهد المتراث العلمي العربي \_ جاممة حلب

#### المصرر المساعد

مسامي شلهوب معهد الشرات العلمي العربي مجامعة حلب

#### هيئمة التعرير

احمد يوسف العسن جامعة تورنتو \_ كنيدا عيد العميد صبرة جامعة عارفارد \_ أمريكا ، سامي خلف الحمارنة جامعة الرميوك \_ الاردن ادوارد س \* كندي معهد تاريخ الملوم \_ المانيا وشامل والسلام المركز القومي للبحوث قرنا خالسلا ماغموط معهد التراث \_ جامعة حلب احمد سليم سعيدان \_ الاردن ووائلا في المركز الملكة المتحدة من المركز الملكة المتحدة المتحدة المركز المرك

عبد الكريم شعادة معهد التراث ـ جامعة حلب فيصل الرقماعي معهد التراث ـ جامعة حلب

هيئة التعرير الاستشارية

جسورج صليب جامعة كولومبيا نـ أمريكيا معمد عاصمي الاتحاد السولييتي توفيدق فهده جامعة ستراسبورغ ـ فرنسا هانسس فوسيتج لايبزيج ـ ج " أ - د . سلمان قطاية باريسس فرنسا إ دافيد كنسيج معهد تاريخ الملوم ـ الماتيا جسون مسردوك جامعة هازفارد ـ أمريكا ريجس مورلون معهد الدومينيكان ـ فرنسا دايسر نايسلك برلين ـ ج " آ " د . سيد حسان نصر جامعة تابيل ـ أمريكا

ا، رحمـــان نيودلهي - الهند، وايتر نابيالك براين - ج٠١٠ د٠ جوليدو سامسو جامعة برشلونة - البانيا سيد حسن نصر جامعة تاميل - الدريكا فدواد سيزكن معهد تاريخ العلوم - المانيا أن يسوشكفيتش الاتحاد المحدونيتي ج، شـــدرام جامعة توينجن - المانيا نشات حمارتة جامعة دمشق - دورية

#### مجسلة تاريخ العسلوم العربيسة

تصدر عن معهد التراث العلمي العربي ـ جامعة حلب •

بسلاح احمساء جامة دشق ـ سورية

البوت زكي اسكندر معهد ويلكوم ــ انكلتوا معمد زهمير البايا جامعة دمثنق ــ مورية

رينيك تأتسون اتعاد تاريخ الملوم \_ قرنسا

خوان فرنة جنيس جامعة برشاونة \_ اسبانيا

عسادل البويسا بيروت لبنسان

يرجى ارسال المقالات والبحوث على نسختين وتوجه المراسلات كافة الى البنوان التالمي : معهد التراث العلمي العربي ـ جامعة حلب •

توسل مبالغ الاشتراكات من خارج القطر بالدولارات الاميركية بموجب شيكات ياسم :

### الجمعية السورية لتاريخ العلوم قيمة الاشتراك السنوى:

المجلد الاول أو الثاني ( ۱۹۷۷ أو ۱۹۷۸ ) 10 ليرة سورية أو ٦ دولارات أميركية المجلد الثالث ، المرابع ، الخامس أو السادس( ۱۹۷۹ ، ۱۹۸۰ ، ۱۹۸۱ أو ۱۹۸۲ ) المجلد السابع أو الثامن ۱۹۸۳ ، ۱۹۸۶ عمل المحتد الدولارات أميركية 20 كل - من أو 10 دولارا أمريكيا 10 دولارا أميركيا

الاسعار المبينة أعلاه لا تشمل أجوز البريد

مطبق والانتخاب

كافة حقوق الطبع محفوظة لمهد انتراث لعلمي العربي

## مقـــدمـــة كتاب الجماهر في معرفـــة الجواهر للبـــبروني

سامي خلف حمار نه\*\*

من أكثر العلماء المسلمين أصالة وإنتاجاً في زمنه بلغة القرآن في العلوم والمعارف كان أبر الريحان البيروفي (٣٦٧ – ٣٤٣ – ٩٧٣ – ١٥٠م)(١) . وهو معاصر الشيخ الرئيس ابن سينا بإيران والحسن بن الهيثم في العراق ومصر وعلى بن حزم في الأندلس . ومن بسين كتب البيروفي في التاريخ الطبيعي اثنان في غاية الأهمية : أولهما الصيدنة في الطب(٢) والثاني كتاب الجماهر في معرفة الجواهر ألفهما في السنين الأخيرة في حياته

See D. J. Soilet, « L'œuvre d'al-Berûni essai hibliographique», Mélange, Caire, vol. 2 (1955), pp. 161-241, and vol. 3 (1956), pp. 391-396.

محاضرة أهدت بمناسة الثدوة العالمية الثانية لتاريخ العلوم عند العرب (نيسان ١٩٧٩ ، جامعة حلب ، حلب،
 سورية) ، تحت مراجعتها مع إضافات الشر.

كلية العلوم الطبية ، إدارة الصحة العامة ، جامعة البرموك ، اربد ، الأودن .

١ – هو أبو الرمحان محمد بن أحمد البيروني الخوارزمي (ت ١٠٥١/٤٤٠) من أعظم علماء المسلمين وأكثرهم أصالة ، كتب في علوم الفلك والتنجيم والرياضيات والعلوم الطبيعية والجغرافيا والتاريخ والأنساب والفلسقة الاجتماعية وقد ولد في ٣ فني الحجة ١٩٣٧/٤ – ١٠ – ١٩٧٩ في ( Khàya ce Kath ) مدينة خوارزم أو ضواحيها على الأرجع (كان في دلتا آموداريا السوفياتية اليوم على الشاطئ " الحنوبي لبحر خور أو قزوين = آرال) ، ثم تتلمذ على أبي نصر الجيلاني وكانت له علاقة ومراسلات مع معاصريه ابن حننا وعيسى المسيحي وخدم السلطان متصور بن نوح الساماني (٣٨٧ – ١٩٨٩م / ٩٩٧ – ١٩٩٩م) ثم أبي الحياس تقبين قابوس شمس الممالي في جرجان ، والسلطان أبي الحين على بن مأمون وأشيه الحوارزمشاه أبي العياس مأمون قبل أن يتخرط في خدمة الفزنويين ومعهم زار الهند وسكن غزنة (في الأفنانستان اليوم) حيث بقي يؤلف ويكتب حتى وغاته وعده حوالي ٧٨ سنة نماوة بالإنتاج القيم والحدمة العلم وتقدم الإنسانية الفكرية: ونظر فهرس المخطوطات في الطب والصيدنة في المكتبة البريطانية ، المقاعرة ، ١٩٧٥ ، ص ١٩٠ - ١٣٧ ، وفهرس المخطوطات في الطب والصيدنة في المكتبة البريطانية ، المقاعرة ، ١٩٧٥ ، ص ١٩٠ - ١٣٠ ، وفهرس المخطوطات في الطب والصيدنة في المكتبة البريطانية ، المقاعرة ، ١٩٧٥ ، ص ١٩٠ - ١٩٠ .

٧ - إن كتاب البيروني ، الصهدة في الطب قد تم تحقيقه ونشره مع تقديم وتقييم مختصر في كراتشي - الباكستان تحت إشراف مؤسسة هداره الرطنية ورئيسها الحكيم محمد سيد، في جزئين سنة ١٩٧٣م، وقد ترجم إلى الروسية مع شرح وتعليقات بقلم عبيد الله كريموف ، طاشقند، ١٩٧٤م. هذا آخر كتاب البيروني وقد توفي قبل أن تتاح له فرصة تبييض المسودة التي أحدا البيقارة بين صيدنة البيروني ومفردات الطب النافقي، انظر ب العبدلة والمواد الطبية عند البيروني والدافشي « ، عاديات حلب ، الكتابان الرابع والحاسي ، ١٩٧٨ - ١٩٧٨ م ، ص ، ١٩٠٠ - ٢٠٥٠ .

فاحتوبا على الكثير من غنى خبرته في العلوم الحياتية والبَحثة والتقنية والاجتماعية .(١) وفي هذه المقالة بهمنا كتابه هذا في الجواهر وبالذات مقلعته للكتاب الذي يعتبر من أهم تصانيفه وأكثرها أصالة (٢) ويتبين من هذه المقدمة أن البيروني قد نسق مقالاته وأتمها زمن السلطان مودود بن مسعود بن محمود الغزنوي (٤٣١ – ٤٤٨ / ١٠٤٠ – ١٠٤٨م) وبما في مطلع ملكه (حوالي سنة ٤٠٤٤م) وعمر المؤلف آنذاك سبعون عاماً ونيف ، ويقول فيها: ه ذريد الآن تخوض في تعديد الجواهر والأعلاق النفيسة المذخورة في الخزائن ونفرد لها مقالة تتلوها ثانية في أثمان المشمنات وما يجانسها من الفلزات فكلاهما رضيعا لبان في بطن الأم وفرسا رهان في الزينة والنفع (٢) ويكون مجموعها تذكرة لي في خزانة الملك الأجل المعظم شهاب الملولة أبو الفتح مودود بن مسعود بن محمود قرن الله بشبابه اغتباطا وزاد يده بالنصر تطاولاً وانبساطاً فإنه لما فوض لله تعالى أمره تولى إعزازه وتصره وحين نصب حب الله بين عينه عفا عن من استغاث باسمه وأمن من استأمن بذكره وأخفى صدقاته بعد صلاته البادية ليقوز بما هو خير له في السر والعلانية، بذكره وأخفى صدقاته بعد صلاته البادية ليقوز بما هو خير له في السر والعلانية،

١ - مقدمتا كتابي البيروني في الصيدنة وفي الجواهر بمكن اعتبارهما من أروع ماكتب بالعربية في العصر الوسيط في موضوعهما فهما حافلتان بالأفكار الجديدة النبراة عن حياة المؤلف الشخصية وآرائه الأصيلة في العلوم والاجتماع والاقتصاد حتى أنه ادورد سخاو يعتبر "أعظم عقلية عرفها الثاريخ وقد ملحه ياقوت الحموي (ت ٢٩٣٩) في معجم الأدياء ، التماهرة، دار المأمون ، ١٩٣٩ ، على ١٨٠ - ١٩٠ ، في أول ترجمة مسهبة حلياة هذا العالم العيقوي .

٧ - كتاب الجماهر في معرفة الجواهر البورني تم طبعه وتحقيقه في حيدر آباد ، داارة الممارف العثمانية ، دام ١٩٣٥ م بواسطة المستشرق قرتيز كرنكو وقد اعتمد في صله على ثلاث نسخ: الآسانة عكبة طوب كاباي والآن مكتبة أحمد الشاك تحت رقم طب ٢٠٤٧ في ١٩٣٧ ق تم نقلها صنة ٢٣٦ م وهي أصح النسخ بخط أحمد بن صديق بن محمد الغلبيب ونسخة القيامية ونسخة الاسكوريال رقم ه ، ٩ عربي (الطبعة جيدة ماخلا أغطاء قليلة) . أماكاتب هذه المقالة فقد اعتمد بالإضافة فلذا على نسخة جامعة هارفارد والتي ربا هي نسخة من مخطوط الآسانة المايق ذكره كا وقد فحص نسخة في مكتبة البودلبان بجامعة اكمفورد بانكلترا (ناقصة)ذكرها أيضاً S. B. Posey في فهرست مخطوطات بودليان العربية الشرقية طبع أكسفورد ، ١٨٣٥ عن ١٢٧ ، وتوجد نسخة بالقاهرة ، المكتبة النيمورية ، رقم ١٩٣ ، وتوجد نسخة بالقاهرة ، المكتبة النيمورية ، رقم ١٩٣ ، الجواهر المحوهرات) ، والموهري هو صانع وبائع الجواهر . والفلز بكسر اللها، واللام وشد الزاي هو أصلاً نوع من النحاس الأبيض تجمل منه القدر المفرفة أو خيث الحديد أو المجارة أو بمواهر الأرض كلها نوع من النحاس واليس بالحزن في باطن الأوض إذ لم ثكن آنذاك متاحف عامة بعد لعرضها على الجماهير . انظمها بالتداول وليس بالحزن في باطن الأوض إذ لم ثكن آنذاك متاحف عامة بعد لعرضها على الجماهير . انظم التانية ، القاهرة ، البابي الحلمي ، انظم التعام العجمة المجد الدين عمد بن يعقوب الغير و آبادي ، الطبعة الثانية ، القاهرة ، البابي الحلمي ، انظم القاموم / ١٩٥٧ ، ج ١ ، ١٩٥ وغيلد ٢ : ١٩٥٠ .

ثم إن النصوص والمقدمة نفسها تفيدنا بأن تأليف الكتاب قد ثم أيضاً في مدينة غزنة حاضرة السلطنة (في جمهورية الأفغانستان اليوم)(١) .

يستهل المؤلف كتابه الجماهر في معرفة الجواهر في مقدمة مستفيضة تحتوي على فصلين قصيرين وافتتاحية ثم خسس عشرة ترويحة كأنها مراحل توقف للتفكير والتأمل الروحي والاستجمام الفكري والإيحاء(٢). وفي هذه المقدمة يستودع البيروني خلاصة تفكيره في أمور فلسفية وعلمية واقتصادية ودينية واجتماعية في غاية الأهمية والأصالة والروعة . وماهذه المقالة إلا محلولة متواضعة وجدية لتقييم مأأراده البيروني أو ماكان يجول بخاطره لنقله إلى القارئ من أفكار وآراء وتوجيهات من خلال مقدمة الكتاب والتي تثير في النفس تساؤلات عديدة نبينها ونشرحها باختصار بالطريقة التائية :

- ١ هل كانت المناقشات والأفكار والمبادئ التي خطتها يد الشيخ العالم أبي الريحان البيروني وهو يدب بخطى وثيدة إلى نهاية مسيرة هذه الحياة الدنيا أفكاراً عابرة متفرقة وخواطر ثائرة أو شاردة لاتربط بينها أوصال ولا تنتظم منها رؤية واضحة أو توجيه جاد معين ؟ .
- ٧ أو كانت تعابير روح ثائرة على مجتمع مادي يعتوره الفساد والظلم والتكالب والأثانية وانتقاداً ساخراً لأنظمة بالية فيزيح بقلمه الغطاء عن عوراتها ويكشف أستار محتوياتها ومكنوناتها سافرة أمام نور الحقيقة وجمال الفضيلة ومكارم الأخلاق ويجد الخلود ٩٣٧).

ا سابيروني ، في الجواهر ، طبعة ١٩٣٦ م السابق ذكرها ص ٣١ ، ٩٥ . بلغت مدينة غزنة زمن المؤلف آعل درجات الأهمية والنظمة والنفوذ واحتدت ملطة ملوكها من أواسط الهند إلى إيران وفي ذلك الباكستان والإفغانستان والبلاد المجاورة لهما ويعتبر الأمير محمود الفزنوي مؤسسها الحقيقي انظر محمد ناظم ، حياة السلطان محمود الفزنوي وزمته ، كبردج إنكائرا ، ١٩٣١ م .

٢ - كلمة الترويحة استعبلت في شهر رمضان المبارك لاستراحة العابدين بعد كل أدبع ركمات فسبيت صلاة الشراويح لأنهم كانوا يستريحون بين كل تسليمين (مفردها ترويحة) ثم أطلقت على الجلسة حطلقاً القرويع عن انتفس . انظر لسان العرب بحمال الدين محمد بن مكرم الأنصاري ابن منظور ، طبعة القاهرة ، بولاق ، ح ١٣ - ١٨٩ - ١٨٩ -

ب ألمقدمة لكتاب البيروي في الجواهر تتضمن مبادئ وخواطر واتجاهات لابد أنها كانت تحوم في فكر هذا العالم القدير والباحث المدتن والاجتماعي الحبير العارف بأحوال العبيمة البشرية والآن قد حانت له الفرصة للمشاركة بل والمساهمة بها والكشف عنها كأفكار متواترة في كتاب علمي لاينتظر أن تعبر أية ضبعة أو معارضة

- ٣ أو أنه يقدم فيها نظاماً اجتماعياً شاملاً وصالحاً يتماشى مع روح عصر صداته الايمان والمروءة ولحمته الدين الصحيح الحنيف كاشفاً فيه عن أهداف وآراه اقتصادية وأخلافية بناءة شافية لأسقامه الكثيرة ؟ .
- إلى على هي تصدير مبدئي وتقديم مقصود وتمهيد متسلسل ليرينا علاقة هذه الأحجار الكريمة والفلزات النفيسة والأعلاق المفضلة التي هي موضوع الكتاب نفسه بحسا لهسا من صلات وتأثيرات وملابسات في مجتمع مشعب الأهداف متباين في مآربه ومشاربه معقد في أطماعه وأحلامه ومعاملاته ، كثيرة تياراته الفكرية والمادية ؟ أو هل هذه هي الأسئلة الأربعة مجتمعة مترابطة؟ وأن هناك خيطاً غير منظور يجمع هذه الدرر المتنائرة في قلادة أو عقد متصل الحلقات جميل الرونق نادر الثمن ؟ .

في مقدمة الجماهر هنا لأول وهلة نجد أمامنا أفكاراً جديدة نقادة في الفقه والتشريع والعلوم العامة والتاريخ الطبيعي والأدب والاجتماع والتجارة والعمران متبعثرة حينا وحينا في اتساق وتخطيط مرسوم ربما يراد الوصول به إلى غاية الكتاب نفسه ومادته أو إنها طفرة مقصودة تُعبَّر عن تبرم المؤلف من المجتمع البشري كلية أو تأسفه على أحلام وأمان رفيعة لم تتحقق فانطلقت هنا معبرة عن إرادتها بحرية رفيقة وبساطة جريئة(١).

للإجابة بوضوح ودقة لابد من تقييم هذه الفصول وتعيين أتجاهاتها واحدأ واحدأ

For detail see E.S. Kennedy, «Al-Birûni.» Dictionary of Scientific Biography, vol. 2. New York, C. Schribner's Sons, 1970, pp. 147-158.

من أعدائه وأولئك الذين محاربون كل اكتشاف ويناوتون كل فكر جديد محدث انظر مقدة أ.م . يلنكي ، في علم المعدنيات ، موسكر ، ١٩٦٣ م ، والجسية الإيرائية ، كتاب تذكاري للبيروني (٣٩٣ - ١٣٦٣) كلكتا الهند ، ١٩٥١ م ، بول كراوس ، ه البيروني عالم القرون الوسطى الإيرائي » ، مجلة الإسلام الأكتا المنافذ ، ١٩٥٦ (١٩٤٠) ص ، ١٥ ، وماكنيه أيلهارد فيديمان في أصال البيروني في العلوم الطبيعية ، ادلائجن ، ألمانيا ، وبنوع خاص أطروحة صديقنا المرحوم الدكتور محمد يحيى الهاشي في كتاب البيروني في الحواهر ، بون ، ألمانيا ، ١٩٣٥ م (بالألمانية) .

٩ - عبقرية البيروني ثبدو أيضاً في سعة اطلاعه وقوة ملاحظته قهو يتكلم في العلوم الطبيعية والاقتصادية والدين ا والاجتماع والسياسة بمدوء وثقة العارف بموضوع بحثه ويأصالة الباحث فيما يعرفه عن اختبار شخصي بدون تكلف أو مراوغة لذا يطلع علينا ينظريات مقبولة وآراء هامة وتعقيبات تلقي ضوءاً كاشفاً لمنا الكثير عن تلك الحقبة التي عاش بها في تاريخ الأمة الإسلامية لفلك تجد جورج سادتون في مقدمته لتاريخ العلوم، الخبلد الأول س ٣٩٣ - ٧٣٧ يطلق على التصف الأول من القرن الحادي عشر ع م عصر البيروني ولكك أخطأ بقلته أنه شيعي معاد العربية والعروبة ققد كان بعكس ذلك .

مع تحليل مقتضب لمحتوياتها ومقاصدها وأسبابها القريبة والبعيدة ولابد لنا من القول قبل البدء في التعليق والشرح بأن هذه المقدمة بجملتها تقدم لنا حقاً قطعة أدبية رائعة ودرساً اجتماعياً قيماً ونبذة علمية نادرة وشرحاً موضوعياً بديعاً لأحوال الدين والدنبا للمجتمع الإسلامي في العصر الوسيط وكل ذلك في نظر ثاقب رصين مؤمن بالحياة ويهزأ بالإخفاق والأنهزامية والإذعان .

## الافتتاحيـة:

يهمل البيروني في افتتاحية كتاب الجماهر هذا ذكر اسم الكتاب وعنوانه من تاحية أو مفصده وأهدافه وأغراضه من ناحية أخرى كما نجد في كثير غيره من تآليف هذا العصر الهامة في شتى العلوم (١) ، فلعل المؤلف اكتفى بذكر تصدير مقتضب معسبر بكلتا الحالتين عن فائحة قصيرة فيها يحمد رب العالمين « الذي لما توحد بالأزل والأبد وتفرد بالدوام والسرمد جعل البقاء في الدنيا علة الفناء والسلامة والصحة داعية الآفات والأدواء » ، كل هذا – في لهجة فلسفية – يوضح بأن خوف الإنسان من الفناء يدفعه لتحسك أكثر بالحياة الدنيا وتلهفه على طلب السلامة مهما كلف الأمر مع تأييد بعزم وثبات أمر عاربة الأسقام والآلام والطريق لاستعادة العافية ولكن هذا لايكون إلا بذاك وأما نوال السعادة فهو رهين القبول والرضى بحقيقة هذا التضاد في الحالتين .

ويشير البيروني إلى أهمية قبول قضاء الله وقدره الذي لا قسم الأرزاق ووفق الآجال وصير سببها الإشاحة في الأعمال لا ، مؤكداً ضرورة الجد والاجتهاد لنيل المراد . ثم يتحول المؤلف للإشارة إلى ظاهرة طبيعية هامة من عمل الخالق الذي لا سخر الشمس والقمر دائبين على رفع الماء إلى السحاب حتى إذا أقلت التقال ساقتها الرباح إلى ميت التراب وأنزلت إلى الأرض ماء مباركاً فأخرجت به خيراً متداركاً متاعاً للأنام والأنعام إلى أن يعود بحريته إلى البحار والاستقرار لا موضحاً بلك ما للقمر والشمس من تأثير

١ - كان أبو زيد حنين بن إسحق العبادي (٥ - ٨ - ١٩٨٣) ، وعلي بن النباس المجوسي (٣٠ ١٩٩٤) وغيرهما بعدهما قد ذكرا حول ثمانية رؤوس ينبغي أن تسلم قبل قراءة كل كتاب كثرضه ومنفعته وسمعته وجهة تعليمه ومرتبته واسم الواضع رصحة وقسمة الكتاب . وقد تبع تصحهم كثير من مؤقفي هذه الحقية انظر كامل العبناحة الطبية لمعبوسي ، طبع بولاق ج ١ : ٩ - ١٧ ، والخطط المقريزية، بولاق ج ١ : ٣ > والخطأل في الطب المتعلمين لحمين بن إسحق العبادي ، تحقيق محمد أبو ربان ومرسي عرب وجلال دوسى ، دار الجامعة المصرية ، ١٩٧٨ .

في تبخر المياه وتكون السحب وتراكمها في الجمو ثم نزول الأمطار واستقبالها مما يؤول إلى ارتواء الأرض المتلهفة العطشي وإعطائها الخصب والحياة فترهر البرية وتبتهج وتسقى الأرض وتكتبي المراعي فيفرح قلب الإنسان بجود النبات والحيوان فيعود النمو والازدهار للبرية بأسرها ثم تعود زيادة المساء مرة أخرى إلى البحار والأنهار من حيث جاءت أولا وهلم دواليك . « ويعلم (الله) مايلج في الأرض وما يخرج منها وما ينزل من السماء وما يعرج فيها « وفي ذلك إشارة إلى مافي باطن الأرض من خير وكنوز من أحجار كريمة ومعادن تخرج بالكشف والحرث والتعدين والزرع وما تهبه السماء من ريح وشمس ومطر ومن جاذبية وإشعاع ودفء لازدهار المسكونة وظهورها في حالة جديدة قشيبة فترى أنه حتى في هذه الافتتاحية المقتضبة حقاً إشارة واضحة إلى الجواهر والفلزات المحزونة والمدخرة في باطن الأرض رهيئة الكشف لنفع الإنسان(۱) .

ويستغرب القارئ أن يرى مصادر هذا الكتاب قليلة جداً ومحصورة لأن المؤلف يذكر اسم كاتبين فقط نقل عنهما إذ يقول : « ولم يقع إلى من هذا الفن غير كتاب أي يوسف يعقوب بن إسحق الكندي في الجواهر والأشباه وقد اقترع فيها عذرته وأظهر ذروته كاختراع البدائع في كل ماوصلت يده من سائر الفنون فهو إمام المجتهدين وأسوة الباقين(٢) . ثم مقالة لنصر بن يعقوب الدينوري الكاتب عملها بالفارسية لمن لم يهتد

٤ - كتاب الجماهر ، انظر طبعة ١٩٣٦م ، ص٠٢ ، وأيضاً أيلهارد فيديمان ، حول حركات الشبس والقسر ، عجلة الإسلام ، ج٤ (١٩١٣) ص٠٥ - ١٢ ، وفاضل الطائي ، وسع البيروني في كتابه الجماهر في معرفة الجواهر ، عجلة المجمع العلمي العراقي ، ج٤٣ - ٢٥ (١٩٧٤م) ص ٥٢ - ٥٨ ، ومحمد جمال فندي ورام إبراهيم أحمد ، البيروني ، دار الكاتب العربي ، ١٩٦٨

٧ - لقد أستفاد ألبيروتي مما كتبه فيلسوف العرب يعقوب بن إسحق بن الصباح الكندي (ت حوالي سنة ٢٧٨م في العاصمة العباسية) حول خواص الجواهر ونعوث الأحجار ووصفها ولكنني شخصياً لم أجد أية نسخ غطؤطة بعد التأكد والتعريف بالكندي وأعمائه في هذا الباب ، انظر الكندي فيلسوف العرب الأول لمحمد كاظم الطريحي ، بغداد ، مكتبة المعارف ، ١٩٦٧م ، وفؤاد سبه ، فهرص المخطوطات المصورة ، القاهرة ، معهد المخطوطات العربية ، ١٩٦٧م ، ص ٧ - ٣ ، والأب ج \_ مكارثي ، التصافيف المنسوبة إلى فيلسوف العرب ، بغداد ، ١٩٦٧م ،

See also S. Hamarneh, «Al-Kindi, a ninth-century philosophev, physician and scholar,» Medical History, 9 (1965), pp. 328-342; Fuat Sezgin, Geschichts des crabischen Schrifttums, vol. 3, Leiden, Brill, 1970, pp. 244-47; and J. Jolivet, and R. Rashed, «Al-Kindi,» D. S. B. Supplement, vol. 15 (1978), pp. 261-67.

ويذكر ابن انتديم في الفهرست (طيخ القاهرة ، ١٩٣٩م) ص ٣٧١ – ٧٩ رسالتين للكندي في أنواع الجواهر الثديث وفي أدراع الحبارة المعاشية (الفازات) .

لغيرها وهو تابع للكندي في أكثرها وسأجتهد في أن لايشد عني شي ممسا في مقالتيهما مع مسموع في من غيرهما . فالبيروني إذا يشير إلى أنه استفاد كثيراً من كتاب الكندي المذكور أعلاه أولاً ، وقليلاً من مقالة الدينوري بالإضافة إلى ماكان قد سمعه وخبره البيروني نفسه من متعاطي مهنة العمل والاحتراف والتجارة في الجواهر وأشباهها مع أنه يشك في ثقتهم وينتقد ساعراً من نزاهتهم وصدق نبتهم فيما يعملون ويقولون ، « وإن كانت طبقة الحوهريين في أخبارهم المتداولة بينهم غير بعيدة عن طبقة القناص والبأزياريين (صيادي الجوارح وأنواع الطير) في أكاذيبهم وكبائرهم التي لو انفطرت السموات والأرض لشي غير أمر الله لكافته . ولنا بيطليموس أسوة في تألمه من تخريصات التجار الذين لم يكن يجد بداً من الاستماع منهم لتصحيح أطوال البلاد وعروضها من أخبارهم بالمسافات » .

الذلك لابد أن البيروني قد اعتمد في الكثير من المعلومات التي قدّمها في كتابه حول الجواهر على مشاهداته الشخصية وتجاربه واختباراته وتقييم الأمور التي سمعها ونقلها حسب مارآه فتكون أكثر قبولاً وواقعية ونقدر أن نتحقق صدق هذا من الأفكار الأصلية الهامة النبرة والصبر والنظريات التي احتواها كتابه هذا (١).

قصل ١ : يقدم لنا هنا البيروتي بحثاً ذا أهمية قصوى في تاريخ طريقة نمو النبات والحيوان وتطور هذه الطريقة وما تتميز به كل من هاتين الملكتين الطبيعيتين وكيف بذلك أزاح لنا الله الفطاء لمعرفة و علل جميع المخلوقات بكنه حاجاتها وبقدر ، لا إسراف فيه ولا تقتير ، وجعل النمو الذي هو زيادة في جميع أقطار القابلي له طارثة عليه ومستحيلة إليه سبباً هو الاغتذاء وصير النبات مكتفياً بالقليل من الغذاء ماسكاً له ، لاينهضم بسرعة ، فاقتنع وثبت مكانه يأتيه رزقه من كل مكان فيجذبه بعروق دقاق في دقة الماء سارياً إلى جرثومته و . فالغذاء يأتي إلى النبات وهو في مكانه ثابت فتجتذبه الجذور الممندة في عمق الأرض وشهمه ثم كيفية تغذي النبات وهو أله مكانه ثابت فتجتذبه الجذور الممندة في عمق الأرض وشهمه ثم كيفية تغذي النبات بمرور النسغ ببطء من الجذور صاعداً إلى فوق

١ -- البيروني ، في الجواهر ، طبعة ١٩٣٦م ص ٣١ - ٢٣، ٩٠٤ وتسخة مارفارد من ٤٤ - ٤١ و إننا غيد في الواقع اقتباسات وإشارات إلى كتب ومؤلفين أخر كارسطوطاليس وجالينوس وجابر بن حبان والدازي وأحمد بن على وابن الحسن الترنجي والمسالك للبيهائي والمسالك والمسالك المسمودي ومنافع الأحجار لمطاود بن محمد والموازقة لأبي الناسم الآسدي والنبات لأبي سنبغة الدينوري وأسفار مختلفة من التوراة تبحث في هذا المنبال .

من خلال الحذع والأغصان فإلى أجرائه العالية مقدتما نظرية طريقة هامة إذ فيها يبين بوضوح فيقول : « وترفع سخونة الحو بالشمس من أغصانه رطوباته » الأمر الذي من أجله يحدث فراغ والذي لابد من ملته « فينجذب ماحصل (من الحذور) في الأسافل إلى أعالي أفنانه وينمو به » . وغاية هذا التطور والنمو ليبلغ ذروته لاستمرار الحنس « ثم يجري إلى ماخلق له بالإبراق والإزهار والإثمار » (١)

وبعد ذلك يشير البيروني إلى الفارق الواقع بين طريقة نمو النباتات وبين كيفية تغلي الحيوان وسرعة الانهضام وأهميته ، وضرورة تنقل الحيوان تآلات الحركة لمطلم واحتياجه وإلى الفضم والخضم و وللتقوت من هنا وهناك من أجل ذلك أعطي الحيوان بالطبعة موهبة الحواس الخمسة ليميز بها بين مايضر وما ينفع وبين الممكن وغير الممكن معبراً عنها في النقاط التائية :

١ من بصر يدرك به المرغوب فيه من بعيد فيسرع إلى اقتنائه والمرهوب حتى يهرب
 منه ويستعد لاجتنابه واتقائه ع

- ٢ ٥ ومن سمع يدرك به الأصوات من حيث لايدركها البصر فبتأهب لها »
  - ٣ -- ١ ومن شمّ يدل عليها من خواص فيها ٤ فيقتفيها أو يتقيها .
- ٤ م دوق يظهر له به الموافق من الغداء وغير الموافق منه فينجو بذلك مما هو سام
   ويبتعد عما هو ثافه أو غير مستحب ,
- ه وأخيراً من لمس يميز به بين الحار والبارد والرطب واليابس والصلب واللدن والحشن
   واللين و فينتظم بها في الدنيا معاشه ويدوم انتماشه ، » وهي ميزة للحيوان فوق

١٤ -- البيروني قدم آراء أصيلة في العلوم الطبيعية وعظرات صائبة في مظاهر وطبائع الحطبيعية الثلاثة كما نجد هنا في نظريته في تمامي التبات وصعود السبغ من جذوره إلى بقية أجزاك العالمية . يان ولكونسكي في استنجاته حول نظريات البيروني في انتخاب الأنواع وفكرة التطور .

Jan Z. Wilesymki, « On the prenamed Darwiniam of Alberuni, eight hundred years before Darwiniams Isis, 50 (1959), pp. 459-466.

يعتبر البيروني بأنها أفكار عابرة غير مقسودة ، مع أن هذا المفكر المسيم العبقري حاول أن يضع أمظم آراته أصالة وجدية بهذا الأسلوب ، كا مجد في مقاحت لكتاب الحواهر وذلك حق لايشر ضبية حوله من لايقيمود، وزناً لتفكير الحر والذين بحاربون التبيدية والأصالة في البحث العلمي والملاحظات الشخصية المتصررة . وهنا خلا تحد تعليقاً هاماً بالبسة الربح علم البات يثبت مقدرة البيروني في العلوم الطبيعية . انظر في تحقيق معالم الهند ، حيدر آباد ، العشائية ، المجلدان ١٩٥٧ - ١٩٥٨م وتحقيق ادورد ساحر، الدن، ما ١٩٥٨م (وطبع ١٩١٠م) ، ج١ - ص ١٠٠ بالإنكليرية (ص ٢٠٠ النص العربي) .

النبات ، أحس المؤلف توضيحها وتبيانها بنقة وحداقة وصدق(١) .

الرويحة إن يتابع البيروني في الترويحة الأولى حديثه عن الحواس التي تنفعل بمحسوساتها أعضاء البدن الحبواني وأفعاله وقواه فيعطينا أفكاراً أخرى هامة وأصيلة بالاستمرار في تعريف الحواس وكيمية أدائها أفعالها بالنسبة لعلمي التشريح ووظائف الأعصاء فيصيف قائسلا":

 قالبصر محسوسه النور الحامل في الهواء ألوان الأجسام خاصة وإن حمل أيضاً غيرها من الأشكال والهيئات حتى يعرف بها كمية المعدودات ( والمرئيات إلى الشبكية فالعصب المصري فإلى الدماع للحصول على الرؤية الكاملة )

وأما السمع فمصومه الأصوات ، والهواء حاملها إليه،والشم محسوسه الروائح، والهواء يوصل حواملها إلى الحباشيم إذا انفصلت من المشموم كانفصال البخار من الماء باختلاط أجزائه المتبددة في الهواء .

والذوق محسوسه الطعوم والرطونة تحملها وتوصلها إلى الذائق وتوجلها في خلله فإن آلاته من اللسان والحنك واللهوات متى كانت يابسة لم تحس بشيّ من الطعوم وهذه الحواس الأربع متفرقة في البدن مختصة بأماكن لها لاتعدوها ٤ (٣) ونستطيع في عصرنا الحاضر أن نشير لتلك الأماكن المعينة التي هي المراكز الأساسية لهذه الحواس في الدماع وخلافه.

<sup>المسيدا «بيروي تحليلا علمياً لأحوال اخواس الميس ووظائفها ومعنها لمحسم ككل وقد تكلم في ذلك علماء الإخريق مثل ثيوفر استدر وكتب عنه الكثيرون في العصم الدربي الإسلامي كالمجومي الآنف الدكر وغيره النظر عبد المطيف موفق الدين البندادي ، مقاطنان في الحواس ومسائل طبيعية دراسة وتحقيق بثلم بول عليونجي وسعيد عيده ، الكويت ، وراوة الإعلام ، ١٩٥٧م في ٢٠٥٥ ص .</sup> 

والبيروني من ثم يتطرق إلى الحاسة الخامـة والأخيرة والتي تتميز عن الأربع السابقة فيقوں : ٥ وأما خامسها ألا وهي حاسة اللمس فإنها بعكس الأربع الأخرى عمت جميع البدن في أعضائه وفي آلات سائر حواسه ولم تنفرد بها دونها . وأول مائلاقي من دلك محسوساته دواسطة الكيفيات التي هي في ظاهر البدن ولهذا كان الجلد بحس اللمس أولى وإليه أسبق ثم ماوراءه أولا عأولا وطبقة طبقة بحسب اللسين واللطف إلى أن يبلغ الأغلظ الأكثب من دعائم المدن فيرول به حس اللمس عند العظامه . فواضح برأي المؤلف إذا أن حاسة اللمس أقوى ماتكون في مطح الحلد ثم بعد ذلك تصعف تدريجياً اتجاهاً إلى العمق حتى وصول العظام حيث حاسة اللمس تكاد تكون معدومة(١)

قرويحة ٧ : ينتقل البيروني هنا للحديث حول تفوق العنصر البشري على سائر المخلوقات لأن الله محه شيئاً آخر بالإضافة إلى الحواس الحيوانية الحمس وهي ٤ بمسا شرف به من قوة العقل ٤ الدي تسلط به على المخلوقات وقدر على سياسة الأرض وتعميرها وتعهم أسرار الكون وتدبيره ( أو لم يروا أنا خلقا لهم مما عملت أيدينا أنعاماً فهم لها مالكون وذللناها لهم فمنها ركوبهم ومنها يأكلون ولهم فيها منافع ومشارب أفلا يشكرون) سورة يس ٧٠ — ٧٧ .

ولولا هذا الإحسان الإلهي لها استطاع الإنسان مقاومة الحيوانات وهو بالنسبة لها في القوة الجسمانية أضعف من الكثير منها ولايملك ماتملكه بمن آلات الدفاع والنزاع به والبيروني هنا أيضاً يقتبس ماجاء في سورة الزخرف : ١٧ (سبحان الذي سخر لما هذا وما كنا له مقربين) . فنعمة العقل والتمييز للتسلط على سائر المخلوقات ماهي إلا إكرام سماوي والتي يأمل المرء من خلالها خير الجنزاء بعد المنية . ويضيف المؤلف قوله : و إذ الرغائب بالمتاعب وبيل البر بالإنفاق من الحبائب ، إذ لابد من ، احتمال قرص النحل حتى يجتنى العسل ، ولبكن العطاء مما يختزنه الإنسان لعمل الحير والإحسان المرتخوين أجراً واحسابا .

ويضيف المؤلف وهما أيضاً حول أهمية ذكر حاسي السمع والبصر حيث وجعلتا لهما مراتي من المحسوسات إلى المعقولات . أما البصر فللاعتبار بما يشاهد آثار الحكمة

١ - في الجمواهر صدة ١٩٣٦م ص ٤ ، يؤكد البيروني بأن العظام (وليس الطعام كما في النص خطأ) لاحس ق في حين يوجد حس في الأسنان يسبب وجود عروق دموية فيها وأن الجلد أكثر الأعضاء حساً وتعرضاً للإحساس . أيو بكر الراري، الحاوي، مطبعة الشائية ، حيار آباد – الهند، (١٩٥٥م) ص ٣ – ع

في المخلوقات والاستدلال على (عظمة) الصانع من المصنوعات ۽ ويستشهد بسورة فصلت : ٢٥ ( ستريهم آياتنا في الآفاق وفي أنفسهم حتى يتبيش لهم أنه الحق (١١) . هذا مايختص في أمر البصر ۽ وأما السمع فليسمع نه كلام الله بأوامره ونواهيه ويعتصم فيها بحبله فيصل إلى جواره » ويستشهد بقول أعشى بني ألي ربيعة إذ يقول :

كأنَّ فسؤادي بسين جبي عــــالم عا أبصرت عيني وما سمعت أذني(١)

فالبيروني إذاً يؤكد بأن هناك مصدراً أكيداً للحصول على العلم ألا وهو هاتان الحاستان ، البصر والسمع ويضيف إليهما الفؤاد (وليس الدماع) مشيراً إلى آية من سورة الإسراء : ١٠٤ (إن السمع والبصر والعؤاد كل أولئك كان عنه مسؤولا) . موصحاً بأنه من فضلة القلب يتكلم اللسان مقتساً قول أبي تمسام :

وممسا قالبت الحكسماء طلسرا لسان المسرء مسن خسدم الفؤاد(٣)

لأن السمع والبصر حسب رأي البيروني وبأسلونه البليغ الرفيع يعتبرهما «آلتا الرقيب » بهما يكتشف المرء نفسه وبيئته ويرى ماهو خفي عنه غير طاهر له ولايعرف أبداً حق قدرهما إلا عند فقدهما لكل مايخصهما في الحياة من متعة وسلوى وجمال وأنس

أما الحواس الأخرى فإنها برأي المؤلف أليق بالبدن منها بالنفس من مذاق وتحسس واستشاق ماحولها . وهي أقرب إلى الحيوانية الجسدية منها إلى الإنسانية الفضلي بالرغم

١ – يقتب المؤلف أيات من القرآن الكرم حول إدراك عظمة الحائق من مصبوعاته، وهدا يتمقى مع صغو المؤامير في الآية ١٩ ؛ ١ و السموات تحدث عمدا الله والعلك بحد بسل يديه وكذا وسالة رومية ١ ، ٢ و لان المور الله غير المنظورة ترى منذ خلق العالم ملاكة بالمستوعات اللهوشة السرطية ولاهوشه ع المظر كال البائهي في العصر الدوسيط ع طبعة راية مشحة ، بيروت ١٩٣٤ س ، ٢٣٣ – ٣٣٠ .

ج أمثى بي أي ربيعة بن حارجة أبر المعرة ويتسي إلى تبيلة بني شيبان كان معاصراً لأمثى تغلب وتوني في عام ١٠٠ ه / ٢١٨ م ، انظر لويس شخو شعراء التصرافية ، طبعة ثانية ، ح ٧ ، بروت ، دار المشرق ، ٩٣٧ م ، ص ١٧٩ م ، ص ١٩٩٧ م ، ص ١٩٩٧ م ، من ١٩٩٧ م ، ص ١٩٩٧ م ، طبعة المخلوطات العربية ، ح ٢ ، ١٩٧٥م ، ص ٣٣٠ (بالأغانية) .

٩ - أبو تمام هو حبيب بن أوس بن الحرث بن قيس الطائي ( ١٧٠ - ٢٢٨ ه / ٧٨٨ - ٨٤٥ م) شاعر عباسي سوري الأصل عاش ينعشق وحمص وبعداد وانقاهرة وفارس وكان قوي الحافظة بديع الأسلوب طبع ديواند في بيروت والقاهرة أكثر من مرة مثلاء المطبحة الأدبية ، ييروت (١٨٨٩) وكذلك ديوان الحساسة له الطر سركين ٢٢٠ ويوسف إليان سركيس ، معجم الطيوهات العربية والمعربة ، القاهرة ، ج ١ ، ٣٥٦ - ٧٠٠ ويوسف إليان سركيس ، معجم المطبوهات العربية والمعربة ، القاهرة ، ج ١ ، ٣٥٦ - ٧٠٠ .

مَنَ أَنَّهَا مَمَدُئيًّا تَتَطُورُ وَتَرَقَّى وَتَتَهَذَّبِ مَنْ مَنْطَلَقَ أُوصَاعَ الإِنْسَانَ الفُكْرِيَّةِ وأحلامه وتَفَاعَلُهُ واستنباطاته حتى تبلغ بهذه المشاعر والأحاسيس إلى أقصى غايتها الشريَّة النافعة(١) .

ترويحة ٣ : هذا يتكلم البيروني عن الاستئناس كنتيجة إلى التجانس مقتبساً المثل القائل و إن الشكل إلى الشكل ينزع والطير مع ألافها تقع ء أو كالقول الشائع في يومنا هذا و إن الطيور على أشكالها تقع ء والمؤلف مثلاً يشبه كيف أن الأخرس ينجذب ويستأنس بالأخرس نظيره يخاطبه بالإشارات التي يفهمها كل منهما أو بالإيماء بالأعضاء مقتبساً صورة الروم : ٢٠ (ومن آياته أن خلق لكم من أنفسكم أزواجاً لتسكنوا إليها وجعل ببيكم مودة ورحمة) ومن هنا يستدل على إمكانية ودواعي التقارب بين الناس للتمارف والتآخي من جهة واحدة والسعي في طلب الأمان من الشر والخطر والتقرق والدمار من حهة أخرى حتى يتضاعف الأنس ويزول النفار بين الشعوب ويعتبر المؤلف أن فضيلة الاستئناس هذا إن هي إلا أسباب تدفع بالناس إلى التعاون والتقارب الواحد من الآخر والاجتماع لتأسيس القرى ونشوء المدن واللماكر وتطورها(٢).

ترويحة ٤ : ومع كون الإنسال اجتماعياً بطبعه إلا أن المؤلف هنا يعالج أمور الناس بالنسبة لبنية أبدانهم وحلتهم الجسمانية وماتركب منه من أمشاج وأخلاط متضادة وشهوات متعارضة وأمزجة مختلفة فتبابن نتيجة لذلك أخلاقهم وطنائعهم وأهوائهم حتى أن يقهر أحدهم الآخر ويظلمه ويغمط حقه فينتج عن ذلك أن الشخص المظلوم يصبح دائم النزوح لإزالة القهر عنه فيشأ عنده حب الافتراق والابتعاد طالباً للهجرة إلى أوطان أخرى وحتى مع هذا نحده في غربته عرضة للأخطار الخارجية ومداهمة البلايا والمحن أصم إلى ذلك ضعفه وعجزه مما يجعل المرء دوماً في حالة القلق وفي حاجة للعون والإسعاف والأمان ومن هما جاءت رغبته الملحة والأكيدة ينشد حياة الوئام والتمدن والسعي المتجمع في القرى والمدن العامرة ليقرب من أخيه الإنسان ويستقر .

٩ -- تدل هـ، الماقشات على إنسانية البيروبي وحمو مفعه ، فعواس عشم والفوق والعمل برأيه تخدم تمو الجمعة ولذاته ورعائبه لد بالإمكان البسو جا إلى درجات عالية وطالية بواسطة فسيط النفس وقمع رغبات الجمعة وبالتمكير دلأمور المنية العدهرة والسيئة النفية ، وكان أبو يكر الرازي في كتابه الطب الروحاني ينزع مذه النزعة دايا ،حقق الكتاب وله ترجمة بالإنكليرية أيضاً عام ١٩٥٠ م .

برى البيروي مين الإنسان لإنشاء مجتمع كآس طبيعي تمليه الغريرة والحاجة للأس وتوفير أسباب العيش المنشلفة، ومن قبل تكم ابن خلدو، في مقدمة عن العمران والنظم الاجتماعية والاقتصاد .

وفي تجمع الناس ضمن المدن نجد أنهم لو تساورا بالاحتبار والهمم ، حسب رأي المؤلف ، لضاعت عليهم منافع كثيرة وأدى تساويهم ي نهاية الأمر إلى هلاكهم جميعاً . فلا بد إذاً من اختلاف المقاصد والإرادات والمواهب والكفاءات وبلك تتعدد أنواع الحرف والصناعات وتزداد المآرب وتتعقد الخدمات ويصير الإنسان في حاجة لأخيه الإنسان على المستويات والكفاءات أو أن ذلك يؤول به لطلب واستخدام لمقايضة أو مقابل سلعة أو أجرة يتفق عليها ويتقاضاها الواحد من الآخر إما لحاجته الضرورية أو لاستغنائه عمه كأن تقدم سكة معينة أو أغمان عامة وعملة تقدر عدل خدمات معينة ، هاختاروا لها ماراق منظره ورواؤه وعز وجوده وطال بقاؤه ، ع من أنواع العملات والمسكوكات والمعادن وحي الجواهر الشيئة التي كثر انتشارها وازداد وتأيد تداولها بين الناس في المبايعات ولأن استخدامها يصبح سبباً لبقائها وتدريها وعظم قيمتها . ومن أجل ذلك فرى أن المؤلف يبحث في فلسفة قيام العملات والسكة فأنواعها وتاريخها وما آل إليه الأمر من انقياد الناس لتعظيمها وتقييمها ع بالتوحيد والتصغير بالتجزئة والتبديد والتختم بالتنقيش والتصوير مما إليها(١) .

إن هذه الجواهر المتداولة بين الناس والمخرونة في باطن الأرض وما هو مستور منها عن الأعين إن هي إلا ودائع صالحة أعدها الله تعالى مزودة بالآلات التي بها أزاح علل الحلق ومجريات الكون وتقييم آثارها وقد هدى الإنسان بالعقل المبه إلى الآيات الكريمة بواسطة الرسل والأنبياء المرشدين إلى صلاح العقبي وقد وكل الأمر في الورى للملوك علمائهم ليعملوا على نشر العدل وإعلاء الحق لما هو في صالح الناس جميعاً ورأقة

المد عالج البيروني تاريخ استمال النقود والممكوكات وصناعة الاختام وأسبب انتشرها وأوزائها وأشكالها وندرة الإحسار الكريمة والمقايضة بها وأتمائها معادن النعب والمكة في الإسلام والمعادلات التجارية ثم إنه الدكتور محمد بحيي الهاشمي في و نظريات الاقتصاد عند البيروني » في مجلة المجمع العلمي العربي ، دمشق ، مطبعة ابن ريمول ، ١٩٣٧ - ١٩٥٥ - وي مجلة المجمع العربي وي هم أسبوع العلم الرابع عشر ، دمشق ، مطبعة الجامعة ، ١٩٧٤ م ، ص ١٨١ - ١٨٩ - ) يعتبر البيروني و رائداً في علم الاقتصاد وإن «الأومات مهما قرامت لنا عظهر مادي هي في الحقيقة أرمة دوحية و انظر السكة في الإسلام لعبد الرحمي محمد ، القاهرة ، مطبعة المكتبة المصرية ، ١٩٩٧ م ، وأيضاً صبح الأعشى ، البياس أحمد القاقشدي ، القاهرة ، ١٩٩٥ - ١٢ وقد اكتشف هذه النظرية الاقتصادية في مقدمة البيروني في شرحها .

M. J. Haschmi, Die Quellen des Steinbuckes des Beruni, an inaugural dissertation (Ph. D.), Bonn University, 1935, pp. 42-59.

بهم وإحسانا إليهم ومنفعة لهم قد ستى تخبأ لهم قبل خلقه إياهم جميعاً الموزونات في أرحام الأرضين تحت الرواسي الشامخات للانتفاع بها في الاجتلاب والدفاع الصيانة والاعتدال كسنا جاء في سورة الحجر : ١٨ ( والأرض مددناها وألقينا فيها رواسي وأثبتنا فيها من كل شيء موزون )(١) .

ويعتقد البيروني أن الترتيب الإلهي قدّر بأن تكون مصالح الناس ومعاملاتهم التجارية الاقتصادية والحلمات التي يقوم بها أحدهم نجاه الآخر يجب أن تكون على حساب التقييد والمعاملة بالفضة والدهب وتقدير قيمها نقدياً ومعنوياً وعلى مقتضاه إذ هو أيضاً هدى الإنسان لاستخراجها من معادنها التي اخترنت في أعماق الأرض ألوف السنين وقد منح عؤلاء الملوك الحلقاء السلطة والرياسة ووكل لهم السياسة والأمر والنهي لاستحراج هله المعادن الثمية وليصنعوا منها العملة والدقود ويحفظوها من تمويه الحودة والنقاء والدقة ويهذبونهما أولئك الذين يروجون أشاه الفصة والذهب المغايرة لهما في الجودة والنقاء والدقة ويهذبونهما عن الأدناس والعشر وذلك بالسبك الأصيل والطبع في السكة المضمونة لإحقاق الحق وإرهاق الباطل وتأمين مصالح العباد وللحيلولة دون ترويج ماهو معشوش مزيف من معدنهما ، « وهذا وأمثاله هو المحوج لولي الرياسة إلى مراعاة شروط السياسة ليستحقوا اسم الحلافة في التعديل بين المرقع والوضيع والتسوية بن الشريف والضعيف من خلائقه ووفق الله للخسير كل الرقيع والوضيع والتسوية بن الشريف والضعيف من خلائقه ووفق الله للخسير كل الرقيع والوضيع والتسوية بن الشريف والضعيف من خلائقه ووفق الله للخسير كل المهتوثق به ع قريه ؟

ترويحة ٥ : يتابع السروني في حديثه هنا حول أهمية الذهب والفضة في اقتصاد

١ - اعتار البيروي التطور وتظرية النمو صبئ إطار إعاده ناه كذائي أما يس ووأى أن كل ماخلقه الله كن حسباً وكاملاً ومع تحجيده لقوة المقل والمنطق إلا أنه كؤمن رأى أن أهدية المقل أولا هي في فهم كلمة أختى والإصعاء لقول الأنبء والمرسمين ، ويقي أحياً في اعتقاده بشرعية الحكم للخلفاء العباس مدافعاً على كياجم صد المقارمين والفائمين عليهم معرّعاً بولائه قم حتى الرحق الأحير من حياته ، فهم الأصل ولهم الاحتيار والشرع ليجرو عدلا كأمراء المؤسي وقد ضعهم اقد حتى الكذرة في ماطن الأرس وتحت الجميل الثوابت ومن كل بمقدار ويكن حكمة وطلة . انظر جرجي زيدان ، ثاويخ التعدن الإسلامي ، القاهرة، ج ا يدرس من من عدر من عدد المناسبة المناسبة التحديد المناسبة المناسبة

٧ - كما كامت الأدوية والعطور والأطبيب تبشى عاهو دوب من مفردات الطب كدلك كانت الجواهر تنفى استحاس وعبر. وعبل الطاملات بالسكة استحاس وعبر. وعبل الطاملات بالسكة انظر مقالة صالح طبارتة ، و السلة الدربية الإسلامية في بلاد شنال وشرقي أوربا ودلالتها في الملاقبات التجارية » ، هواسات (عبان ، الحامة الأردنية) ، ج٧ (أيار ١٩٧٥م) من ٢٩٩٠ - ١٥ .

الشعوب واتجاهاتها السياسية وحياتها الاحتماعية وما يتبع ذلك من أمر الحشع الشري وتكالب الناس على المادية لتعلقهم مهدبها فيقول ، « لما سهل الله على الناس تكاليف الحياة وتصاريف المعاش بالصفراء والبيضاء (يعني الدهب والعضة) انطوت الأفئدة على حبهما ومالت القلوب إليهما كيلهما في الأيدي من يد واحدة إلى أخرى واشتداد الحرص والشع على ادخارهما والطمع والاستكثار منهما وحل محلهما من الشرف والألية وضعاً لاطعاً واصطلاحاً فيما من الناس لاشرعاً بل اتماقاً لأنهما ماهما إلا حجران لايشمان بدائهما من جوع ولايرويان من صدى ولايدفعان نأساً ولايقيان من أذى « ، وما أصدق هذا معد زمى المؤلف وحتى وقتنا الحاضر أو أكثر

ويتابع البيروني المنطق ذائه فيقول: « وكل مالم ينتمع له من غذاء يقيم الشخص ويبقي الذوع ، ومن ملبوس يدفع بأس البائس ويقي أذى الحر والبرد ومن كن (مسكن) يعبن على ذلك ويقيض بد الشر فلبس بمحمود طبعا » . فالبيروني يؤكد الناحية العملية في المحتمع المشري فيرى أن الذهب والهصة محد ذاتهما ليس فيهما غني في قضاء حاجة من مأكل أو ملبس أو مأوى وإنما هما ممدوحال بالعرص وصماً إذ بهما يمكن الحصول على سد حاجات الناس وتأمين أعوازهم لفلك هم سموا المال خيراً وكذا من يجود بالدراهم فإنه حائد بجميع الخير لأنه وإن لم يكن ذلك في طبعه فإنما يكون في ضمنه لاحتوائه على المدرج والقدرة في نيل المآرب والوصول إلى مياء السلامة وغطة الهيش(١)

ولإعطاء مثل من الأمثال حول هذا المرصوع مايرويه المؤلف في قالب قصصي كالآتي:

« إن قوما أرست بهم السعينة في جزيرة معزلة عن الطرق التجارية البحرية الهامة ، فخطر على بال أحدهم إذ أراد شراء حاجة عرضت له (فانقل إنها من مأكل أو ملبس) وبمقابل ذلك فإنه دفع ديناراً (على سيل المثال) كثمن جيد لرجل من أهل تلك ابحزيرة

١ - يوضح البروي أن الدهب والنصه والإعلاق النهية الأخرى هي هبات إلحبة أعليت سد أعوار الناس المتاجرة ولكن الإساب معطور على الطبع وعمية لمال التي هي أصل لكل الشرور فراغ من عبارته عن الإيمان وطعن نصب بأوحاع كثيرة ، مع ذلك يعظم الناس ويسجلون بالكها حتى تماطيها بالميد له حاذبية حاصة فكثرها الكثيرون المشتمة وطلباً في تأمين عيش رغند . أما قيمة الملك الحقيقية فهي يوضع لاطبع ، تم تمدم نالشرع بن اصطبع عبيها في المعاملات الشجارية فهي لاتروي من طمأ ولا تنفق أدى إنما يدعي نظل غيراً له لأد من يحود نه يؤمن حاجات الناس الصرورية مع أن هذا لبس من طبعه ، في الجواهر ، طبعة ١٩٣٦م من بلا - به ، ويحيى الحاشي و تغلوبات الاحصاد وحي ١٨٩٠م .

وما كان من أمر هذا الرجل (من سكان تلك الحزيرة) أن أخذ هذا الدينار يقابه ويشمه ويدوقه علما لم يؤثر منه شيئاً في هذه الحواس أثر نفع أو لذة ردّه إليه إذ لم يستجز دفع ماينتهم به بما لانفع فيه و في عرفه وعادته . هكذا طن العبرة في هذه المثال أو تلك القصة أن المقابضة الصحيحة هي التي ينتفع منها لكلا الطرفين وأن المعاملة الطبيعية المباشرة بين النظراء هي التي تتم من حيث المدأ في إدرام الصفقات التجارية المتبادلة والتي تصبح حقيقة وأسساً ومنعاً لنظام المعيشة ولمداولاته بين الناس في الحضارات الإنسانية وبين الشعوب الراقية المتحضرة والتي يمكن الاستفادة منها في النظم والحدمات الإدارية العصرية (1) .

أما المعاملة الوصعية المحلية فقد جاءت على الأعم حسبما ورد ذكره من الشعوب المتمدنة الماضية والأسم المعاصرة ، في أمر ماتسمي بالفلزات (وهي كلمة تطلق على جواهر الأرض كلها من معدن وحجارة كريمة) وتعريفها وأهميتها واصطلاحاتها واستعمالاتها . وبسبب انتشارها وشيوعها فقد كانت ومارالت تزدان وتزدهي في أعين البشر حتى شَعْنُفَتْ بها الأفئدة وصارت متعارفة بين غني أو فقير متداولة بين ذوي الحاه والمتواصعي السمعة ليس من أجل قيمة حقيقية بها ذاتها وإنحا بمساهو متعارف به مصطلح عليه حتى صارت مرغونا فيها لدى الجميع ويحلو لهم امتلاكها . وقد أنان القرآن الكريم كيف أنه قد زين لاناس صلاح المعيشة بالساء وقرة العين بالأولاد وقوة القلب وبهجته وميوله باحتكار الأموان وكنز قناطير الذهب والفضة غريرة عزيرة لديهم(٢)

إنه حقا من سخرية القدر ليس في عصر البيروني فحسب بل وحتى في رماننا الحاضر الواقعي أن نرى وحود طفقتين من الناس هما الصعالكة ورجال السلطنة شغلهما الشاغل كأرب رئيسي في الحياة إنما هو تكديس الأموال نأي شكل ثم إن ظروفهما الخاصة كما يبدو تقودهما إلى مثل هذا التصرف الشاد وكل من هاتيرالطبقتين قد أساء استعمال مالديه

<sup>-</sup> بريس معموع ، المتجد في اللغة ، طبعة د١ يبروت ، المطبعة الكاثوليكية ، ١٩٥٩ م ص ١٩٥٥ وانظر على أحمد الشحات ، أبو الريجان النيروي ، القاهرة ، دار المعارف ، ١٩٦٨ م ص ١٩٥٠ م ١٤٥ - ١٤٥ على أحمد التسمل المؤنف الآيات التالية صورة الحميد : ١٤ (اعامراً إما الحية الدنيا لعب ولهو وزينة وتماسر يسكم وتكاثر في الأموال والأرلاد كثل عيث أعجب الكمار بياته ثم يبيح دتراه مصمراً ثم يكول حطاماً وفي الآخرة مقام شئيد ومقعرة عن الدورشواند وطاطياة الدنيا إلا متاع القرور ) ، وعن سورة آل عيران : ١٩٧٥ (دير الناس حب النهوات من الساء والبين والقاطير المقتطرة من الدهب والقصة والحيل المسومة والأبدم والحرث ذلك متاع الحياة الدنيا والله عنده حس المآب) وللتصدير اعتمدت كتامه الشيح حسين محمد علوت . كلمات القرآن تفسير وبيان ، القاهرة ، البالي الحليج ، ١٩٧٠ م / ١٩٧٠ م

من الثراء من دهب وفضة ودلك بكنرهما بدلا من إنعاقهما ليتسنى تداولهما في أيدي الناس ويتحقق من أحل النفسع الأعم والأفضل ويحيسل إلى بان كنز الأمسوال وحبسها هكذا مسألة تدعو للاستهجال وأمر مخالف لقصد الله تعالى الذي من فضل تعمته وحسن مشيئته سمح باكتشافها واستعمالها وابدال أثمانها لمصالح عباده وخيرهم وقضاه حاجاتهم في المعاملات التجارية المشروعة(١)

وبطريقة فلسفية مفحمة يوضح البيروني كيف أن الله حاق الجواهر والمعادن النفيسة وبحكمته قد خزنها في باطن الأرض أجيالاً طويلة وأتاح الماس اكتشافها واستخراجها وإعدادها تسهيلاً للمعاملة والمداولة بين جسيع الناس وفي كل مرافق الحياة . فأمر اكتنازها إذاً إنما هو مخالف لإرادة الله ومشيته في مقدرات الناس وخمط لمنته وإحسانه بردها إلى باطن الأرض إلى مثل حالتها الأولى التي كانت فيها قبلا وهذا أمر يتنافى مع غاياته الفضلي وحسن تدبيره في الكون في هذه النظرية الاقتصادية المبدئية والاحتماعية البناءة والتي هي في غاية الأهمية حتى في عصرنا هذا ، حتى أن البيروني بشبه كون خرى الذهب والفضة وحجزها عن التداول مثلا بمهيوم رد الأحنة إلى الأرحام التي فيها تكونت ومها خرجت ماهي إلا وجعه عقيمة وعود يائس لانفع منه ولا تركة فيه ولاسداد .

لملك يضيف المؤلف مفسراً بقوله إن الذهب والفضة إدا أخرجا من معادمهما الأصلية في حوف الأعماق تصبح آفداك كالزروع المحصورة في الفلاحة والأتعام المذبوحة لمربي المواشي لايسوع غير جنيها وأكلها وإنفاقها والاستعاضة منها حيث يهيأ المعدن بأمر دي ساهان كما تصبع نقود العملة في السكة بعد سكها وطبعها دراهم وسواها « عبيا وورقا (لأجل) ترديده في الأبدي على حسبة تجارة أو إيناه في حقوقه (٢)

١ - ي مورة التوبة . ٣٣ تجد أيضاً كشفاً طاله روحيه كتيبة حول أحبار ليهود ورهب التصاري شين كاتوا يتكالون على جمع الاحوال وكبر الدراهم طعمين في عطايا المقرء، و نسكين مع أنه كان يجدر بهم لإنفاق وتقديم يد معود فؤلاء الناس (ياأيها الدين آسوا إن كثيراً من الأسمار والرهبان ليأكلون أموال النسي بدلياطن ويصدون عي سبيل الله والدين يكثرون اللهب والمصة ولاينمقونها في سبيل الله وشرهم بعدب أليم) فصار ٢٠ أن عام عثرة بدل أن يكودوا بركة انظر سفر الرميا ، مصل ٢٠ ١ - ٩ و إنجيل متى ، فصل ٢٠ ١ - ٩ و إنجيل متى ، فصل ٢٠ ١ - ٩ و .٠٠ - ١٠ .

٧ -- العين هو الدّهب المصروب فيماملة التجارية وحو النّه المتداول بين الباس والعبيد من لمال والعبية هي خيار المال في حين أن الورق (ج أرزاق) هي الدراهم المصروبة العلم معلوب، المتجه في اللفة . وحول الصحائيث النظر العصر الجاهلي لشوقي صيمت ، القاهرة ، دار المعارف ، ط ه ، ١٩٧١ م ص ، ٣٧٥ – ٣٨٥ .

ترويحة ٢ : يستقل المؤلف ها للحديث في موصوع طريف ذي شقين ألا وهو التعريف بالمروءة وانفتوة ومعاهما الحقيقي صمن النظام والعرف الاجتماعيين. وهنا نقول إن المروءة تقتصر فقط في مفهومها على الرجل في نفسه ودويه وحاله فالمرء مبدئياً لإيملك عير نفسه وقيته وأملاكه لايبازعه فيها أحد فهي لللك تدفع به لأن يظهر السعة لدى لآخرين ويحمي الفييق على نفسه ما أمكن فيصدق في دلك القول : ه المروءة الظاهرة في الثياب الطهرة و وهي مايمكن تأويله و بأن لايعمل المرء سراً ما يستحي منه في العلن ٥ . وأن يكون في دلك شعاره هو أن نفس الإنسان أقرب قريب صه وأولى ماتقدم في طلمه إنما هو للحير له أولاً ثم ما هو دان منها وهكذا . أما الفتوة فتتعدى احدود المرسومة في المروءة وتتحطاها إد بها يحتمل المرء معارم الآخرين وسائر المشاق لتأمين إداحة وإسعاد الغير فلا يصن م أحل الله له وحرمه على سواه ليجود نه طبعا ، فهو الفتى الذي اشتهر بعدم تمسك بالمادة وعرف ناخلم والهفو والرزانة والاحتمال صابراً فائلاً تعطيم الناس في الثواب فهي إداً و بشراً مقبول ونائل مبدول وعفاف معروف وأدى مكفوف نا فالروءة كل هذه من حسن الوقاء وكرم المحتل .

ويروي المؤلف قصة رجل كان يلبس كل يوم أحسن الثياب ويركب أفره الدواب ويسعى في تلبية حاجات الناس وشيكاً فقيل له لتعليل السبب في ذلك فأحاب بأنه قبلاً كان قد انغمس في جميع شهوات الحياة وملادها من سكر ونظر ومنكر ولكن هذه كلها لم تشيع نفسه بل تركته تعيساً ، وأما الآن فليس أدعى لنفسه من مسرة ولا أكثر متعة وبهجة من رؤية إنسان أنعم إليه وأسعفه فشكره ممتناً عند الإخوان ، من أجل هد فهو في نشوة روحية دائمة وغيطة لاتوصف حتى أن المؤلف يسترسل في توحيه أطبب الثناء في مدح لنفس العصامية التي لاتنهمك بمتاع الدنيا وملذاتها وشهواتها فتحسر الآخرة بل بنصرف نحو المنطلق الأفصل بالقناعة وكرم الأخلاق لسعادة الروح في الدنيا والآخرة (١)

ومن وجهة أخرى يوصي المؤلف بأن يكون فضل الإنسان مرهوناً بأعماله الشخصية وليس بالافتخار بالأحداد وجاه الآناء والأقرباء السالفين وإلا ، فهو المبت وهم الأحياء كمسا قال الشاعر :

<sup>.</sup> ب - مشر مقالة تشمر حول الفتوة والرونة عبد البيروني، مجلة الإسلام له ج ٢٤ ( ١٩٣٨ ) ص ٦٩ – ٧١-وي حراهر ، طبعة ١٩٣٦ م ص ٨ - ١٧

إذا المسرء لم ينهض ننفس إلى العسلا فليس العظمام الباليسات عفحمر

وربما أمرط العتى فتجاوز ۽ لذا يسه المؤلف من مغنة الإفراط في إيثار الغير على النمس ببلغا ۽ أنفة من تحمل العار أو دفعاً للظلم وحفظا لحق الجوار ۽ ، أو في سبيل إكرام الفيف و الحفاظ على الأمانة كمسا يروي عن سيرة الشاعر الجاهلي حاتم الطبي الذي الشهر بشحاعته وسحائه حتى قبل عنه ۽ أجود من حاتم ۽ (توفي سنة ١٠٥٥م) وكعب بن مامة الإيادي الذي يضرب ائتل في حوده لأنه في ساعة العطش الشديد سقى صاحبه مما لديه من الماء ومات عطشان فأعطيا كل ماتملك البد من دون مقابل (فالجود بالنفس أقصى غايسة الجود)(١).

إداً لايتمكن المرء من تحقيق الفتوة إلا متى ذال هانى العيش ورغيده واتساع المعمة ليقوى بذلك على مساعدة الآخرين بالكد والاجتهاد ولا ملامة على من لم تساعده الأقدار على الوفاء بالغرض ، مادام قد كرس نفسه لإيذاء العدو ونفع الصديق وإشراك غيره في ررقه مستشهداً بشعر على بن الحهم السامي (الذي هجا المتوكل فحسه وتوفي عام ١٨٦٣هم) : --

ولاعار إن رالت عسن الحسر نعمة ولكسن عساراً أن يسزول التجمسل ثم أنه لايرائي لغرض تافه مذموم بل يقوم بواجبه احتساناً(١٦) .

ترويحة ٧ : هنا يقارن البيروتي بين العاقل الحكيم الذي يجد لدته في الأمور النفسانية الروحانية والمثل العليا التي يلاحظها بعين النصيرة والاعتبار وبين الحاهل العبي المنغمس في الندات الحسية والمنجذب إلى صوف الزينة (كا فيها المجوهرات) ورخارف الحياة التي تستهوي الغريزة احيوانية فترقص أضلاعه لهسا طرباً ولكن ماهذه برأي المؤلف ،

إ - حاثم الطائي (ت حوالي سة ١٩٠٥م) أحد شعراه العرب قبيل الإسلام اشتهر بشجاعته وسفاء جوده حى ضرب فيه المثل في الكرم وله ديوان شعر طبع أكثر من مرة ، أما كعب بن مامة الإيادي مهو الحواد اللهي آثر ألمزت عطفا فيعلى صاحبه مافهيه عن ماه

٣ حالي بن الحجم (ت ٨٦٣م) كان شاعراً عياساً تعشق حرية الرأي والإباه وأما الحبية فهي الاحتساب عند الله وقبول الأجر لدمل صائح ، سورة البقرة - ٣٦٢ - ٣٣ (قرل معروف ومعمرة حير من صعقة يتمها أدى . يأيها الدين آسوا الانبطلو، صدة تكم بالمن والأدى) ولأحل التصمر انظر عيد اجمليل عيسى ، المصحف الميسر ، القدرة ، دار القكر ، ١٣٨١ م / ١٩٦١م مرتب حسب السور مع الشرح

إلا لذائد سريعاً ماتزول وتعقب بعدها الحسرة والندم وتبدل نضارة الشباب وجماله إلى حطام الانحلال وفتاء القرة ودبول القوام ، لكن هده التذاكير لمسا كانت أعراضاً عمولة في أشخاص محدودة الأعمار دالية على تعاود الليل والنهار لم تخلد فهي من عالم الفساد والعناء فأقيم لهم ددلها من الجواهر المحرونة تحت الثرى في الأحجار المنعدة وفي المكنونة المصوبة في أعماق المحار المسحورة ماكان أبقى على قرون تمصي وأحقاب تمر وتنقضي وكانت سنة عليهم » . من حالق الكون الذي هو عالم عا لا نعلمه وقد أودع وجعل هده الكنوز حاهرة في حينها من صنوف الأحجار الكريمة مثل اللؤلؤ والمرجان والماقوت والماس وما إليها(١) .

ولولا أهمية الرينة في عداد المحوهرات والأعلاق النفيسة لمسا انفصلت مبدئياً على الذهب والهضة فإن سبيلها كلها في عدم القناء وعند الضرورات سبيلهما إذ رأي المؤلف لامنفعة ماشرة تحنى منها في قضاء الحاجات الضرورية المنشودة لذا وإن كانت مختلفة عن نفيس المعادن في تثمير الحوائج ومستلزمات العيش ، و وإنها كذلك مثمنة بهما وربما كانت على وجه التعويض مزيخة العلل وهي جواهر جسمانية (يعمم بهدا على الباقوت والمرجان والمؤلؤ والزبرجد وغيرها من الأحجار الكريمة) ونهاستها بما يحس الحس منها وحاسة البصر ترى ألوانها الرائعة وحالها البديع وتنسيقها وانعكاس الضوء عليها) فيمدح عسب ذلك ما دامت مستبدة به (لأنه ما دامت أهواء الناظر مغرمة ومنجذبة نحو المظاهر الحسدية الحلابة والمعرية) فإدا قورنت بالحواهر النفسانية الكشفت (حقيقتها) وذرام منها ماكان يحسد على مثال وصف أبي بكر الحواررمي إن رجلا (قيل فيه) إنه درة من درو ماكان يحسد على مثال وصف أبي بكر الحواررمي الدرجلا (قيل فيه) إنه درة من درو الصدف وياقوته من يواقيت الأحرار لا من يواقيت الأحجار به (١٠).

٣ - هر آمر بكر الحوارري (٣٢٥ - ٣٢٨ - ٩٣٥ - ٩٩٣ م) كاتب وشاعر عش ي سورية وعاصر المحدادين لاسيد سيف الدولة ومات في سيابور وقد طبعت رسائله أكثر من مرة في القنطنطينية، مطبعة الحوائب ، ١٩٧٠ م، ويشر مكتبة الحياة ، يعروت ١٩٧٠ وكذلك كنايه مفيد العلوم ومبيد الهيوم (دمئل ، ١٣٣٣ م، مسبوب إليه ). انظر وفيات الأعيان لاين خلكان تحقيق إحسان عباس ، يعروت دار صادر ، ج٤ (١٩٧١) من ١٠٠٠ - ويبدو أن البيروي لم يجذب كثيراً نزية الجواهر ورويقها ولم تحسيها صالحة المحكة والمقايضات إذ كان يرى جمالا أحرى في جواهر الأحلاق ودرر الحكمة التي المجذب نفسه إليها .

ترويحة ٨ : هنا يقابل الدروني بين لذة الروح السامية ولذة الجسد الأرضية مقرراً أن اللهة بالحقيقة إنما هي مسألة مرهونة بلزوم ماارداد الحرص عليه إذا دام اقتناؤه له . وهذه هي حالة الفس الإنسانية التي تستمتع بحيازتها للمعرفة النافعة والتعمق والغوص في المحهول وكشف أسراره وعوامصه ه إلى أن يغلبها عند طلب الراحة من تعب المساعي ويلهيها عما كانت فيه بسبب العجز عن الاستمتاع ه ، بما يشتهيه من رغبات أو فيما تطبه من الحكمة والقهم .

وأما اللذات البدنية فإنها على النقيض إذ هي معقبة للآلام وجالبة للأسقام والأحرال تبدد وتمل إذا دامت وتودي إذا أسي أو أهرط في استعمالها الامر الذي يؤدي بها إلى العبودية والشقاء والانحطاط عقلياً وروحياً وجسدياً مثلها كمثل الطعام الذي يحلو للجائع ثم تقل لدته بمقدار ما يؤخذ منه حتى إدا أكثر المرء منه وأتخم وأدى إلى الغثيان والتهوع والقذف و . فأطاب الدنيا كلها خائث ومحاسنها قبائح فهي لاتشبع قلب الإنسان من جوع إنما تغريه فينقاد إليها فتأسره ليعود إلى طلبها مجبوراً فاقد الإرادة . والأمر الطريف حقاً ، وهو من الأهمية بمكان في تاريخ الطب والمعالجات ، أن المؤلف بشبه الشخص المسترسل والمستهتر في شهواته الحسدية و كمثل المخمور في العقارات و المسببة للهلوسة والاعتباد والتي بعد فقدان تأثيراتها يعود مرة أخرى راحعاً إليها والمخاح يطلبها . وفي هذا نجد أيضاً دليلاً آخراً على تمكن استعمال مثل هذه الأدوية المخدرة وانتشارها وعلائم وجريات الاعتباد عليها في عصره والذي كان شاهد عيان لأثرها وما تورث متعاطيها من سلب الإرادة الممقاومة والانصباع (ا) .

ولايغفل المؤلف عن الجزم بأن في وجود اللذة الجسدية وتشاطها وطلبها يكون دوام النوع وإنقاء للشخصية البشرية ومميزاتها في تعمير الكون حثى أن بني الإنسان بنمون ويكثرون ويملؤون الأرض ولتكن خشيتهم ورهبتهم على كل حيوانات الأرص وكل طيور السماء(٢٢).

ا سكان البير وفي قد لاحظ سوه استمبال المقاقير المخدرة والتي تسبب اعتياداً يصمب التحلص منه إذ أن الكثير ين من الصوفية ومن عامة الشعب أعلوا بتماطي الأهبون والحقيش ليس لأحل المداولة والشعاء فصحت بل كخدرات، See Frans Resenthal, The Herb. Hashish persus Modiscal Mustim Secrety, Leiden, Brill, 1971, pp. 101-110, Sam Hammeh, "Phramacy in medieval Islam and the history of drug addiction," Medical History, 14 (1972), pp. 226-237.

٣ - هي الحكمة القديمة في قوله تمال و أغروا وأكثروا والمؤوراً الأرض وأخضوها وتسلطوا على سمك البحر وعلى طبر السماء وعلى كل حيوان يلت على الأرص « صفر التكوين ١ ٩٨٠ وأيضاً ٩ - ٧ ولكن البدروني فجأة ينتقل للمدديث عن أهمية نظافة الهم والبدن اجتماعياً وصحياً ويشرح كيف أن انتعرق يزدحم قليلا قليلاً للمدين على الملك لذا وجبت النظافة والاحتجمام مشبهاً ريح انصر الطبب دائمة والعند

ترويحة ٩ : يشرح الديروني هنا كيف أن للناس أحوالاً مختلفة في دنياهم يتقلبون هيها ويتعايشون معها فبعض منها بمرح ونعصها الآخر يذم ويرذل لاسيما ماهو مخالف للخاق القويم والبطافة وكرم البمس فالمحامد المشكورة فقطبها المروءة ، وإن مدار النظافة روحاً وحسداً هو على الطهارة والنقاء وإنه معموط وسعيد حقاً ذلك الشخص الذي له صديق مخلص ينفر نما لايرصاء لصديقه ويحب له مايريده لنفسه . ثم إن البيروتي بالرغم من تقديره للصداقة وحس العشرة إلا أنه يحذر من كثرة الأصدقاء وبلا حدود والذين يكثرون مع اتساع الحال والغبي وما أقلهم حين تشج دات البد مع أن في تكاثرهم الرقي إلى مراتب الرياسة والملك فيمن تعلو بهم الهمم ومن يطلبون الخير للجميع لاسيما لمن حولهم » تمنياً عند العجر ومعلا لدى القدرة » يوم تؤول إليهم الرياسة ، وطبيعي أن الجمال في الصورة وحس اللخلُّق محموبات مرغوب فيهما ٥ ولكن الصور عطايا في الأرحام لاسميل إلى تغييرها لأحد من الأثام ، إنما نزاهة النفس والدمائة هي في الأخلاق وحسن السيرة ومالك هواه هو القادر على نقالها من المذام والعار إلى المحامد وأعلى الرئب وما هذا إلا ممقدار مايعمل المرء على تهديب نفسه بالحسبى وصالح الأفعال ومعالجة أسقامها بالطب أيضاً يذكر اليّروني بعض الأمور العملية التي بها المرء يستطيع أن يحسن خلقه وإن عحز عن نبديل صورة وجهه مع الإشارة لما هو معروف وبديهي أن الاهتمام إنما هو في المرتبة الأولى بالسَّرة والَّتي هي أول مايلاقي من جسم الإنسان فينبغي إذاً تنظيفها بالماء الطهور وليس ذلك أدنياً وحسب العرف والعادة عحسب ولكن دينياً أيضاً . ٣) حتى أن السنانير الأهلية هي أحسن مثال في عالم الطيور في طلمها وسعيها في مراعاة نظافة جسمها والبيئة التي فيها تعيش على خير منهج .

ثم إن المؤلف يعدد بعض ما أوصى مه رجال العرب ونساؤهم بناتهم من وجوب المحافظة على نظافة أجسادهن وبيوتهن طلباً في الإنقساء على السعادة الزوجية واعتبارهم

كتب الكثيرون من طماء الإسلام وأطبائهم كالرازي وغيره في المعابلة التدويجية والطرق الواجب اتخاذه
الرقي بالأخلاق وتهذيب النفس بالعادات الكريمة النزيمة فكما تمزم معابلة أمراض الأجماد كلك وجبت معاشة
أسقم العوس سطر فهوس الظاهرية ، دستق ١٩٦٩م ص ١٩٨٠ وقد ترجم كتاب الرازي
إلطب الروحاني إلى الإنكبرية في لهد ، ١٩٥٠ م كما حقق بالعربية .

٣ -- يقتبس المؤلف سورة المائدة : ه (باأجا الدبي آمنوا إدا قسم إلى الصلاة فاغسلوا وجوهكم وأيديكم إلى
 المرافق وأمسموا رؤوسكم وأرجلكم إلى الكمين) وفي الحديث الشريف . ٥ المطافة من الإمان »

بأن الماء وحده هو أصل الطيب ورأسه(١) .

لذلك بعد الاغتسال بالماء الطهور يوصي المؤلف أولا النزير بالأصبغة والألوال والتي بمعونة الفياء سرعان ماتلفت إليها الأنظار نواسطة حاسة المصر . فمثلا فإن تبييص البشرة وتوريدها بالغمر ثم تسويك الأسنان وتنظيفها وتقية الأشفار وتكحيل العين وصبع الشعر وتمشيطه وقص ما يحتاج إلى القص ونتف تعصها وتفلم الأطفار وتسويتها كل دلك لأجل تحسين مظهر الإنسان وتجميل مطره مع النطاقة والذوق السيم . يتبع دلك ذكر الثياب الملاصقة والمحيطة بالدي لاسيما الماسة للجلد والتي يجب تنظيفها ليبدو لونه الأبيص الحصود راهبا مصقولا ولامقا المتحلص من الفبار والدخان وما يعتى بها من الشوائب أو مابعكر صفو لونها ومن المداهة أن من ينظف ثيانه لابد أن يبدأ أولا تنظيف بدئه لابد له أن يهتم منظافة البيت الذي يسكم والمجلس الذي يأوي إليه ليحافظ عني نطاقه لإبله له أن يهتم منظافة البيت الذي يسكم والمجلس الذي يأوي إليه ليحافظ عني نطاقه ثيانه وهندامه من الداخل والخارج فيتم بذلك المراد وطالما عبر الناس في الماضي عن طهارة النفس والقلب معاً وشبهوها بنقاء الثوب وبياض الإرار والحبيب وغير هذه الأمثلة والعبر التي تدلنا على الاهتمام بنقاوة الإنسان وبيئته وحفظه حسدياً وروحياً ورفع مستواه أختلاقياً واجتماعياً (١).

ثم إن الحواهر تتلو الثياب رقة من حهة الاهتمام حسب العادة في أكثر الملدال فيتحلى الذكور بالحواتم والتيجان و وما رضع من الوشم (الوشع) والمناطق والقلانس والقفازات والقضبان والأعمدة لهم ولمن مَشَل بين أيديهم وللإناث مالهن من المداري والأكاليل والأسورة والخلاخيل والحبيرات والمعاضد والعقود والقلائد ، وهناك من هم

١ - يفتيس المؤلف هنا عدة روايات فنقل بعضاً منها الطرافيها وأهبيتها في علني الاحتباع والنفس كقول أم توصي استها هند ترواجها ١٠ ه إياك والعيدة فإنها مفتاح الطلاق وأنهاك من إكتار العتاب فيه يورث البنفساء وعليث بالزينة وأرينها الكحل وبالطبب وأطببه الماء و وقول أحرى « كوني لروجت أنة بكن لك عبداً وعليك بالمهلف فإنه أيلم من السجر والماء فإنه وأس الطب « . وأخرى أيساً « كوني لروجت فراشاً يكن معشاً وكوبي له وعاء يكن لك عطاء وإياك والاكتباب إذا كان فرحاً والعرج إذا كان مكتباً ولإيطلمن منك عل قبح ولا يفسن ملك إلا أطبب الربح والانعشين له سراً نثلا تسقطين من عبيه وعبيك بلده والدهن و الكمل فإنه أطبب الطبب « . ومع أثنا الانعرف شيئاً بذكر عن حياة البيروفي الخاصة إلا أثنا من هذا نميل طفن بأنه كان متزوجاً عبد عليه علومه وأعانه عن الخاص على الحياة الروجية طبه هنيث .

من المواضيع الهامة في عصر قا مثالسبة الصحه العامة هي تأس ديثة صالحة صحبا مع نظافة الجسم والشباب المحافظة على الصحة البدية والتقسم .

في طبقة المسرفين المملزين والمترفين حتى إنهم يتعدون استعمال الحلي والمحوهرات بالامتداد والتطاول إلى تزيين ماهو خارج عن البدن نفسه إلى تزيين الحيطان وسقوف الدور وأبوانها ورواشنها قصد إظهار التفاحر والعطمة الإنسانية مع أن هدا الاقتدار يكون غالماً « بالتمويه لا بالمتحقيق « مع العلم أنه بلا شك يستحب للإنسان أن يعنى على المدوام بأمر النطافة والكياسة شارجاً وداخلاً .

ترويحة ١٠ : يتابع المؤلف حديثه مشيداً هنا بأهمية الرياحين في التجمل والصحة العامة وروعة البيئة ولربما تربنا فكرة هذا الاسجام والشعف بجمال الطبيعة بعض تعلق البيروني بها كما قد تبين أيصاً في كتابه الصيافة في الطب ، ومع أنه ليس لدينا أي درهان أو حتى حدس قطعي ولكن ربما كان هما مجال المتكهن بأن تسمية المؤلف بأني الريحان كنت وليدة هد. الاهتمام الذي لاحظه معاصروه فيه وشجعوه عليه فأعطوه هذا اللقب المميز لدلك نسمعه هنا يقول : ه إن من أظهر الأدلة على كمال المروءة ( وقد مر التعريف بها والحديث عبها) تكميل المظافة بالأرابح الأرجة التي تتعدى إلى العبر فتلذه وترغيه أب الاقراب إليه والمناسمة (معه) وتخفي ماني الإنسان من العوار والوصمة . وأن المروءة المنتباب المحرمات والكف عن أذى الناس ومن ثم فهي الاعتصام بأصول الدين الحنيف الجناب المحرمات والكف عن أذى الناس ومن ثم فهي الاعتصام بأصول الدين الحنيف من قبل فيه لا إنه يَسَمَنَع وفده وبأكل وحده ويضرب عبده وأن من حسن حَلْقة بتحسين خلقه وهيا مطعمه بالطيب من الحلال وأشرك فيه غيره بالتسوية وهيا مطعمه بالطيب من الحلال وأشرك فيه غيره بالتسوية وهيا مطعمه بالطيب من الحلال وأشرك فيه غيره بالتسوية وهدا مهو العاقل والحواد وصاحب الفضل كما أنه يكون قد حافظ على النظافة والكياسة وقد راد على ذلك باستعمال وصاحب الفضل كما أنه يكون قد حافظ على النظافة والكياسة وقد راد على ذلك باستعمال الطب الممدوح العطر و فقد سر أكبله وآنس جليسه وأكرم بديمه وكف أذاه و ونذلك فعلى لغيره ماأراد أن يفعله له غيره (١).

كان البيروني يعتقد اعتقاداً حارماً بحق العباسيين بالحلافة بعد سقوط دولة بني أمية وبقائها في قريش ، ولعله كن سنياً. والمهم هنا أنه بصراحة دافع عن هذا الحق وحارب التعصب وأبى الحط من قيمة أمراء المؤمنين ودافع عن اللغة العربية كلغة الدين والعلم

وبرأي البيروي بإن نظاعة الحدام تمني أيضاً حسن الطوية الداعة الطاعة وعز القناعة والأخذ بالأصوب حبر وبرأي البيروي بإن نظام المن بالطيوب وأدرية الزينة الزينة الربية الربية الربية الربية الربية الربية المناسبة See for example S. Hamarnab, "The first independent treatise on cosmetology in Spain." Bulletin of the History of Medicine, 39 (1965), pp. 309-325.

معالاً ، والمؤاف هنا يروي قصة مُعيز الدولة أحمد من بويه ( ت ٩٦٧/٩٣٥٩ ) الشيعي الشديد التعصب لعنصريته الفارسية ورعته في الثورة صد الخلافة العباسية رمى المطيع ، وكيف أنه أضمر بأخذ الحلافة لني بويه اغتصاباً فنهاه عن ذلك برفق رجل تقي احتكم إليه فنصحه بالعدول لما في ذلك من مغامرة طائشة ومروق غير محمود واقتداء بقول الشاعر :

إذا كنت في تعمية فسارعهما فيإن المعساصيني تزيسل التسعم

فاستمع للنصح ، ولعل المثولف ذكر هذه القصة ليشير إلى أهمية رينة النفس للملوك والعقلاء والنبلاء وضرورة التحلي بجواهر الأحجار الطبيعية ولكن التجمل بالأخلاق الحميدة وروح الولاء والإخلاص وحب العدل والنصح هي جميعها ، اللؤلؤة الكثيرة الثمن ، (٢).

ترويحة ١١ : هنا يصل البيروني الفروة في تقدير القيم الإسانية الرفيعة وطلب الحير والمساواة للجميع ودفاعه عن الحلاقة الإسلامية كما أنه يقترب رويداً رويداً . كم نظن إلى صلب الموضوع ، في بحته عن الجواهر معنى ومبنى في نطاق تاريخي وعلمي ومنطقي فيقول ، ه الناس كلهم بنو أب (واحد) وأشاه في الصورة (لاسيما من ناحبة علمي التشريح ووظائف الأعضاء) ولايخلون فيما بينهم عن التنافس والتحاسد الذي في غرائزهم بتضاد أمشاجهم وأمزجتهم وطبائعهم (بالإصافة إلى) الاشتمال على ماتعبن منذ عهد ابنتي آدم (هابيل وقابيل) المقد مين قربانين مقبولا من أحدهما مردوداً على الآخر ٤ . لأنه عصى صوت الله وثار ضد أخيه ومع ذلك صرخ فاجراً ناكراً للجميل وعديم الود : ه أحارس أنا لأخي 4 ولما لا حتى صار هذا الملاء الموئس منذ فجر تاريخ الشربة وعم هذا الويل المربر ٢٠٠٠ . وإن عما يُحيد من طمع الإنسان وشره هو . لا خوف آحل من

١ - البيروني كتاب الصيدنة في الطب: تحقيق حكيم محمد مبد، كرائشي - الكستان، وقسة همدرد الوسدية ، ١٩٧٣ م ، ج ١٤ ، ١٩٧٩ م ، ج ١٤ ، ١٩٧٩ يقول فيه و ديننا والدولة عربيان وتوأمان ؛ الرفرف على أخده، القوة الإغية وعلى الإغير البد الساوية . . . وإن لمان العرب نقلت العلوم من أقطار العم دردانت وحلت في الأهدة وسرت محاس الفقة منهه في الشرايين والأوددة »

٣ - كان الحليمة الدباسي المطبع (حكم بين ٩٤٦ - ٩٧٤ م) صعيماً فتمردت صيه مصر وعارس ورادت الفشم في رمنه حتى تدبزل عي الملك وفي دلك الحين أصمر معز الدرلة السوجي (٣٣١ - ٣٣٦٣ / ٩٤٥ – ٩٩٧ م) الثورة عليه وعصيان أمره وفي صه ٩٧٤ م ثولى الحلاقة العائم ادبي بلغت في أيامه طبلة بني دويه أو حها وقد خلفه سنة ٩٤٥ م الملك بهاء الدولة .

ج 🕒 مده اشارة واضحة إلى قصة عابيل وقابيل المدونه في سفر التكويين 🗈 ١٦ ١ وي سورة الماقهة: ٣١ – ٣١ .

الله أو عاجل من السلطان ومالم يكن السلطان قوياً نافذ الأمر صادق الوعد والوعيد لم تم له سياسة من تحت يده . فكل واحد منهم يرى أنه مثله وأنه أحق مماله ومكانه ولهذا قصر الملك على قبلة لتنقيض أبدي سائر القبائل عنها ثم على شخص أفضل أشخاصها ثم على نسل له (يكون) ولي عهده قصار الحكم ملكاً لهم ه(١) .

درى هذا تحليلاً فلسفياً علمياً لنزعات المفس البشرية إلى السلطة والحكم ، كما يراها المؤلف . بدافع أنانية قهارة مخيفة لذا يحب التحكم بها وضبطها ثم تسييرها في أَمْنِية خاصة مع وجوب الحرم والارتباط العائلي والحق الورائي لدلك يقول المؤلف شارحاً : ﴾ ثم أصيف إلى دلك حال معجز بلغ في عاية القوة (وهو التأييد السماوي والأمر الإلهي) بالنص على نسب لايتعدى عموده كما كانت عليه الفرس زمن الأكاسرة وكما كان عليه الأمر في الإسلام من قصور الإمامة على قريش ومن وجنت له المودة لهم بالقرئي وكما اعتقد أهل النبت في خاقاتهم الأول بأنه ؛ ابن الشمس الدي نزل من السماء ؛ وأهل كامل أيام الحاهلية في برهمكين أول ملوكهم من الأتراك وأنه خلق في غار هناك يسمى بغرة (ولعله نغراخان أحد سلاطيمهم) فخرج مه متقلسيا وأمثال ذلك من أساطير الأمم الصادرة عن حكمة تجمع الناس طوعاً على الطواعية وتحسم الأطماع في نيل كل واحد رتمة الملك، ، مبعثه عنصر تقليدي ديني حسب البلاد وجغرافيتها والتاريخ<sup>(٢)</sup> . ثم يشير البيروني إلى طاهرة ،جتماعية وسياسية هامة موضحاً فيها كيف أن الملوك يلجؤون إلى بئاء القصور والقلاع وتزيين بجالسهم وإظهار الأبتهة والأمحاد لإكساب مركزهم وتزويده بهالات من التعظيم والإكبار في عيون الرعايا والأتباع ، فيضيف : و وكما يمبز الملوك عن عيرهم بهذه ألحصال كنلك تمموا التمييز بإعلاء الإبوانات وتوسيع القصور وترحيب الرحب والميادين ورفع المجالس على السَّرر ، كل ذلك سمواً إلى لسماء وإشرافاً على الخاص والعام من الملأ وإليه » ذهب البحثري في قوله .

وليس للسمدر إلا ماحبيت بمسمه أن يسمتبير وأن تعلمو منازلهم

١ - في أخواهر البيروي ، طبعة ١٩٣٦ م ص ٣٣ - ٢٤ يعطي المؤلف شرحاً العلور الحلاقة في الإسلام خداصة وغيره، من الحضارات عامه متسمكاً بأهداب الحلاقة مداهماً عن شرهبها العلم حول الموضوع كتاب تاريخ الإسلام لحمن إبراهيم حسى، ح بج، طبعة أولى ١٩٦٨ م ، مكتبة النهشة المصرية ، ص ٣٠٣ . ٣٠٨ . ٣٠٨ . ٣٠٨ . ٢٠٨ . ٢٠٨ . ٢٠٨ . ٢٠٨ . ٢٠١٠ كانت آبداك كابل (ربما هي كبول عاصمة البلاد الحالم) معراً عن الأصحب التقليلية والعيلية في قبام نظم الحكم و نسبرار الملكية .

ولم تكن للزيادة في القدرة حينة فجعلوها بالتيحان والقلانس واستطالوا بالأيدي حتى وصفت بلوغ الركب كمسا سمى أهل الهند أحد ملوكهم متهاباها أي طويل العضد والنفرس بهمن أردشير ريونردشت لأن ريونرد هو أصل نبات الرياس وما لم يبلغ الماء في العمق لم ينبت وإن كان رأسه في درى الجبال ، وهذه تصف بدقة المغالاة في تزيين القصور وإظهار الأمة والحاه عند الملوك ذوي الأمجاد إلى حد فاق الحسان (١) .

وكعالم احتماعي واقتصادي وكمؤرخ عارف بالأحداث والأزمان ، يعود اليروني مرة أخرى ليوصح بثاقب بصره اهتمام الباس بالأحجار والأعلاق النميسة وأثرها في كسب الوجاهة وتأييد السلطان مع العوامل السلوكية والاحتماعية وأسبابها المنوة إليها في هذا الباب فاسمعه مثلا موصياً وناصحاً : « كل ذلك علامات لعلو الهمة وانيساط البيد بالقدرة . ثم تتزينوا بصنوف الزينة المثمنة لتحاو في القلوب وجلالة الأموال في العيول متتوجه إليهم الأطماع وتناط بهم الآمال » ، والأحلام مشيراً هنا إلى الدور الدي تلعبه الحواهر في التأثير نآراء الناس وطرقهم المنهجية . وإن الأمر لابقف عند هذا الحد في طلب الأبجاد والسلطان بل يتعداها إلى المخارات الحاسوسية وحيل السياسية وأحابيلها إذ يضيف قائلاً : « واحتالوا نحيل تفاضلت في الدعة والحسن والغرابة للغوص على سرائر يضيف قائلاً : « واحتالوا نحيل تفاضلت في الدعة والحسن والغرابة للغوص على سرائر الخاص من البطانة وأفعال العام من الرعبة ومعابلتها يواجها وفي إسراع ذلك على تنارح حاملة للأوامر والأمثلة في المدد السيرة حتى خيفوا في السر والعلن واجتُسُنَتُ خيانتهم علمامة للأوامر والأمثلة في المدد السيرة حتى خيفوا في السر والعلن واجتُسُنتَ خيانتهم علمام الزاجل من نقل البريد المستعجل آنذاك بين بلد وآخر وغيرها من وسائل التنقلات الحمام الزاجل من نقل البريد المستعجل آنذاك بين بلد وآخر وغيرها من وسائل التنقلات والرسلات في العالم الإسلامي قاطبة (٤).

إ -- في صحرية لأدّة يقارن البيروني بين نمم الماء للأرض والسبت و مع «طواهر الريه وفي معاملات الناس التجاوية فيهما حلا مصدر الماء لابد أن يصل الأرض الواطئة ليسمي البدور ويبت السات وهكه. يوضح لمؤلف أهمية الإسلاح الاجتمعي حتى تحجلي طبقات الشعب الكادحة نقسطها من ثراء الدولة لتأسير رعاء الهيئي وهي تطرة إصلاحية إنسانية تعلى هل مشاعر المؤلف تجاه طبقات الشعب المقرة ووجوب الاهتمام برحائها أكثر من الاهتمام بالريمة والأمية المكارجية ، والتيجان المرصعة بالجواهر ، انظر الوصعت في كتاب الحطط لتتي الدين أحمد المقريري ، طبعة بولاق ، القاهرة ، ١٢٧٥ ه ، ج ١ ١٣٤ ع ١٣٤ و والمدين والتعدي والتعديد الله ، الكويت ، وردادة الإعلام ، ١٩٥٩ و وجرحي ريدان تاريح ، ص ١٢٨ - ١٣٤ و القاهرة ، بدون تاريح ، ص ١٢٨ - ١٣٤ و واحد وجرحي ويدان تاريح ، ص ١٢٨ - ١٣٤ و التعام ، وحروحي ويدان تاريح ، ص ١٢٨ - ١٣٤ و التعام ، وحروحي ويدان تاريح ، ص ١٢٨ - ١٣٤ و التعام ، وحروحي ويدان تاريح ، ص ١٢٨ - ١٣٤ و المدين ويوم عيدان الإسلامي ، ح ه ، القاهرة ، بدون تاريح ، ص ١٢٨ - ١٣٤ و المدين ويوم عيدان الوسلامي المدين المناس ال

٣ - أي وصف البريد واستحدام الحبام الزاجل الخار صبح الأعشى ، القنقشدي ، ح ٧ - ٣٩١ - ٣٩ ،
 بع ١٤ ، ٣٨٩ - ٣٩٤ ، ريدان، ثاويخ التجدل الإسلامي ، ج ١ - ٣٩٩ - ٣٤٢ .

ترويحة ١٣ : ومما سنق الإشارة إليه من تأكيد أهمية الغني المادي بالذهب أو الفضة واخواهر وأثرها في المجتمع يستنتج المؤلف مدى القوة الخفية للمال في تسيير سياسة الملوك وسلطان الرؤساء كمسا يرى الدور الهام اللني يلعمه في تأييد الحكومات وتنفيذ مأربها مع تبرير مثل هذه التصرفات حيث يضيف : ٥ الملوك أحوج الناس إلى جمع الأموال لأنهم مها يملكون الأرمة ويسيرُون بمكانها الأعنة ۽ . وقد أوضح السبب الدي من أحله مثلا كدن الحليفة أبو جعفر المنصور العباسي يجمع الأموان ويحزثها حثى وصمه الناس عالبحل وهو براء من دلك لعدم إدراكهم لمسا كان يهدف من هذه النقود المحزونة ومايعمل من أجلها وقد شرح أمره لحاجبه مرة مفسراً كيف أنه بالمال يستطيع السلطان التحكم عقسرات الىاس لأنهم حميعاً محاحة إليه ويتشوقون لاقتنائه فمن معه المال معه السلطان وله البد الطولى في الحكم(١) . ثم يقول المؤلف في الأمير يمين الدولة محمود العزلوي (٣٨٩ ــ ٩٩٩/٩٩٩ ــ ٩٠٠٠م) إنه ماكان ا يفرع من فريسة قصدها وظفر مها إلا ويحيل نصره تعدها لأخرى بزحف إليها وبحورها ٤ ، حتى لايكون مجال للتوقف أو التغيير ثم إنه إذ كان قد وكل أمره للمنجمين سنة وهو عائد منصرفاً من مدينة خوارزم حبث أخبروه بامتداد حكمه لما يسيف على عشرة سنين أنه عندها أجاب : ﴿ إِنْ قَلَاعِي مشحونة من الأموال بما لوقسم على أيام تلك الأعوام لحاجتها بما لايعجزه إنفاق مرتب أو مسرف فيه ٤ . وعند سماع ذلك حملت البيروني النشوة ، وكانت لأتزال بينهما بعض حفوة لقسوة السلطان وتفاحره وشدة بطشه . على الإجانة قائلاً : ٥ اشكر ربك وأسأله واستحفظه رأس المال وهو الدولة والإقبال هما اجتمعت تلك الفخائر إلا بهما ولن ثقاوم لْمُسرِها خرج يوم واحد عير منتظم بزوالها ء . فأمسك الأمير لأنه رأى في نصيحة البيروني بالاهتمام في رعبته والإنفاق على مصالحهم وتوفير السعادة لهم والمساواة بينهم لما فيه بقاء الملك يكون ذلك أبقى مأثرة وأخلد ثروة(٢) - وتستمر علاقة البيروني بأمراء غزنة بعد

ا — اشتهر الحليفة المنصور (١٩٦ - ١٥٨ م / ١٥٥ - ١٥٧ م) بالحد و الحرم و الشدة و الاهتمام بالرعية همم يعرف علم يدرف عدم إلى اللهو و العبث ركان حريصاً على جمع المال عير مسرف حتى اتهم بالبخل انظر مووج الأهب لأي الحسن عني المسمودي ، تحقيق محمد عني الدين عبد الحسيد ، ح ٣ ، القاهرة ، معايمة السمادة ، مع ١٩٦٠ ، ويروي أبو حصار محمد بن جرير الطبري في تاريخة ( تاريخ الرسل الحلوث ) ، القاهرة ، دار لممارف ، مسلة شمائر العرب ٣٠ ، ح ٨ ، ١٩٦٣ من ٧١ – ٧٢ وصبته لابته المهدي قائلا ، لاتصمح رعيته إلا بالحلمه ولاتمس البلاد عثل العدل ولاتموم عدة السلمان وطاعته إلا بالحال » .

عين الدولة محدود الفردوي (٣٨٨ – ٣٦١ه / ٩٩٨ – ٩٠٣٠م) عرا الهند اثني مشرة سرة واستولى على
 السحاب وبلاد الدور وما وراه النهر > وأسقط للدولة السامانية وخطب قلطيمة القادر > ولما استولى على

وقاة محمود فيعتدم أيضاً الأمير مسعود (٤٢١ – ١٠٣٠/٥٤٣٣ – ١٠٤١م) الله الأكبر ه يغدق عليه النصح فلم يعتبر حتى مات شهيداً وتبدرت أمواله الدثرة ، المكتسبة منها والموروثة عن أبيه في يوم واحد<sup>(۱)</sup> وقد تلاشت كما يتلاشي النحان في مهب الربح وذهبت هباء منثوراً ، « ولم يكشف عن غادر نه مقراً ولم يطهر في كسير جبراً » ، لأن قاتله لم يُعرَف وكان نصيبه الحلاك وبئس المصير لكثرة غروره وإثمه .

ترويحة ١٣ : يعطينا البيروني في هذه الترويحة خلاصة فلسفته في الاقتصاد والحياة الاجتماعية ويركز حديثه مرة أحرى على طبقة الصعائكة وطبقة الحكام وهما في طرفي التقيض والقاسم المشترك بينهما اجتماعهما على جمع المال المستخلص من باطن الأرض سبب أحواهم الخاصة وحاجاتهم الملحة إليه فيقول . و الدفائن الباقية تحت الترى صائعة في بطى الأرص وهي تكون في الأعلب الطبقتين من الناس شديدتي التاين متناعدتين في الطرفيين الأقصيين وهما أهل السلطنة وأهل المسكنة تصفهما على النحو التالي المساعدة وأهل المسكنة تصفهما على النحو التالي المساعدة وأهل المسكنة تصفهما على النحو التالي المساعدة وأهل المسكنة المساعدة وأهل المسكنة المساعلية وأهل المسكنة المساعدة وأهل المسكنة المساعدة والمساعلية وأهل المسكنة المساعدة والمساعدة وا

أولاً المساكين أو الصعائكة ، و فإنهم تعودوا الاستماحة (والتسول) واعتسلوها في تحصيل القوت علماً منهم بأنها هي رأس المال لاينقص (منه شيء) وخاصة مع الإلحاف في السؤال والإلحاح في الطلب (فالشحاذ لايضع رأس مال عير الشحدة والاستعطاء وكلام التوسل لاستجداء المحسنين فمهما حصل في يومه فهو مرتحه لذلك اليوم) . فإذا استغنوا ما عن شراء مطعم أو مشرب (لأنهم يحصلون على هذه في الغالب بطريقة الاستجداء أيضاً أخذوا في جمع الفلوس والحبات والقراريط ذوداً إلى دود يصرفون الفلوس بالدراهم والدراهم بالدنافير وليس لهم أمسين غير الأرض لأنها تؤدي ماتستودع وبأمانتها ، جرى المثل فقيل آمن من الأرض (فهذا كان بنك الاستيداع لهم آنذاك) . ثم يحوت أكثرهم جرى المثل فقيل آمن من الأرض (فهذا كان بنك الاستيداع لهم آنذاك) . ثم يحوت أكثرهم

مدينة خواروم قبص على البيروي وأستاذه عبد الصدد فقتل الآخر واستبقى البيروي لمعرفته بعدم السجوم انظر ياقوت الحموي ، مهجم الأدباء ، القامرة ، دار المأمون ، ١٩٣٦ م ج ٢ . ص ١٨٠ – ١٩٠ ، وحسن إبر هيم حسن تاريخ الإسلام ، ج ٣ ، طبعه سابقة ، المقاهرة المهمسه المصرية ، ١٩٦٦م ص ٨٠ – ٩٧ و بن حلكات ، وفيات الأعيان ، ٥ - ١٥٠ – ١٨ ، وأبو الفرج ابن الجوري ، المتظم ، حيدر آبد ، مائرة المنارف الشمائية ، ١٩٤٠ م ح ٨ - ١٠ ما ٥ .

إلى السلاجقة مندو أحدة ٢٩٤ه هريمة سكرة وبعد أن أقلت من الأسر ثار مواليه عند وجبوا عمرائعه
 وتاصروا أحاء محمداً الذي قتل أنصاره صعوداً في حرب أهبية حنه ٢٣٤ه انظر على بن الأثير الكامل في
 التاريخ ، طبعه بولاق ، القاهرة ج ٢ - ١٦٤ - وعماد الدين إصمين أيا العداء ، المختصر
 قي أعيار البيشر ، ج ٢ ، القاهرة الحسينة ، ص ١٦٤ - ١٦٩ ،

إما فحاة من خشونة التدنير وإعراط التقتير (والسكتة القلبية) وإما من سوء حال لايبأس فيه مع الحرص من الإقبال والإبلال ولاتسمح نفسه فيما شقي في جمعه أن يكون لغيره حتى ينموه بالإيصاء به فينقى مدفونا (في الأعماق) قل أو كثر ، وبدلك مع الأسف عاشوا آنداك أخساء وماتوا عير مأسوف عليهم ولا على مالهم الرخيص(١)

أدياً : ا على الماوك فلكثرة نوائبهم يعدون الذخائر للعدد ويحصنون (ويكنزون) الأمول في القلاع والمعاقل وأن يكون حمل دلك إليها مستوراً لتوسط النقلة والحفظة بينهم وبينها فيحتاجون معها إلى خابئ ومستودعات ) لايطلع عنيها غيرهم فممهم من لايراق الله تعالى في الإثبان على قاقلبها إلى المدافق (فيتخلص منهم) ، ومنهم من يحتاط في دلك ويحتال بإيداع الفعلة (صمن) صاديق فارغة ويتولى سوق البغال معهم إلى الموضع فإذ أخرج القوم عالميل من قلت الصناديق لم يعرفوا أثرهم من العالم وإدا فرعوا من الله أعيدوا إليها وردوا فحصل المرام وبعد عبه الآثام ولهذا شريطة هي أن لاتحمل منهم أن المنفق أعيدوا إليها وردوا فحصل المرام وبعد عبه الآثام ولهذا شريطة هي أن لاتحمل منهم نقسة نهراً مرتبين (وقد أهملها بعصهم واحتاطفا بعضهم الآخر) إد قد جعل (أحدهم) في المفل الصدوق نقة وأعد مع نقسه كيساً من أرز أبحد ينثرها قليلاً قليلاً واقتفاها بالغد عشرين سنة لما احتاج إليها ولم يجد في المغال إلا بعد عشرين سنة لما احتاج إليها ولم يجد في المغال إلا بعد عشرين سنة لما احتاج إليها ولم يجل في المغال في المغال عشرين سنة لما احتاج إليها ولم يجد في المغال الإنام عشرين سنة لما احتاج إليها ولم يجد

ثم أخذ بعدها يتابع المؤلف تحليله لمثل هذه الحالات والأحداث السياسية والاجتماعية والآجتماعية والتي معها طالما تتعرض مثل هذه المدتخرات للدفن في ناطن الأرض مرة أخرى كما كانت في طي انسيان فلا تكتشف إلا اتفاقاً أو نتيجة طوفانات وسيول عارمة تكشف عنها وتدل عليها . فكم من غني ملخر للأموال توفي تاركاً من نعده كنوره دون أن يعرف بوجوده أو مكانها أحد غيره فتفقد ، أو ملك يخزنها لحين الحاجة فيهرب أمام عدو مهاجم

كانت الاسونة المقراء والشماذين بعد تحويمهم المدوس والحسات والدراهم إلى دماير قصية و دهبية هي مداهى إلى الأرش فساعت بعد وقاتهم ويرأي البيروني هده عسارة اقتصادية ومحافظة لشريعة قد الذي قصله لهده الكحور بصر مد والمدملة بأيدي الناس العلم سالح الحسارية ، المسلة السرية الا 1940م على من 4 - 10 عبد العرير الدوري ، قاريخ العراق الاقتصادي في القرن الرابع الهجري ، بعداد ، معلمة المعارف ، ١٩٤٨م وطاش كدري راده ، مقتاح السعادة ، ج ١ ء القاهرة ، دار الكتب الحديثة ، ١٩٦٨م على سر ٣٩٣ ثي حساب الدرهم واللذينات .

<sup>﴾ -</sup> أبهدول با السيد ألحاسع لكل خبر أن الشمعان ۽ ولكن صار مثلا لما لائمع عا جمعه من الحيرات .

ويتركها خلقه مدفونة في الأرض وليس من يجمع أو يحصى عليه ماأودع(١٠) .

ترويحة ١٤ : ويستمر البيروني في توضيح نظرباته في الأمة وسباسة الاقتصاد بين الناس في المعاملات واستحسان استعمال النقود الورقية أو المعدنية ومن بينها الحواهر فيقول : ه لما احتاج الملوك في حركاتهم وانتقالاتهم الاختيارية والاضطرارية إلى أصحاب أموال تصحبهم من أجلها خدمهم وينزاح بهم العلل في إخراجائهم وعوارصهم وكان الورق أخف محملاً من المثمن به في المصالح (كالفلوس والدراهم والدنابيرمثلاً) نظروا إلى الفاض عليه في ذلك فوجدوه العين (خيار الشيء ونفيسه وماضُرِبَ نقداً من الدنانبر) فإن المثمن من المطالب (الأخرى) يكون عشرة أضعاف مايحصل بالورق على الأصل القديم المعين في الديَّات والزكوات وإن تغير بعد ذلك لعزازة الوحود ونزارته في بعض الأحابين دون بعض أو لفساد النقود (وصدئها) وإما في أصل الجبلة في كل عالم ٣٧١ . ثم إن البيروني يعمل مقارنة مين مسبق ذكره من أهمية العملة الورقية ومين الجواهر و لأعلاق النفيسة وما لها من القيم وإمكانية وجودها ومحتوياتها وأفضلية استعمالها بالنسة لأورائها وأثمانها . بعد دلك يأحد بيد القارئ بصورة عير مباشرة إلى صلب موضوع بحثه في أصل الجواهر الكريمة ونفعها وعلو قدرها مادياً ومعنوياً والنواحى النفسية والاحتماعية التي أدت إلى انتشارها وأهمية تداولها وسهولته وخفته ثم يصرح قائلاً : ﴿ فَإِنْ الدَّهِبِ أَعْزُ وَجُودًا من الفضة والفضة أقل وحوداً من النحاس ويناسبها صغَّر الحجم وعظمة ورجحان الوزن ونقصانه » . وهو يذكر أحد المناجم الدي يعطى من بين معادنه ، • هذه الأحناس الثلاثة لتفاضل مقارب لهذه النسبة وذلك أن عطية الوقر فيه من الدهب عشرة دراهم ومن الفضة وزن خمسور (إلى خمسة أضعاف) ومن المحاس خمسة عشر منا (أكثر من مئة ضعف) فلهذا آثروا العين على الورق في الاصطحاب مما خف عليهم حمله وحين لم يأمنوا الواقعات

٤ - يروي ك البيروي قصص مصر مددوا كدورهم في الأرض فعدت ، في إلحواهر ، حيمه ١٩٣٦ م ، مد دروي ك البيروي قصص المصر من دادو كالمحادة ، ج ٢ ، دار الكتب الحديثة ، حول آداب الكسب والمعاش وتدرقة السلاطين المال على القشراه ، ص ٢١٠ - ٢١٥ ، ويتبعدث الخاصط في كتبه المجملاء ، القاهرة ، دار المعارف ، ١٩٥١ م (دخائر المرب رقم ٢٢) عن أخدار كثيرة تؤيد ماجاد البيروني على ذكره حول المصداليك .

٧ - عبد الكريم الخطيب ، السياسة الحالية في الإسلام ، القاهرة ، دار الفكر العربي ، ١٩٦١ م ص ٢٤ - ٢٢ ، وأحدد حسن وعبد المعم ماجد قاريخ الحضارة الإسلامية ، طبعة ٤ ، القاهرة ١٩٧٨ م ص ع٢ - ٤١ ، وأحدد حسن الريات ومن معه ، المعجم الوسيط ، عجمع اللمة العربية ، طبع المكتبة العدبية ، طهراد ، ج ٢ - ١٤٧٠ يذكر أنه الدين ماضري تقداً في القالتين ...

النائبة سحالا وقد عُر ف أن النجاء فيها بالقلة والحقة مالوا إلى الحواهر إد كان حجمها عند حجم الدهب أقل قدراً من حجم الدهب عند الهصة وحجم الدهب أقل قدراً من حجم الدهب عند الهصة وحجم الدهب الحواهر نفسها التي يعتز ويساهي بافتنائها الملوك والعظماء تكون وبالا عليهم إن شاؤوا التنكر والاختفاء عن عيون المراقبين وي يد العامة تصبح سباً في أنهامهم بسرقتها أو بالشك في أمانتهم إد ليس من المنتظر أن أمناهم علكون مثل هذه الجواهر النفيسة الثمن فيصرح قائلاً «ولكنها عند إلحاء تلك الحوادث إلى النكر رعما صارت ساعية (فتكتشف بسرعة) دالة عليهم كما نتم من ينتية الكهف عتق المسكة في الورق حتى اتجهت عليهم التهمة بوجود ذحيرة عتيقة ه م نفيف ما لمؤلف عند غيرهم ممن لايليق بحاله تاونت الملوك (وهذا مدار حديثه) احتماعي وقانوني متع حتى في عصرنا هذا) والسارق (حينئذ) مطلوب ، وإما ممتلكة احتماعي وقانوني متع حتى في عصرنا هذا) والسارق (حينئذ) مطلوب ، وإما ممتلكة المتنكر من الكبار ومثله مرصود » ، وفي كليهما خسارة (١) .

ثم يعبر البيروني عن النطورات الاجتماعية والأخلاقية والعمرانية المترتبة على جمع الكنوز الأرصية كبنواهر قيقول : « وقد كان فضلاء الملوك يجمعون الأموال في بيوتها وفي المساجد ويجلبونها من أجمل وجوهها ثم يكنزونها بالتفرقة في أيدي حماة الحريم ثم الدافعين مصار العدو عن الحوذة إد كانت أول فكرتهم آخر عملهم وهم كالحلفاء الراشدين ومن يشبه بهم مقتدياً مثل الحليفة عمر بن عبد العزيز والكثير من المروانية والقليل من العباسية إد كانوا يرون ماقلدوه عبئاً ثقيلاً قد حملوه ويحتسبونه عنة ابتلوا بها فكانوا يجتهدون في نقص إصرها ويتحرحون عن التردي في وزرها « ، فهؤلاء الحلفاء الصالحون إذا لمسوا أهمية المسؤولية الواقعة على عوانقهم تجاه رعاياهم لم يستبدلوها نظلب القوة في المال والجواهر والممتلكات بل بإجراء العدل والمساواة والحفاظ على مصالح الشعب ورداهيته بالرفق وحسم الطلم وعون البائس (٢) .

ويروي هنا المؤلف خبراً تاريخياً مفاده أن قاطني إحدى النواحي في بلاد المغرب

See John A. Williams, Thomes of Islamic Civilisation, London, 1971, pp. 59-80.

إ - صورة الكهفيه : ١٠ - ٢٩ وقي هذا العرض يشير البيروي إلى تغير أبواع وأشكال المملات بتغير الدول.
 ٢ - كان مهد الحلماء الراشدين (١١ - ١١ هـ) وزمن حكم الحليمة عمر بن عبد الدرير وغيره من المروانية بمتنز بالتمست في الدين الإسلامي والأمر بالممروب والنهي عن المتكر (في القرئين أول والثاني الهجرة) وقد سجلت في هده الحقية الحضارية الإسلامية صفحات مجيدة في العتوصات وتفام العلوم والممارف

كانت الإمارة تدور فيما بين أعيانها وشآنهم على نوب يقوم بها من يأتيه دوره لمدة ثلاثة أشهر ثم يتعزل عنها ينفسه عند انقضاء أمدها فيقدم الهات والصدقات شكراً على عمل قام به وانتهى حتى تتاح له فرصة العودة إلى أهله مدروراً كأنما قد حُلُ من عقال حتى ينصرف لشؤونه ويزاول أعماله الحاصة بينما يأخذ وظيفته آحر لثلاثة أشهر وهكذا

وفي هذا نرى صورة رائعة لتطبيق مدأ المدالة في الحكم مع النزاهة والتصحية في خدمة البلد والتفافي في المبادئ الإسانية والديمقراطية الحقيقية فأين هذا في عصر نا حيث نجد التكالب على الكراسي والحرص على حفظ الألقاب والمراكز ويفسر المؤلف هذا التصرف على الوجه التالى: ه وذلك لأن حقيقة الإمارة والرياسة هي هجر الراحة لراحة المسوسين في إنصاف مظلومهم من ظالمهم وإتعاب الدن في المنود عنهم وحمايتهم في أهليهم وأموالهم ودمائهم وإنصاب النفس في إنشاء التدابير »، لأنه مذلك يوقف نفسه على خدمة البلد والدفاع عن حياضه وتأمين مصالح أفراد الرعية بكل ماأوتي من قوة وحكمة التدبير وحب العدالة وكرم الأخلاق ورفع الضيم وصيافة الكرامة في الأمة(۱).

ترويحة 18 : هذه آخر التراويح التي تخطها يد المؤلف في هذه المقدمة لكتابه الجماهر في معرفة الجواهر ، وهنا نجد مرة أخرى معالجة جلوية لقضايا اقتصادية واحتماعية خاصة بالمعادن المتداولة كالعملة في أيدي الناس ووجوب وقايتها من الغش وحكم الشرع في ذلك فيقول : ﴿ إِنَّا حرم شرب الماء في أواني النهب والفضة لما تقدم ذكره من انقطاع النفع العام بها واتجاه قول الشيطان عليه (سورة النساء : ١١٨ ولآمرتهم فليغيرن خلق الله) ولنكتة ربما قصدت فيه وهي أن هذه الأواني لاتكون إلا للملوك دون السوقة وللآنام بين الأيام من الضيق والسعة دول تدول وأحوال تحول وتجول فإذا صرف ما حقه أن يتبدئ في الأعوان إلى نلك الأواني اتكالاً على كثرة القنية أيام الرخاء (من دون أن يتهم بالإنفاق على أتناعه) ثم دار الزمان وأتي بعده (فافتقر) ، أحوج إلى سكبها وطبعها دراهم ودنائير فقرت النبات بظهور الضيقة وطمع الأعداء بافتشار خبر الضعف والإفلاس بين الناس ، فهم عبد الطمع ومانعو الحقوق إذا أمكن . وهو المعنى المظنون به أنه محشو دروس ومواعظ من الماضي المعيد يدرجها المؤاف مع إيصاح وثاقب بصيرة لينقل لقارئيه دروس ومواعظ من الماضي المعيد يدرجها المؤاف مع إيصاح وثاقب بصيرة لينقل لقارئيه دروس ومواعظ من الماضي المعيد يدرجها المؤاف مع إيصاح وثاقب بصيرة لينقل لقارئيه دروس ومواعظ من الماضي المعيد يدرجها المؤاف مع إيصاح وثاقب بصيرة لينقل لقارئيه

١ حسلت المهروي هذا آراء جديدة ي صلاح الحكم العادل والشورى مع أنها تحمل حديي شالية غير حتوفرة ي
 العالم السيامي على حقيقته ، ولاشك أن المبادي، الدينية كان لها الأثر الكجير في ذلك الاتجاه عند المؤلف

موعطة في معنى القناعة والفطنة وينصح القارئ من معنة الشر والانحراف والسير في طريق السلامة ؛ من الغاشين والدعار ؛ مما يؤدي إلى الحينة والدمار<sup>(١)</sup> .

وينهي اسيروني مقدمته في فصل أخير يعبّر فيه عن محاولته لبحث و الحواهر والأعلاق النفيسة المدخورة في الخزاش و عند الملوك والسلاء ويسدي رغبته في دراسة كل حوهر أو معدن في فصل مستقل به متسلسلا من مقالة إلى أخرى ذاكراً أصل الحوهر أو المعدن ومنته في الأرص وأشكاله وألوانه وأحواله وكثافته النوعية وأوصافه الضاهرة والخفية وأثمانه المعروفة أو المنسونة وإقال الورى في طلبها للزينة ولقيمتها المادية أيضاً .

هذه هي مساقات ومواد الكتاب في مقالتين المقالة الأولى في الحواهر : الياقوت مع أشياهه من الحواهر كاللعل البدخشي والبيجاذي ، والألماس ، والسساذج واللؤلؤ ، والمرجان ، وانومرد وأشياهه ، والقيرورج ، والعقيق ، والحزع ، والبلور ، والبسد والمحمشت ، واللارورد ، والدهنج ، واليشم ، والسبج ، والبادرهر وحجر التيس (الترياق الفارسي أو البادرهر) والموميا ، وخرز الحيات ، والحتق ، والكهره ، والمغناطيس ، وحجر الخماه والكرك ، والمساذح ، والزجاج ، والمينا والقصاع الصينية ، والأفرك ، والمقالة الثانية في الفلزات : الزئبق ، والذهب والهضة والنحاس والحديد ، والاسرب ، والحارصيني وأشباهه ، والطاليقون ، فهذا التقسيم يعطينا فكرة عن كيفية نظر البيروني إلى هذه المواد الطبيعية وتمييز الجواهر والأحجار منها بألوانها وصفاتها الطبيعية عن المعادن المستخرجة من المناجم بما في ذلك أنواع الأنوبة والطباشير وسواها(۲) .

استنتاجات ختاهية: بعد مراجعة قول البيروني في مقدمة كتاب الحماهر يميل كاتب هذه المقالة إلى ترجيح الاستنتاجات والاقتراحات والتعليقات الآتية .

ا – كانت هناك محاولات لاستعمال أوان وأدرات ذهبية وقضية ليس نقط في البيوت والمعاملات التجارية بل أيضاً في الصناعة الطبية مثل عمل آلات جراحية كالمكاوي والإبر ومقاص الحتاب والمراود وأواني العطور والأدوية ولاتحك فإن هذا يدل على ثراء في البلاد ورفاء ، أما البيروني فقد حاول تدبه فارثه إلى ثوقي العش الذي يحاوله لكثيرون للانتفاع من قيمة هذه الحواهر والمادث النهية وريادة أرباحهم غشأ وطبعاً

٣ - قسم البيروي كتابه في الجمواهر إلى مقدم عرفاها مع ثعليقات وشروح باحتصار ثم مقالتين فصل فيهما بين خو هر دات الألواد البراقة والصمات الطبيعية الجدابة كالمياقوت والثوثو وبين المحادث دات الوثول الدوعي والمستات الحدصة بها وسها الصلب كالتحاس والعشة ومنها الحين الرجراح كالرئيق والحش كالطابية.

- البيروني . شاقب نظره وعمق اختباره وسعة اطلاعه . نظرات وآراء
   الدين والاحتماع والاقتصاد والعمران وجد في هذه المقدمة لها مخرجاً لتسجيلها
   ومعالجتها وشرحها فجاءت سهلة المأخذ ضمن فكرة تأملاته الهادئة العميقة .
- لا حـ كانت في نفس البيروني ثورة جدية واعية صد الانحراف الاجتماعي والمظالم والانحداع عظاهر الأبهة والتسلط الزائف فأراد محاربتها وكشف خداعها بأسلوبه الواقعي المقمع اللطيف دون إثارة النعرات والضوضاء حوله
- ٣ كان مدار حديثه من بعيد وحتى من قريب ، أن يقود القارئ إلى تركيز نطره وعكره في القيمة الحقيقية والتقليدية للجواهر والأعلاق النهيسة وكأن البيروني نهسه يود أن يبعث الطمأنينة والثقة إلى نهس القارئ والإثيان بالقيمة الحقيقية لهذه المنتجات الطبيعية وأنه يعطيها حقا من الاهتمام بلا زيادة ولا نقصان لئلا تغوي المرء بألوانها الزاهية المراقة وما يتبع ذلك من تهالك الناس على اقتناء الذهب والمحوهرات فيهمل أهمية ما يمكن تحقيقه بواسطتها في الصناعة والحيل والمعاملات التجارية بين الناس مى خدمــــة جلى لسهولة تداولها وجمال تكويمها وبديع صنعها سواء أكانت في باطن الأرض أم بعد اكتشافها واستعمالاتها المتباينة .
- ٤ -- يقدم المؤلف أيضاً آراء أصيلة في غاية الأهمية بما يختص بتاريخ الاقتصاد والسياسة والمحتمع الإنساني مشيراً إلى ما الساحية الدينية من الأثر البعيد في إشادة بناء صرح متين من الخلق الحسن والفضائل بالتمسك بأهداب الدين الحنيف بإخلاص وإيمان قويم صادق بعيد عن المظاهر الرائفة والرياء الكاذب الدي أصبح كسوس ينخر في جسم الأمة كلها حتى صار التدين ثوباً خارجياً ليس إلا .
- ه ـ بأسلوب رائع منهجي صحيح وواقعي يعطي البيروني رصيداً وافراً في الاصطلاحات اللغوية القيمة في العلوم والحيل والفنون والآداب مؤكداً بذلك مرة أخرى عنى لغة القرآن الكريم ومقدرتها على استيعاب العلوم والمعارف كلها في عصره ومسايرة التقدم فيها فأحاد مذلك أيما إجادة بما يجعل هذه المقدمة آية في الإبداع والإعجار وفريدة أدبياً وعلمياً من نوعها في الحضارة الإنسابية .
- ٦ كان المؤلف نفسه من ناحية عالماً بانتشار طرق الغش والحداع من قبل عدد كبير
   من جواهريي (جواهرجيي) عصره ومهارتهم في أساليبهم الكاذبة، ومن ناحية أخرى

بحقيقة ندرة ماكتب حول موضوع الجواهر والفلزات لاسيما من يعين على تعريف أصلها ومنابعها ومعرفة الحيد منها والرديء وأوزاتها النوعية وألواتها وصفاتها الطبيعية والكيميائية فأراد متأليف هذا الكتاب أن يملأ فراغاً في هذا الموضوع الهام فأثرى بذلك الخزانة المربية الإسلامية التراثية سفر نفيس في بانه ونسيج وحده في فصوله وأبوابه فحق له تخليد الذكر .

٧ وأخيراً يؤكد المؤلف في حواره الفردي ومناقشته ومناظراته الشخصية بأن مشكلة الإنسال الحقيقية ليست هي في أساسها اقتصادية أو سياسية فحسب إنما هي معضلة روحية أحلاقية وأن المال والثراء والجواهر التي يعتبرها الأغلبية الساحقة بأنها هي ريئة احياة الدنيا إنما هي في الواقع ليست كذلك ولاهي شرطاً لتكول عونا في رغد الحياة الأخرى وأن هذا الإعراء والتكالب إن هو إلا مظاهر خلابة تبهر العيون لطلب القوة والسؤدد والذي الفاي ولكن الغني الحقيقي الباقي هو غني النفس بالمضائل الإنسانية ومكارم الأخلاق والقناعة مع التراضع في العيش والعمل للغير مايريد المرء لنفسه ويذلك السعادة المنشودة .

## ( مسلمخص ) أبو سمهل الكسوهي

ج. ل. برغرن

بدف من خلال هذا المقال إلى تقديم نص محرر عن مراسلات جرت بين عالمين علماء القول الرابع للهجرة ، هما أبو سهل الكوهي وأبو اسحق الصابي ، والإصافة إلى ترجمة بالانكليزية وتعليقات حول شي مطاهر هذه المراسلات . لقسد حثت هذة المراسلات في اللده على اللدراسة العلمية ، [٦] و [٢٩] . لأنها تنضمن أبرر النظريات عن مراكر الاثقال التي عرفت يوماً في العصر الاسسلامي الوسيط . من ناحية ثانية ، تتضمن هذه المراسلات أبضاً دراسة واسعمة حول مسائل مثل مامعني معرفة النسة . وما هي أبواع الأحجام القابلة للمقارنة . وتظهر الدراسة الحبوية للمسائل الرياضيمة ، المعالم من المواقف العقلية لأي رياضي هام أو رحمل عادي له المعام بالموضوع في ذلك الوقت إضافة إلى دلك ، فإن هسذه الدراسة تكشف لنا عن احتام بالموضوع في ذلك الوقت إضافة إلى دلك ، فإن هسذه الدراسة تكشف لنا عن رحلات أبي سهل وعن الناس الذبن عرفهم ، كما تشتمل على دراسة موسعة لمسألة هندسية لم قصادف من قبل .

هده المراسلات موجودة في ثلاث نسخ مخطوطة :

- ١ تخطوط أياصوفها ١٣٩٠٤٨٣٢ج ، ١٤٠٠ظ ، القرن الخامس للهجرة = القـــرن
   ١-خادي عشر ميلادي . ( يشار الله ٤ ) .
- ٢ مخطوط القاهرة دار الكتب ، الرياض . ٤٠ م ، ٢٠٩ ٢٠٠ ظ ، الفرن
   الثاني عشر هجري القرن السابع عشر ميلادي . ( يشار إليه ٢٠)
- ٣ نخطوط دمشق ، الظاهرية ، ١٩٦٠هـ٩٤٨ ح ٢١٤ ، القرن الرابع عشر هجري – القرن العشرون ميلادي , ( يشار إليه D ) .

ومقارنة هده النصوص توحي بأن مخطوط B هو نسحة عن غطوط C وأن محطوط I ليس بأصل ك C .

قي دراست هذه يشير الرمز (y: ٧/x) إلى السطر y من الصفحة x للمحطوط 1.
 وجها أو ظهراً ــ ثبعاً للمعنى الملائم في الكتابة العربية . مراجع الوصف ، [x] ، تشير إلى وصف النص الاتكليزي ، كما تشير المراجع للاشكال .

#### موجز المراسلات :

فيما يلي تورد منخصاً عن المراسلات ، الموحودة فعلاً والرسائل المشار إليها على حد سواء .

#### الرسالة الأولى :

يعرض أبو سهل في هده الرسالة التي لم نعثر عليه ، استنتاحاته حول مركز ثقل قوس الدائرة كما يلمّح إلى أن ج مُنطقة . كما يعد بارسال نسخة من كتابه عن مراكز الأنقال بالإصافة إلى « الاشكال الداقية » من المقالسة الثانيسة من كتاب أبولونيوس « قطع النسبة المحلودة » .

#### الرسالة الثانية:

هذه الرسالة ليست موجودة ، ولكن يطاب أبو اسحق فيها تفاصيل عن الموضوعات التي ذكرها أبو سهل في رسالته السابقة ، وخاصة عن أهمية ،

وينقضي بعض الوقت دون أن يحبب أبو سهل على الرسالة . مما يحث أمو اسحق للكتابة ثانية .

#### الرسالة الثالثة :

في هذه الرسالة الموجودة ، والتي هي الأولى من دين الرسائل الحالية ، يظهر أبو اسحق قلقه لانقطاع المراسلة ويكرر مطلمه في الرسالة الماضية .

#### الرسالة الرابعة :

هذه هي الرسالة الثانية من الرسائل الحالية الموجودة، وفيها يعلن أبو سهل عن صرورة لقائه مع أي اسحق قريباً لمناقشة نظريات و قطع النسة المحلودة و . كما يشير إلى الكتاب الذي ألمه حول مراكز الاثقال ، والذي انجز ستة فصول مه ويخطط لكتابة أربعة أو خمسة فصول أحرى ويضع مقلمة لمخططه عن مراكز الأثقال ويعرض نظريتين حول مراكز الأثقال ويعرض نظريتين حول مراكز الأثقال ويعرض نظريتين

يحث المخطط حول مراكز الأثقال في وضع الشكل I . حيث أن جرء من القطع المكافئ والمثلث المتساوي الساقين مرسومــــان داخل فصف الدائرة ABG معاً ، ثم تُتخيل الأشكال دائرة حول مركز الدائرة (حول خط BD). بحيث تشكل مخروطاً وجسماً مكافئاً دورانياً ونصف كرة . ويوضح المحطط أين تقع مراكر الاثقال على الحط BD بالنسبة للمسطحات الثلاثة وبالنسة للمجسمات الثلاثية . والنسب التي يعطيها لكل من المخروط والمجسم المكافئ ونصف الكرة هي : ١ إلى ٤ من القطر . ٢ إلى ٢ و ٣ إلى ٨ ، في حين يعطي النسب التالية للمثلث والقطع المكافئ ، وبصف الدائرة . ١ إلى ٣ ء ٢ إلى ٥ ء و ٣ إلى ٧ على التوالي .

وفيما يخص النطريتين ، فإن نظرية القطاع الدائري تشير إلى أنه ــ الشكل ( $\Upsilon$ ) ـ ادا كان كلَّ من  $\widetilde{DEG}$  و  $\widetilde{BEA}$  و  $\widetilde{BEA}$  و  $\widetilde{DEG}$  من دائرتين مركزهما مشرك وسسة نصف قطريهما هي  $\Upsilon$  إلى  $\Upsilon$  ، فإن مركز ثقل  $\widetilde{DEG}$  ومركز ثقل القوس  $\widetilde{BE}$  هو النقطة نفسها تقول النظرية الثانية إنه ( في الشكل  $\Upsilon$ ) إذا كانت  $\widetilde{EG}$  هي مركز لقوس  $\widetilde{BEA}$  ، فإن  $\widetilde{BEA}$  :  $\widetilde{BEA}$  ، فإنه إذا كان  $\widetilde{EG}$  هو مركز ثقل القوس  $\widetilde{BEA}$  ، فإنه إستخدم المخطط والنطريتين المدكورتين آنفاً لبرهان قيمة  $\widetilde{EG}$  .  $\widetilde{EG}$  .

#### الرسالة الخامسة :

وهي الثالثة من ضمن المراسلات الموحودة والتي يس أبو اسحق فيها عدم اقتناعه بأن نسبة الاسطوانة الدائرية إلى الاسطوانة المربعة إذا تساوى ارتفاعهما هي نسبة معلومة . علاوة على ذلك، فهو يصور مايؤمن به على أنه مخالف للصحة المطلقة لقانون القوى . ويستشهد باستنتاج أبي سهل للقيمة المتقلمة لـ مع النهاية المتناقصة التي برهنها أرخميدس ويعرض ، في النهاية . مسألة سمعها حول دائرة معلومة قطعت ، يضلع واحد على الأقل لم الوية معلومة .

#### الرسالة السادسة:

يناقش أبو سهل في هذه الرسالة ، والتي هي الرابعة من ضمن الرسائل الموحودة .
المعاني الكثيرة لكلمة ؛ معلوم » كما تطبق على النسبة ، اضافة إلى مناقشته لمسألة متى يكون الارتفاعان من طبيعة واحدة . ويصل إلى استنتاج البرهان أن نسبة اسطوانتين لهما نفس الارتفاع ، ومهما يكن مستوى سطحي قاعدتيهما ، هي كنسبة هاتين القاعدتين . أم يعد ذلك يكشف ابو سهل الحطأ في مثال أبي اسحق المعاكس لقانون القوى مؤكداً أنه أعطى البرهان على قانون القوى . كما يسلم بأن القبمة التي أعطاها له ج تعمد على نطريته

حول مركز الثقل لنصف دائرة ، والتي هي التتبجة الوحيسدة التي لم يجد لها مرهاناً بعد ، ولكنه واثق من إمكانية ابحاد البرهال لأل هده القيمة تطابق النمودج المناسب للنتائج الأخرى عن مراكز الثقلكا تظهر في مخططه ولا يوجد تعارض ببن أبي سهل وأرخميدس لأن بحث ، قياس الدائرة ، ليس لأرخميدس ولكنه يسبب إليه فقط . وهسدا لأن حسانات هذا ابحث التقريبية تجعله مختلفاً تماماً عن أبي عمل آخر لأرخميدس الذي كال مهتماً فقط دالنتائج الدقيقة ، وتنتهي الرسالة بتركيب رياضي بحسل مسأنة أبي اسحق والبرهان عليها .

#### ٧ ــ الأشخاص المذكورون في النص :

العلماء الإغريق الدين ورد دكرهم هم: أرسطوطالس ، إقليدس ، أرخيدس ، أبولوثيوس . جاليوس ، بطليموس ، وأبرخس . أما علماء العالم الاسلامي الذين ورد دكرهم فهم : ثابت بن قرة . ابراهيم بن سان ، أبو سعد العلا بن سهل ، والغير معروف أبو شجاع شهريان بر سرخاب ، وقاض يدعى أبو على رياس بن برناس ، وأبو المفصل الأنصري . ( وإن اسم القاصي في حميع المخطوطات غير منقط ، كما أن المحاولات العديدة لوصع النقط لم تؤد إلى أي اسم في المراجع الأساسية ) .

ويطهر النص عدة مفاهم خاطئة عن المؤلمين الإعربي . فمثلاً يعتقد أبو سهل أن اقليدس عاش بعد أرخميدس (١٣٦٠ ج : ٤-٦) ، وأن بيانه بعزو و قياس الدائرة الله أرخميدس هو خاطئ (١٣٦٠ ح : ١٦) . كما أن بيانه عن محاولة الاقتراب من مسألة إلى أرخميدس هو خاطئ (١٣٦٠ - ١٦) . كما أن بيانه عن محاولة الاقتراب من مسألة أن يقوم نفعله قط (١٣٨ ظ .١٠ ١٧) . ومن ناحية ثانية : وفيما يتعنق المقياس الدائرة المنافرة بسيانو يشير في (١٩٧) إلى أنه قد انتشرت في أرجاء العالم الاسلامي نسخة من هذا البحث حيث أن برهان احزء الأخير من المقطع ٣ كان ناقصاً ، مما حعل البحث يبدو أقل حدية بشعر أن باستطاعته تفسير التناقص ابن القيمة التي أعطاها لـ ٣ مع النهاية المتناقصة التي يشعر أن باستطاعته تفسير التناقص بين القيمة التي أعطاها لـ ٣ مع النهاية المتناقصة التي يشعر أن باستطاعته تفسير التناقص بين القيمة التي أعطاها لـ ٣ مع النهاية المتناقصة التي المحدد من المناقبة المناقبة المنافقة والمنافقة و

#### ٣ – تاريخ المراسلات :

مما أن تاريخ وفاة أبي اسحق يعود إلى ٩٩٤/٣٨٤. فهذا يعني أن المراسلات قد كتبت قبل هذا التاريخ . إضافة إلى ذلك فإننا تعلم من خلال مقدمة نحث أبي سهل عن بنية مسبع منتظم ( باريس ٤٨٢١ ص ١٧٠ ) أنه قد حدث اردهار للعاوم أثناء حكم الملك البويهي عصد الدولة . وأن علم الأوزان ومراكز الأثقال قد ذكر بتفصيل تام . وفي اعتقادنا أن أبا سهل هنا يشمير إلى اكتشافاته الحاصة والتي لحص بعضها في هذه المراسلات ، مما يعني أن المراسلات قد حدثت أثناء حكم عضد الدولة أو بعده نحو ٩٨٨/٣٦٧ .

أما الدليل الثاني لعهد المراسلات فهو الأحد ، الثامن من صفر وحو اليوم الذي أرَّخه أبو اسحق لرسالته الأولى . وحيث أن أبا اسحق كان موطفاً حكوميًّا ولم يكن باستطاعته أن يستعمل تقويم الفلكيين ( انظر كبنيدي [١٦ ، ص ٢٣٢ ] في مايتعلق بالتقويمات المختلفة ﴾ ليؤرخ مراسلاته ، لذلك فإنه باستطاعتنا نحن أن نعد بياناً بالتواريح المحتماة لرسالة أبي اسحق الأولى، وبكامة أخرى الأعوام بين ٣٦٧و ٣٨٤ عندما يصادف الثامن من صفر يوم الأحد ، وهذه الأعسوام هي ٠ ٩٨٣/٣٧٣،٩٧٨ و ٩٨١/٣٨١ ( انظر ڤوستتملد [٣].ص ٩١ ) . التاريخ الأوّل هو الأقل احتمالاً بين التواريخ الثلاثة لأنه كان سابقاً جداً لأوانه أن يكون أبو سهل قد أنجز الكثير حول نظرية المراكز في عهد حكم عضد الدولة . كما توحي هده المراسلات . كدلك كان أبو اسحق قد سحن آنذاك من ْقِيل عضد الدولة وُطلبُ منه أن يشرع بكتانة تاريخ البويهيين وذلك تكفيراً عن عدم مسأندته لقضية عضد في السابق . أما التاريخ الثاني،والدي يصادف مباشرة نهاية حكم عضد ، فهو محتمل حداً ، ولكننا نعتقد نأن أنا سهل كان محبوباً من قبل عضد وأنه مكث في بغداد طوال فترة حكمه . وإدا كان هدا صحيحاً عإنه بن الصعب أن يتوافق هذا التاريخ مع شكوى أبي اسحق في المراسلات بأن ﴿ الرَّمَانَ لَا يَفِيهِ حَفَّهُ ﴾ . أما ما يتوافق مع هذه المُلاحظة فهو الاحتمال الأحير . أي ٩٩١/٣٨١ . دلك لأنه في ذلك الحين توفي شرف الدولة ـــ آخر أنصار أبي سهل - كما أن مرصد المراقبة في حديقته ـــ حيث أدار أبو سهل الملاحظات التي شهدها أبو اسحن كان قد أغلق وهــــذا قد يوصح حوالي عام ٩٨٨/٣٧٨ . وإن اهتمامهما المشرك في الأمور العلمية أدى إلى صداقتهما التي 24

أدت فيما بعد إلى قيسام هذه المراسلات وذلك بعد وفاة شرف الدولة عام ٩٨٩ عن عمر يناهز السابعة والعشرين ومعادرة أني سهل لمدينة بغداد .

وعلى الرعم من أن عام ٩٨٣/٣٧٣ هو مجرد احتمال . فإننا نستنتج على ضوء هذه التقديرات أن أهمية الشواهد تثويد حدسنا بأن المراسلات-دثت خلال عام ٩٩١/٣٨١ .

#### ع مراكز الثقل في المراسلات :

إن نتائج مراكر الثقل للمسطحات الثلاثة ولمجسماتها الدورانية في رسالة أبي سهل الأولى الموحودة هي صحيحة ، باستثناء السبة ٧٠ لنصف الدائرة . وبرغم أن أرخميدس قد برهن النتائج الصحيحة الحمسة ، إلا أننا تعلم من خلال شهادة أبي سهل في مقالسه عن ه حجم المجسم المكافئ الدوراني ، وربحا لصف الدائرة ، حصل دون معرفته لنتائج أرخميدس . المجسم المكافئ الدوراني ، وربحا لصف الدائرة ، حصل دون معرفته لنتائج أرخميدس . وحيث أننا ليس لدينا علم عن إرسال أي مقال إلى المؤلمين العرب يحتوي على نتائج القطع المكافئ أو المخروط ، لذلك يجب علينا أن نفترض أن اكتثافات أبي سهل هذه هي المتافقة بالمثلث يمكن لأبي سهل أن يكون قد عرفها من مصادر قديمة مثل و الميكانيكاه فميرون – الكتاب الثالث لبابوس [٢١] – أو من كتاب بعنوان ه كتاب عن مراكر النقل » والدي دكره أرخميدس في مقاله عن « إنشاء مسبع منتظم في د ثرة » على أنه موجود . ومع ذلك فنحن على يقير بأنه أباً كانت الكتب الي عورته عن هذا الموضوع فإنها لم تنضمن برهاناً على قانون القوى .

وإن إقادة أبي سهل في ١٣٥ج ١٣٠ أن ء ثانت ، تناول قانون القوى كمقدمة لهو أمر يحير حيث أن المسألة ٣ من مقال «ثابت ، عن «القرسطون» [٣٣] محصصة لإيجاد برهان على هذا القانون ، على الرغم من أنه ، على الأرجح، لم يتُرض أنو سهل والذي اعتبره دون شك أقرب إلى بحث متُعد بلعل الشيجة مقبولة من أن يكون برهاناً

أحيراً ، فإن نظريتي أبي سهل عن سراكز ثقل قطع دائرية هي صحيحة تماماً ، كما أنها ليست معروفة في العلوم القديمة . ومن ناحية ثانية ، ليس للدينا أي تاميح كيف تمكن أبو سهل من درهامهما مع أن النظرية الأولى يمكن أن تكون مستنتجة من تقديرات متناهية في الصغر (انظر (١٠.ص٨)، والنظرية الثانية مستنتجة من نظرية بابوس - جولدين .

#### ه ـ ملاحظات متنوعة حول النص :

#### ني ۱۳۰ ط : ۲۷-۲۹:

إن الأشكال العددية قريبة جـــداً لتلك الموحودة في محطوطة مكتبة بودلين عن المقانون المسعودي: (سنخ عام ١٠٨٢ ميلادي) الذي نشره ر.ا ك إيراني ١٠٥١، لوحم، من ع ] في دراسته عن الأشكال العددية العربية . وإن الأعداد المكتشمة في C اكثر ما تختلف في الأشكال ٣٨١، ١٥٥، ولا تطهر الأعداد في D لأن المخطط نفسه عير موجود .

#### 17 : +117 4

عا أن الأسطوانة المربعة لم تذكر في رسالة أبي سهل السابقة، ومما أن الأسطوانة الدائرية ذكرت فقط في سياق موضوع تحديد الحجم (١٣٠ه : ١٠ ) وإنه على مايدوأن أبا اسحق يجيب على رسالة سابقة لأبي سهل عير متوفرة لديس وهذا الشعور معزر من خلال دكر أبي سهل لرسالتيه السابقتين في ١٣٣٠ ح . ٢ .

#### ني ۱۳۳ ظ : ۱–۲

إن كلمة تحليل هي ترجمة عربية للكلمة البونانية مسخلات والتي يوصحها بابوس في الكتاب السابع من هذه المجموعة الرياضية ، [٢١ . ص ٢٦٤] وبرعم أن هـنة المحتوب الكتاب لم يكن معروفاً لدى المؤلفين العرب ، فإن العديد من الأعمال التي يصنفها بابوس على أسـاس أنها تنتمي إلى خزافة التحليل ، مثلما كان كتاب المعطيات القييدس ومقالات أبولونيوس المتنوعـة . ويشير أبو سمهل في ١٤٠ ظ : ١٥ إلى أبولونيوس كشخص عالمج المشاكل بالتحليل والتركيب . وإن أول عمل عربي معروف ذكر التحليل هو عث في طريق التحليل والتركيب (حيدر آباد،١٩٤٧) الابراهيم بن سنان (٩٤٦/٣٣٥ مو عث في طريق التحليل والمركب (حيدر آباد،١٩٤٧) الابراهيم بن سنان (٩٤٦/٣٣٥ عناوين العددان ١٨٠ من الجزء – ٥ – لسزكين (٣٠، ص ٢١٩) ) . ونجد وسط جدول عناوين أعمال اس الهيم ذكر خسة تحليلات من بينها واحدة فقط نعلم بوجودها اليوم والتي هي التحليل والتركيب وتشير هده الأمثلة إلى أهمية هذا المهج في القرن الرابع للهجرة . إن تفسير كلمة تحليل (انظر آنفاً) ، وفي هذه الحالة فإنها تترجم بكلمة (Synthesis) ، أو أنها تشير علمة تحليل (انظر آنفاً) ، وفي هذه الحالة فإنها تترجم بكلمة (Synthesis) ، أو أنها تشير علمة تحليل (انظر آنفاً) ، وفي هذه الحالة فإنها تترجم بكلمة (Synthesis) ، أو أنها تشير المدة تحليل (انظر آنفاً) ، وفي هذه الحالة فإنها تترجم بكلمة (Synthesis) ، أو أنها تشير المدة عليل (انظر آنفاً) ، وفي هذه الحالة فإنها تترجم بكلمة (Synthesis) ، أو أنها تشير المدة عليل (انظر آنفاً) ، وفي هذه الحالة فإنها تترجم بكلمة (المدل المؤلفة) ، أو أنها تشير كلمة المحالة والموانية هي المدل المدل الموانية هي كلمة المحالة والموانية هي كلمة المحالة والموانية والموانية وأنها تشريع الكور المدل الموانية وأنه المحالة وأنها تترجم الكورة والموانية وأنها تشريع الموانية وأنه المحالة وأنها والمراحد المحالة وأنها والمراحد المحالة وأنها والمراحد والمحالة وأنها والمراحد المحالة وأنها والمراحد والموانية والمحالة وأنها والموانية والموانية والموانية والموانية والموانية والمحالة والموانية والمحالة والموانية والموانية والمحالة والموانية والموانية والموانية والمحالة والموانية والموانية

كما هي الحال هنا ، إلى العملية الناتجة من تناسب ا : ب = ج : د النسية (ا + ب) : بي = (ج+ د) : د ؛ وفي هذه الحالة فإنها تترجم بكلمة (Composition) ·

#### ني ١٣٥ج : ١٤

إن عزو الاهتمام بعلم الحيل لأبي سعد هو شيَّ حديث يُنظهر أن الاهتمام في علم الحين النطري في القرن الرابع الهجري كان إلى حد أنعد مما كان يُعتقد به حثى الآن

#### في ١٣٨ ظ : ١ وما يتبع :

المنتات هي على أقطاره ، بمعنى أن كل مثاث يحتوي على جزء من القطر كخط متوسط ، همثلاً : في الشكل ١١ . الحط المتوسط الممثلث BEG هو الحط النازل من E وعلى الفسع BG والذي هو حرء من قطر القطع المكافئ الأصلي . وهذه النتيجة تؤول إلى مخروطيات أولونيوس ، ٤٩٠١ . إن خاصية مساحة هذه المثلثات، والمذكورة في الأسطر ١٠٤. شكلت قاعدة لإحدى مربعات أرخبيس بالنسة إلى القطع المكافئ . هذه المحاصية كانت أيضاً حقة هامه في ماقشة ابراهيم بن سنان ( والتي يغترض أن أبا سهل قلد وجد الوقائم ضمنها ) .

#### ٢ - مانحتويه المراسلات من علاقات رياضية :

تظهر أغلب مسائل العلاقات الرياضية في المناقشة حول مركز ثقل نصف دائرة. ويما يتعلق بسلطة الأعداد الصحيحة التي تظهر في النسب موضحة شيئا يعتبر طبيعياً ، فإن أنا سهل يضع نفسه وسط هؤلاء الرياصيين والفلاسفة الذين يؤمنسون بأن أقصى درجات الحقائق في العسيعة يعبّر عنها بواسطة الأعداد الصحيحة ونسبها . إن عام مراكز الأثقال هو في الآخر حول الطبيعة . وبعتبر الكوهي جدوله في نسب الأعداد لصحيحة على أنه تعبير مميز عن الطبيعة بحيث أنه سيصبح عميراً لو أن الحلقة الأخيرة في هذه اللسلمة الظريفة من الأعداد انقطعت في حين بقيت الحمسة الأخرى صحيحة .

ومن رحية ثانية على أما اسحق بدين أنه لوكان علم مراكز الأثقال بوهانياً واستناجياً مآن واحدكا هي حال الطبيعة ، عندئذ يجب أن تفي نتائجه المعيار المزدوج للتماسك مع النتائج الأخرى المرهمة والتحارب الهيريائية . وإنه لمى الصروري الإشارة إلى أن دراسة أبي اسمحق المعتمدة على المعيار الأول من هدين المعيارين هي أنجح مكثير من دراسته المعتمدة على المعيار الثاني والتي ليست إلا محرد تجربة عقلية معالجة وفق الافتراض أنه إذا توارن شيئان عند نقطة الارتكاز كانا من ورن واحد ( لايجاد هذا المهوم الخاطئ في المؤلفات السابقة . انظر [٥٠ص ٢٠١] ) .

ويقر أبو سهل بأن العنصر الأساسي في تعديله للدائرة لم يبر هن بعد (١٣٧ ظ : ٢٠). ثم بشن هجوماً على مصادر أبي اسحق معتمداً على أساس أن نحثه حول لا قياس الدائرة لا . والكونه تقريبي فقط ، هو شي لا يدعو إلى الفخر بالنسة لمهندس عصري شهير ، إذا تركنا أرخميدس حاناً وهكدا فإن أنا سهل يعتبر العلم الإيضاحي كعدم نتائجه دقيقة وليست تقريبية . وإلى هذا الحد يعتبر أبو سهل التقريبات لتكون من الرياضيات الإيضاحية . إلى أن البحث ليس لأرخميدس ، بل هو منسوب إليه فحسب . وتوجي ملاحظات أبي سهل بأفضلية ترك المناهج التقريبية للتابعيين أمثال جالينوس وأرسطوطالس . الذين أسست معرفتهم على الاعتماد والأرجحية فقط .

و تعد اعتراصات أبي اسحق بأن النسبة بين اسطوانتين هي معلومـــة إذا كانتا من البحس واحدهــ وإلا لكانت غير معلومة مي نواح أخرى جديرة بالاعتبار . وترجع هـــنده الفكرة التي كررها الجيّاني (۲۲۶،ص ۲۰ - إني أرسطوطالس . ويستشهد أبو سهل بأرخميدس لتفييد فلك (۲۳۰ج : ۲۲) . برعم أنه ، دون معرفة بالمسألة ۱۸ التي ه عن اللوالب ه . يجب أن يكتفي بالتشابهات الحزئية المستنتجة من الكرة والأسطوانة ه والدليل الآخر على استخفاف أبي سهل نفكرة و الحنس ه في علم الرياضيات تجده أيضاً في اسماط : ۲ (حيث يتني حاصل في ١٣٠ ظ . ٤ (حيث يتني حاصل قوس وخط) ، وفي ١٣٠ ظ . ٤ (حيث يتني حاصل قوس وخط) ، وفي ١٣٠٤ ظ . كن بوسع أرسطوطالس أن يتخيلها

في ١٩٣٠ج: ١٩ ومايتبع يبحث أبو سهل في معنيين ممكنين لمعرفة النسة . المعنى الأول أن المتقدم هو كدا مرة وكذا جزء من الناتح (نسة الكم)، وهو هما يعطي تعريف النسبة التي استعملها البيروني فيما بعد في ٧١، ص ١١] على أنها هكمية مقدار أحدهما من الآخر » . ولقد استُتخدم هذا المعنى من قبل علماء الجبر وعلماء الفلك، ولكن أبا سهل لن يستعمله كما يقول . أما المعنى الثاني فهو أن معرفة السبة تتم عندما نستطيع إيجاد ارتفاعين بنفس النسبة على أنهما حدّيها (نسة الوجود) . وإن بيانه وبرهانه (١٤٥ ظ ١٤٠ ومايتبع) ، أن نسبة الاسطوانة المربعة هي كمثل قاعدتيهما، يبدوان متكرّين وبينان أن التتائسج في علم الرياصيات ليست خاصعة لأية قيود مسبقة كالني قد تحدًا

مَّى قَابِلَيْةَ مَقَارِنَةَ المُنحِيِّي وَالْسَنَقِيمِ . غيرِ أَنَّهَا مَقَيْدَةً فَقَطَ بِمُعِيَارِ أَنَهَا يُجِبُ أَنْ تَكُونَ قَابِلَةً لأن تبرهن على أساس محسوعة محددة من المقدمات المنطقية .

وهذا الرأي لأبي سهل هو مايشعر أعلية علماء الرياضيات العصريين أنه مشابه لآرائهم .

وفي النهاية يستعمل أبو سهل المصطلح الهني « مقدَّمة مسلَّمة » ــ المأخوذ من علم المنطق العربي ـ على أنه القيص لـ « مقدَّمة صرورية » لكي يميز المقلمات المنطقية التي يسلّم به بدول أن تكون مرفقة ببرهان [ ١٠ - ص١٥١ - و١١ - ص١٩٠ ] مثل تلك التي عند اقليدس . والتي هي حزء أساسي من النظام الاستنتاجي الشامل ويذكر أيضاً أن ما يقصده لكلمة « مقدمة » النتيجة التي يجب درهامها . والتي تتوقف عليها النتيجة الأساسية . وهذه تسحم تماماً مع المصطلح الحديث « فرضية » .

#### ٧ ــ مسألة حول دائرة قطعت بزاوية ما :

المسألة . في أبسط أشكالها، هي بشأل دائرة قطعت باقطر BG والمماسة عند B . والمطلوب هو إيجاد نقطة Z على محيط الدائرة بحيث أنه إدا قطع المماس عند النقطة Z المماس والفطر عبد النقطتين A و D على النوالي، فعندئذ تساوي السنة AZ:ZD بسبة معلومة . ولكن هده الحالة ، كما يشير أنو اسحق ، هي حالة خاصه في المسألة عندما يكون BG هو أي اسحق لهذه المسألة .

بالتحليل يمكننا أن نفترض أن الطلب AZ·ZD معلوم فإذاً النسبة AZ·AD و بالتالي النسبة AD·AZ معرمتان ولكن AZ و AB هما مماسان للدائرة في النقطة A ، و همكنا فإن AD = AB معلومة . علاوة على ذلك - فإن الزاوية B ونسبة المضلعين AD = AB في المثلث AD في المثلث AD معلومة . و بالتالي فإن المثلث ADB هو ال معلوم الصورة B . وعا أن الزاوية  $\Gamma$  أصبحت الآن معلومة فيمكننا أن فرسم الحط  $\Gamma$  فيكون  $\Gamma$  فيكون  $\Gamma$  و مكان الدائرة مع الحط  $\Gamma$  المرسوم عمودياً على  $\Gamma$  و همكذا سيكون محاسر الدائرة في النقطة  $\Gamma$  هو الحط المطلوب .

والحالتان الباقيتان اللثان لم يستطع أبو اسحق حلهما هما عندما لا يكون AB مماساً للدائرة , وسنبدأ الآن نطرح فكرة عامة عن حل أني سهل للمسألة ، ماحقة بإشارات إلى سطور ضمن النص حيث تتوفر التفاصيل .

#### الشكل ١٢: المسألة:

إلى الراوية WBW التي تقطع الدائرة المعطاة بصلع واحد على الأقل كما لديا أيضاً المسافة الراوية WEW التي تقطع الدائرة المعطاة بصلع واحد على الأقل كما لدينا أيضاً المسافة من رأس الراوية إلى مركز الدائرة . والراوية CED ونسبة قطعتين دائريتين HT TK من رأس الراوية إلى مركز الدائرة . والراوية كونسية قطعتين دائريتين ZEW مند والمطاوية أن نشي تقطة B على حرء من الدائرة ضمن ZEW حتى إذا قطع المماس عند النقطة B ضلعي WB. BZ = HT: TK نلاحظ أن النقطة B ضلعي النقطة اله سيكون المحالات المطروحة هنا حاول .

#### الانشياء

(١٣٨ ظ ٢٩٠ – ١٣٨ – ١٠٠٠) أنشئ على حط القطعة الدائرية HTK قوساً دائرياً HTK 1 LTM لتكور KLH ثم تم تم الدائرة KLM وأنشئ الوتر HTK 1 LTM

ارسمم الآل الحط DE ومدده في الانجماهين حتى النقطتين N ر O ليكول DE : EN = DS : SO = LT : TM . وبما أن الزارية التي يصنعها هذا الحط مع القاطع AGE مفترض أنها معلومة . الملك اختر نقطة F على الدائرة KLM بحيث تتساوى الزاوية في المطاع الدائري KMHLF مم DEG .

مُ ارسم الخط DC محيث بكول  $\widehat{FKL} = \widehat{EDC}$  ، والحط DQ محيث بكول NRQ موسدند ارسم DO والآن أدخل القطاع DO ضمن الزاوية NRQ محبث تنحرف باتجاه  $\widehat{EDQ} = \widehat{MLF}$  . وبكلمة أخرى أنشئ الحط CEQ ليكون  $\widehat{EDQ} = \widehat{MLF}$ 

وأخيراً . اختر 1 على الدائرة KLM محيث يكون LMt = DQE عم أوصل 1 إلى كل من K, F, L, H آنداك يكون مماس الدائرة ZBW المتشكل هو الحط المطلوب . بحيث يكون RZB = tKH .

#### البرهسان :

المراحل الأساسية هي التالية . في المداية (١٩٣٨ - ١٠ – ١٩٣١) اختر النقاط K,  $\Theta$  على DB:DE = XT·xt بحيث يكول  $E\Theta$  = YK ويُطهر أبو سهل في البداية أن DS = E $\Theta$  = YK والّى هي التيجة الوحيدة الضرورية في الملحق .

و يلاحظ أبو سهل (۱۳۸ ح: ۲۹ – ۱۳۹ ظ: ٥) ان المثلث(EDd) يشانه المثلث(xr) . Arabeta ومن التناسب السابق ، التساوي Arabeta . Arabeta

WZ:ZB = HK:KT : المكلم :

WB:ZB= HT:TK

والذي هو برهان النظرية .

كذلك هو برهاد أني سهل للحل الذي اقترحه . ومن ناحية ثانية . يهر ر السؤال حول تكوّن المسألة وحل أبي سهل لها . وفي رأينا أن الاثنين مرتبطان معلاقة وشيقة لأننا نعتقد أن المسألة نشأت كمسألة إنشاء هندمي من الموع الذي يتُحل بطريقة التحليل عادة . وبرغم أنه م توحد مراجع أخرى لهذه المسألة الدقيقة في المؤلفات التي محشا فيها . فإن مسائل من نفس المصطلحات يمكن أيضاً اكتشافها في أمحاث الراهيم بن سان بن ثبت [٣٠٠ ، الجزء ٥ ، ٢٩٤] وفي أبحاث ابن الهيئم [٣٠٠ ، الجزء ٥ ، ٢٩٨] حول التحليل والتركيب وهكذا ، وبسبب أن المسألة نشأت ضمن دائرة المسائل ، فإن أنا سهل يعطي . بالاضافة إلى إعطائه التركيب في الحالة العامة ، ليس أقل من أربعة حاول للحالات الخاصة . وحتى أنه يعتذر عن عدم إعطائه التراكيب هنا وأيضاً على أساس أنه لم يود أن يطول المحث كثيراً .

 ومركزها G نرسم الحط الذي يقطع محيط الدائرة في النقطة D والقطر في النقطسة D بحيث يكون DZ مساويًا لـ DZ n .

ماتصوره أبو سهل أنه كان يمكن حل هـــذه المــألة عــألة أبسط ظاهرياً . أي : RQ = RQ = RQ مرسوم من جعطاء ضلعين RQ = RQ لزاوية ما ، وتقطة RQ = RQ = RQ بإعطاء ضلعي الراوية في RQ = RQ = RQ = RQ خلال RQ = RQ = RQ المتقاطع مع ضلعي الراوية في RQ = RQ = RQ . RQ = RQ = RQ

أما بيانه المتعلق بمسألة الدورال – « لقد بيّنا كيفية عمل ذلك في عدة أماكن .
وفي أحوال كثيرة يمكن أن يصادف أن لانحتاج إلى اللجوء إلى القطاعات المخروطية » –
(١٣٨ ج ٢ ـ ٣ – ٧) فيشير إلى استعمال القطاع المحروطي لحل المسائل الدورانية وهذا التطيق يعود إلى العصور الهلستية (لمريد من التفاصيل ، انظر هوجنديك [١٤] أ]) . كما أنه حل المسائل الدورانية ، يستعمل المرء ما وصعه أبو سهل عن طريق ان الهيم في كتابه المناطر » .

وهنا أيضاً ورد اسم ابن الهيثم . ولقد حدسنا سابقاً أن المراسلات قد كتبت حوالي ١٨٨ للهجرة ، عندما كان ابن الهيثم يبلغ من العمر السادسة والعشرين . وأدركنا أن أبا سهل كان يكتب في البصرة – مكان إقامة ابن الهيثم – إلى أن ذهب إلى مصر وهو في سن الخامسة والثلاثين تقريباً . كما أننا نعلم أن الخارئي [١٨ : ص ٢٦] قد ربط بين اسميهما في معالحته لموضوع مراكز الثقل للذلك فإنه من المحتمل أن يكون أبو سهل وابن الهيثم قد التقيا شخصياً في البصرة حوالي ١٣٨ ، وأن المراصيع التي مخاها مصاً شملت على الأقسل مراكز الثقل ، والتحليل والتركيب ، والإنشاءات الدورانية . ولكن سواء حدث هذا عايد بجب ترقب أبحاث أخرى عن أعمال هدين الرجلين .

وعن الجزء الرياضي المتبقي من المراسلات ، فإن التحليلين الأول والثاني لأبي سهل هما تحليلال دقيقان . والمكالنا أن نتناول التحليلين الثائث والرابع (١٣٩-١٨٠) و (١٤٠ فل: ٨) . حيث تحيل القارئ إلى الشكل ٢٠ المؤلف من أربعة أشكال في النص . ونلاحظ في هذا الشكل أن النقطة B قد اكتشفت على الدائرة بحيث أنه إذا كان WB:BZ هو المماس فيكون عندئذ WB:BZ مساوياً لنسة معلومة ( وهكذا فإن WZ,WB هما معلومان . ولكن WB, BZ ليست معلومة . وإن أي نصف قطر مثل DB هو معلوم . كذلك فإن DB أو EG معلومان ، وهذا هو كل ما في الأمر ) .

#### التحليل الثالث :

دع أنصاف الأقطار BD, WE تمتاد التلاقي عسد T'. ويطاراً لأن ED:DB T' 6:BZ معلومة بالنسة الأخيرة هي معلومة . كدلك ED:DB T' 6:BZ هي معلومة . وهكذا فإن T'E.ZW تصبح معلومة بالنضاعف BZ:ZW. . T'E².ZW² هي معلومة وهكذا فإن T'E.ZW WB = ZW.WB بالنضاعف . وبالتضاعف . وبالتضاعف . T'E²:ZW WB = T'W.WE فاتصدح T'B²:TW W.WE فتصدح T'B²:TW W.WE بالمعلومة .

ويحس انو سهل الآن إلى أن T'E:WE هي معلومة . ومع أنه لايعطينا أي تفسير لحسان الاستنتاج فإنسا نسستطيع أن نسدوك صححته كمسا يسلي : لنفستر ص أن  $T^*E$  C, FW = b,  $T^*W = a$  وتكسون النسسة المعلومية  $T^*W = a = b$  .  $T^*E$  C, FW = b,  $T^*W = a$  وهكلة المحلون  $T^*W$   $T^*W$   $T^*W$   $T^*W$  وهكلة المحلون النائح والفارق -  $T^*W$  معلوماً وعا أن كلاً من النائح والفارق -  $T^*W$  والمحلوم علوم النسبة المرغوبة تماماً على أن سهل اعتبر على الفور أن  $T^*W$  معلوم . واكن هذا هو عكس النسبة المرغوبة تماماً ء  $T^*W$ 

وأخيراً ، وبما أن كلاً من WZ:T^E و E:WE هما معلومتان ، فإن الكوهمي يصل إلى أن WZ:WE معلومة . وبما أن المثلث القائم الزاوية EWZ معروف بشكله (معلوم الصورة ) والراوية EZW معلومة ، فإن هذا يحيز لنا أن فرسم المثلث الذي يحل المسألة .

#### التحليل الرابع :

هذا الجزء يمكن عرصه كما يلي : WZ.ZB = WZ.ZB:ZB معلومة ، ولكن وفقاً لمثلثت مشامة ( قائمة الزوايا ) فإن WZ.ZB = EZ.ZD ووفقاً لكتاب اقبيدس الحزء الثالث. WZ.ZB = EZ.ZD . فيكون ZB² = GZ.ZA . ٣٦ محسب كتاب أبولوبيوس السبة المحددة ا فإن النقطة Z معلومة . ( وعا أن تعيين النقطة Z بعد معرفة النسبة AD . عوصوع بحث أبولونيوس والذي تدركه من العنوان القطاعات المحددة » ، لذلك فإن استشهاد أبي سهل لكتاب النسبة المحددة » هنا يسمح لنا باعتبار هذين البحثين على أنهما بحث واحد ) .

وهذا كله يحمل طابع علم الرياضيات الحيد وإن المسألة بشكلها العام هي مسألة ليس حلها بالأمر السهل ، ومع دلك فإن بعض الحالات الخاصة هي من السهولة لدرحة كافية لآن تعطى إلى مندئ ذي صلة بالموضوع . إن القدرة على الإنهاج من خلال الرغبة الفكرية المطلقة في إيجاد الحلول المناسبة للمسائل الصعمة تُكُون ميثاقاً عاماً بين رياصي كل الأزمنة والحضارات .

#### استئتاجات :

الصورة اتني نشأت من خلال هذه اللراسة تضيف إلى معرفتنا عن تثنيف عالم هام من القرن الرابع الهجري . إن اصول ومعطيات إقليدس، و وقياس الدائرة » ( في نسخة مقطوعة) ، و الكرة والأسطوانة » ، و فرضيات » أرخميدس ، و القطاعات المحددة » لأبولونيوس ، و « المجمعي » لمطليموس ، هذه كلها كانت مألوقة تماماً لدى أي سهل بالإضافة إلى نعض كتابات حالينوس وأرسطوطائس . وعلاوة على دلك فلقد قرأ أعمالاً رئيست قابلة للمطابقة في الوقت الحاضر ) لأرخميدس وإقليدس حول مراكز الثقل . كما أنه قرأ أعمالاً لمعض المؤلفين الدين عاصروه أمثال ابراهيم بن ستان ، أبو سعد العلا بن سهل ، وثابت بن قرة .

لقد عززت دراستنا الهدف الذي أشار إليه ع. أنبوبا ٣، ص ١٣٧ ( حاشية ) حول أهمية تطور الرباضيات في القرن الرابع الهجري . وعلى مايبدو ، فإن أبا سهل قد بذل بعض الجهد لكي يتقى على اتصال مع مجموعة كبيرة من العماء ، لأنه بالإضافة إلى أعماله التمانية الأخرى المسماة لا رسائل لا والتي أوردها سزكير ... كان وفي كثير من الأوقات خلال حياته، على اتصال شخصي مع أبي حامد الصغاني وأبي الوها البوزجاني وعبد الرحمن المصوفي ، ومن المختمل إبن الهيم .

وأخيراً ، تكشف لنا هذه المراسلات أن أنا سهل كان رياضياً مهتماً نأسس تعليمه ، وأنه كان يمتلك ، علاوة على ذلك ، قدرات خلاقة هامة وخرات فنية . والبرهان المؤثر بصورة خاصة بالنسبة إلى ابتكاراته موجود في نظريتيه حول مراكز الثقل لقطاعات وأقواس دائرية والتي تصنف مع اكتشافات أرخيدس الفنية في الجمال ونفاذ البصيرة . وفي النهاية ، فإن حده لمسألة الدائرة المقطوعة بزاوية ينظهر لنا تنصره في المختصار اخالة العامة إلى الشكل التنقيدي لمسألة الدوران ، وخبرته الهنية في انجاز درهان هندسي شديد التعقيد .

يمكن للإسلام . كغيره من الحضارات العريفة . أن يتباهى بعدمائه الذائعي الصيت. امثال ابن الهيئم والبيروني وعمر الحيام ، ولكنما لوتساءلنا كيف تمدنا الحضارة بمفكرين لهم مثل هذه المكانة ، فيجب على الأقل أن بكون جزء من الإحابة أنها قدمت لنا بعض المفكرين الذين هم في مكانة أبي سهل الكوهي .

# مراجعات الكيتيت في مجلة تاريخ العلوم العربية

#### ملاحظات للمراجعين

تشكل الملاحطات التالبة الأطر العامة لعملية مراجعة الكتب ::

- ١ يجب أن تنقل المراجعة فكرة واصحة عن موضوع ومحتويات الكتاب ، ولكن دلك بحب ألا يشعل حيزاً كبيراً في المراجعة .
- إن المصادر التي تم الرحوع إليها في إعداد الكتاب وطريقة استخدام المؤلف لحسا
  تحتل أهمية خاصة . ويحتل قدراً كبيراً من الأهمية أيصاً الترتيب العام للكتاب
  وشمولية الفهارس والحداول والرسوم والصور .
- ٣ \_ إن جل ما تقوم به المراجعة \_ في رأينا \_ هو ما تقدمه من تقييم لمكانة الكتاب الذي تم مراجعة ضمن الكتب التي تطرح موضوعاً مماثلاً لما يطرحه الكتاب وهذا سيشتمل طبعاً على تقييم عام لكفاءة ودقة المؤلف وأصالة أفكاره وفيما إدا نجيح في تحقيق ما كان يصبو إليه .
- ٤ وعلى العموم ، فإنه من غير المستحس أن يسهب المراجع بتفصيلات من عنده .
   رعم كون ذلك ضرورياً أحياماً عند توضيح نقطة ما يثيرها الكتاب الذي تم مراجعته ,
- ينبغي ألا يموت من يقدم مراجعة للمجلة أن قراءها على إطلاع جيد بالتاريخ
   الاسلامي والعلوم عند العرب .
  - ٦ \_ يجب أن تتراوح مراجعة الكتاب بين ٥٠٠ كلمة .
- ٧ \_ يجب استخدام الآلة الكائمة مع الانتباه إلى ترك فراع مزدوج بين الأسطر وإرساب نسخة اخرى .
- ٨ ــ يسعي أن تحري المراجعة على لمحة عن المراجع ( في حال عدم مشاركته مسقاً
   في المجلة) و دلك لادراجها في قسم ، المشاركون في العدد » .
- ٩ ـــ بجب كتابة اسم المؤلف وعنوان الكتاب مع اسم الناشر وتاريخ النشر وعدد الصفحات وسعر الكتاب في سنتهل المراجعة .
  - ١٠ 🗻 يوضع عنوان الكتاب الذي تئم مراجعته بين هلالين صعيرين .

172 ABSTRACT

<sup>e</sup>Abbäsid dynasty and the ancestry originated with the Quraysh family. He rejected all kind of irresponsible political intrigues. He supported law and order as a good citizen under Alläh, and advised others to do likewise as a good example.

Finally two classes of peoples were considered, concerned most in collecting and treasuring money currencies and gems.

- the kings and rulers who through the power of money and wealth they succeed to subdue kingdoms and enemies, and win the loyalty and respect to their obedient subjects.
- the beggarly fellows, the villains, and the rascals as a class on the other extreme. They have miserly, and die regretless unexpectedly and ruthlessly.

#### ABSTRACT

Introduction to al-Biruni's Book on Gems and Metallurgy

By

Sami K. Hamarneh, Faculty of Medical Sciences, Yarmouk University

The book on gems and metallurgy, ol-Jamāhir ft Macrifot al-Jawāhir by Abo'l-Rayhān al-Birūni (973 - 1051) was completed and dedicated to the Imperial library of Sultan Mawdūd b. Mascūd of Ghaznah (in modern Afghanistan) about 436/1044. The text in the jutroductory section surpasses in worth and exposition any other work of its kind throughout the entire history of the Middle Ages. It compares very favorably as a literary masterpiece in its techno-scientific, socio-political, and religio-philosophical deliberations and critical analyses of human character and behavior. By defining, describing and/or evaluating such contemporary areas of research the following can be briefly listed:

The part played by sun and moon in controlling of meteorology and seasons, and the importance of movement and senses in the animal kingdom as contrasted to that of the vegetable kingdom. On human levels, it considers familiarity, homogeneity and the fact of being socially accepted personally, so that individuals as well as communities can get together in friendly associations and cooperation. This will make for mutual protection and community security, despite differences in constitution, conduct and temperament.

Discussions were centered concerning the deposits of gems and minerals under the earth's crest, stored for numberless ages, yet discovered, providentially, for good uses and esteemed worth. Here is comparison also between precious stones and human attributes: manliness and chivalry for the sake of showing off as compared to truly patrician, gentility, and true nobility in walking the second mile, helping others, and giving cheerfully.

Further, the author explains the differences between the awful results of indulgence in seeking bodily lusts, and the blessings of baving clean and pure heart, and unblameable conduct. Al-Birūni's interest in collecting and delighting in aromatic medicinal plants suggests his nickname. Abū'l-Raybān-the one who adorns roses and aromatics. And in his wide experience and profound knowledge of human nature, he appraised social injustices, and fought bigotry, realizing the svils of blind prejudices and hypocrisy. He appreciated and valued decency, equality, sound planning, and honest commercial transactions and principles. He recommended conomic, socio-technological methodology based on experimentations, and critical observations. Being pro-Arab in race and language, al-Bīrūnī thus held the conviction and loyalty to the

## المشاركون في حذا العدد

#### دافيد كينج:

هو استاد تاريخ العلوم في جامعة فرافكفورت حالياً، ولايزال يدرس في حامعة نبويورك أيضاً .

#### ج. ل ـ برغرن :

أستاذ الرياضيات في جامعة سيمون فريزر في كولومبيا البريطانية /كند.

#### جعفري نايي :

أستاذ محاضر في الرياضيات وتاريحها في جامعة إيران الوطنية ( جامعة شاهد بهشي ) في طهران .

#### أورسولا فايسر:

تعمل حالياً في حقل تاريخ الطب وعلم الأحياء عند العرب .

### سامي حمارتة :

عمل مؤلفاً لتاريخ الطب والصيدلة في معهد السميشونيان في أمريكا . وله عدة مؤلفات عن مجموعة من المخطوطات في الطب والصيدلة . وبعمل حالباً محاضراً في جامعة اليرموك في الأردن

#### حكمت حمصي:

محاضر في جامعة حلب، وهو يجمع إلى تخصصه المهني بالفلسفة والحقوق اهتمامه بالدراسات السياسية والاقتصادية والاحتماعية فضلاً عن قيامه بدراسات تتعلق بتاريخ العلوم العربية .

#### NOTES ON CONTRIBUTORS

- David A. King: holds the Chair for the History of Science at Frankfurt University and also teaches at New York University.
- J. L. Berggreb: 18 a professor of mathematics at Simon Fraser University, British Columbia.
- Alireza Djafari Naini: 16 a lecturer in mathematics and its history at the National University of Iran (Shahid Beheshti University) in Tebran.
- Ursula Weisser: 16 working on the History of Arabic Biology and medicine.
- Sami K. Hamsensh: is an historian of pharmacy and medical muscology at the Smithsonian. He has several volumes on manuscript collections in medicine and pharmacy.
- Hikmst Homsi: A lecturer at Aleppo University. He combines professional interests in philosophy and law with political, economic and social studies, as well as with studies related to the History of Arabic Science.

## مراجعات الكتب

قواد سنركين ، ه تاريخ التراث العربي » المجلد الثامن « التأليف المعجمي عند العرب » حتى منتصف القرن الحامس للهجرة ١٣٠ + ٣٩٠ ( مع الفهارس والمصادر ضمناً ) لايدن ، بريل ، ١٩٨٧ ( بالآلمانية ) .

ونحن في مراجعتنا لهذا المجلد من و تاريخ التراث العربي و ، إنما بود أن نظهر ما جاء فيه مسن علم وما أبدى من معرفة وما اتبع من نهج وما اتخذ من منهج وماحل من مشكل وما له من كبير الأهمية من حيث ماعرض من شيء وما صدر عنه من مصدر مطبوع ومخطوط . هذا ، مع ماذت فيه من ضروب النقد وأصناف التفسير

وقد جاء امجلد مرجعاً في موضوعه ، كمسا جاءت المجلدات السابقة مراجع في موضوعاتها التي تطرقت لها وعالجتها . سواء أكان ذلك في الحديث والقرآن ، أم في التراث العلمي على متنوع وجوهه ومختلف أنحائه .

ويبين الاستاذ الدكتور فؤاد سزكين في التأليف المعجمي عند العرب هذا بما عرض من مادة بليغ اهتمام العرب بالتأليف المعجمي ، وما يتصف به من غزارة ماده وسعة شواهد وموسوعية في الموضوع وتعدد حوانب واختلاف تدويب وتنوع تصنيف . ولقد نوه المؤلفون ، من عرب وعير عرب ، جهدا الجانب التر العزير من التدوين المعجمي العربي وأبرزوا مايميزه من تفوق على مالدى الأمم الأخرى من شيء في هذا المضمار ، وإن لم يكونوا السباقين في ذلك .

ثم إن الدراسة التي قام بها الدكتور سركين في مجلده الثامن هذا إنما هي حلقة في سلسلة من دراسات مختلفة متنوعة قام بها الباحثون العرب وغير العرب ودارت حول المعجمية العربية والتأليف المعجمي عند العرب . وقد حاءت هذه الدراسات على أنحاء مختلفة ، فهي بين مقالات أو مقدمات لمعجمات قديمة حققت أو معجمات حديثة ألفت أو كتب قائمة برأسها تنوعت موضوعاتها واختلفت معالحتها لهذه الموضوعات ، فمنها دراسة تاريخية للتأليف المعجمي العربي وأحرى مفيوغرافية تقتصر على المؤلفات المعجمية دراسة تاريخية للتأليف المعجمي العربي وأحرى مفيوغرافية تقتصر على المؤلفات المعجمية كسا اختلفت مناهجها فإما تعتمد مهج التسلسل الزماني – التاريخي ، أو تتخذ وجهة موضوعية أو تنتهج منحى جغرافياً يتبع البلدان والأصقاع . كما أن هناك كتباً عامة

تنوعت عناوينها فهي إما في المصادر العربية أو المكتبة العربية أو حركة التأليف عند العرب . وهناك كتب في مصادر النراث العربي أو مناهج التأليف عند العرب . وهناك من الدراسات ماجاء عاماً في معجمات ومؤلفين ومنها ماحاء خاصاً في معجم واحد ومؤلف واحد . ومنها ماكان موضوع دراسة عامة تخطت المناهج الجامعية ونها مكان موضوع دراسة عامة تخطت المناهج الجامعية ونهج الرسائل الجامعية . كل ذلك معروف منداول علا حاحة بنا إلى دكره .

وليست هذه الدراسة بضرب حديد أو نمط حديث عند العرب، فقد صفوا المهارس منذ القرل الرابع للهجرة واتعوا في ذلك نهجاً قويماً وانحذوا فيه جاب العرض والتقويم والمصدر والمرسم . وللغوا في دلك قطبي التأليف والتدوين عامه في المكتبة العربية وخاصه في المعجمية العربية . وحاءت دراساتهم الحاصة في قسمين : قسم يتفرد ببحث معجم واحد لابتعداه . وقسم يتعدى ذلك المبحث العام في المعجمية العربية . وتتعاوت هده الهجوث قيمة وسعة وسعة وشمولاً وعمةاً ومنهجية وعاية وهدفاً ويقداً وعرضاً وتحليلاً ومفتر حات وتيويباً وتصنيفاً ومرجعاً ومصادراً .

والكتاب الذي تعرض له الآن بالدراسة أو المراحعة إنما هو كتاب في المعجمية العربية عام وجامع ، وهو مرجع في التراث العربي أو تاريخ التراث العربي المحجمي وشأنه أنه أضاف إلى ماسبق جديداً وأحاط بموضوعه إحاطة بالغة . وهو يشتمل على مقدمة ومدخل هو فصله الأول وستة فصول تتلوه . ولم يشأ المؤلف أن يسميها فصولاً بل عمد إلى جعلها مقاطع مرقمة .

ولقد اتبع المؤلف في مدخل كتابه هذا لهجاً علمياً سليماً ، فعرض لما ألفه الغربيون من معجمات حديثة وماحقفوه من معجمات عربية قديمة ومانشروه من مؤلفات في التراجم ، ثم ماقاموا به من بحوث في التأليف المعجمي والمعجمية العربية ، ودكر منها عدداً لدى العرب وعبرهم . وتعرض لحال البحث في حاضر وقته والمرحلة التي بلغها والدرجة التي حصبها ، ثم بين بدايات التأليف المعجمي عند العرب في نشأته وتطوره ، ثم تعرض لمصادر معرفتنا بالمعجمية العربية فذكر أهم المصادر التي تحدثت عن المعجمات وأصحابها وعرصت خياتهم ومؤلماتهم وبدلك كله بعد المدخل دراسة منهجية دقيقة وعرضاً مستعيضاً ، على ماهيها من نقص من حيث السعة والشمول ومن حيث العدد في المصادر والمراجع وتقويم الدراسات السافة .

عادا فصلنا في ذلك بعض التفصيل لكبير أهميته وعمدنا إلى للدخل تقسمه رأبنا

أن فيه أقساماً ثلاثة : فقسم أول ببيس فيه المؤلف ماكان في هذا المجال من البحث من دراسات سابقة وما آل إليه البحث في واقع أمرد . وقسم ثان يتعرض فيه المؤلف لبدايات التأليف المعجمي عبد العرب ونشوئه وتطوره . فرأى أن دلك إنما كان بالقرآن وتفسير عرب مفرداته ، كما يلحق بذلك كتب الأمثال والأمالي والنوادر . ثم يبين كبير دور فصحاء العرب وبوادرهم . ويرى أن تصنيف المادة المعجمية بحسب المبدأ الدلالي قد سبق التصنيف المجائي ، كما أن هناك تصيفاً آخر يتبع مخارج الحروف (الحليل ن أحمد) . ويدعي المؤلف أن تأثر الحليل بالهود في تصنيفه الذي اتبع المخرج الصوتي أمر اتضح بقينه ورال الشك فيه . في حين أن المدراسات في ذلك متضارية والآراء متفاوتة متاينة ولم يقطع أحد من الباحثين برأي حاسم في هذا الشأن . ثم يتحدث عن متفاوتة متاينة ولم يقطع أحد من الباحثين برأي حاسم في هذا الشأن . ثم يتحدث عن ضروب أخرى من التصنيف الهجائي يتبع مخارج الحروف ويتفاوت في اعتماد الحرف ضروب أخرى من المرة أن يستعد التصنيف تحر الحذ منحي الرادف في المنعيف التصنيف تما للموضوعات ثم يتحدث عن تصنيف آخر الحذ منحي الرادف في المعجمات تمو عالم الحق أو المخساء المعجمات تمو عام كيراً فكان منها المعجمات أو الاشتقاق أو الأخطاء اللغوية . ثم تموعت المعجمات تموعاً كبيراً فكان منها المعجمات الجغرافية والنباتية والطبيعية والقرآنيسة . . ...

و كل دلك من ضروب التعداد الذي الكثير ، الا أنه يعتقر إلى منهج دقيق في تبيال نشأة المعجمات وتطورها . ولم يجب المؤلف عن سؤال تطرح فيه مشكلة بدايات التأليف المعجمي واللغوي عند العرب في الحاهلية . ولم يتعرض لتأثر العرب في ذلك بالثقافات الاخرى الغرية . ولكنه لم ينكر الأثر العريب في مطلع الاسلام — دون أن يبلع هذا الأثر ترجمة مؤلفات معجمية . وكان دلك من طريق الاتصال المباشر بأصحاب المتقافات الأحرى . لحا كان للمحاة من عناية بلغة الرفيج والروم . ويرى المؤلف في ذلك رأياً مصيماً . أن ليس يقلل التأثر بثقافة عريبة أو تلقيها والاقتباس منها في مرحلة نشوء العلم وتطوره من قيمة المنجرات الذاتية والمشاركات الحلاقة . فما له أهمية كبرى نشوء العلم وتطوره من قيمة المنجرات الذاتية والمستعداد للتعرف إلى العماصر التي يحس أخدها والعمل على إعادة صياغتها بحيث تجيء على خير نحو من الانسجام والتماثل بسل الانجاث والتماثل بالانجاث والتمثل .

وادا كان المؤلف يرى أن بداية تفسير الكنم والتأليف المعجمي عند العرب إنما نشأت لغاية تبغي فهم آيات القرآن وتفسير غريبه ، فكان مسن ذلك أن البيئة التي أنشأت التأليف المعجمي هي ليئة روحية إسلامية متحررة التحرر كله من النماذج الغريبة ... فإنّ هماك من المؤلفين من يرى رأماً آخر ....

ويتعرص المؤلف في القسم الثالث من المدخل لذكر أهم مصادر معرفتنا بالتأليف المعجمي عند العرب وقد قسمها قسمين عجاء القسم الاول يميّن المصادر التي تذكر المؤلفين لمعجمين في حياتهم ومؤلفاتهم وترجع إلى القرن الأول أو الثابي للهجرة . ومؤلفو هده الكتب لعويون أو علماء لغة ولاشك أن هناك تراحم سابقة لم يرجع إليها اللاحقون إلا في القليل والنزر ليسير ( كما فعل ابن النديم في الفهرست ) إلا أن أهم المصادر التي يذكرها المؤلف بين مخطوط ومطبوع ، ومادكر لدى غيره ، إنما هي مصادر لغرية وتحوية ، مما أفضى به إلى شيء من الحلط بين علم اللغة والنحو والتأليف المعجمي . وهي على تداخلها مقصلة متميزة . وحقيق بالمؤلف أن يميز الواحد من الآخر تميزة . وحقيق بالمؤلف أن يميز الواحد من الآخر تميزأ وتبحب بذلك الوقوع في الحلط أما القسم الآخر فيتحدث عن المصادر المعجمية السابقة المفقودة ، ولهذا القسم كبير الأهمية وعظيم الشأن في الموصوع المدروس ولكنه أصول المعجمات المعروفة ، وخير طريق إلى ذلك الرحسوع إليها للاطلاع على أصول المعجمات المعروفة ، وخير طريق إلى ذلك الرحسوع إليها للاطلاع على أسوله التي أخذت عنها ومصادرها التي صدرت عنها ( فسي أن يذكر المحكم لابن أسيده وما اعتمده من مصادر معجمية ، والمقاييس لابن فارس وما اتخذه من مصادر معجمية ، والمقاييس لابن فارس وما اتخذه من مصادره المعجمية ) .

ويعمد المؤلف في فصله الأول (أو مقطعه الثاني ، بعد المدخل) إلى ذكر المؤلفين ومؤلفاتهم فيتحدث عن المعجمين الأوائل والقصحاء . وكان ينبغي أن يتخذ له عنواناً آخر أكثر ملاءمة لموضوعه هو [ المحدثون الأوائل والقصحاء والمعجميون الأوائل] . فكان أن وقع لمؤلف في شيء من الحلط بين أوائل المعجميين والقصحاء . كما أن المؤلف جمع بين فصحاء لهم معجمات وآخرين لهم مقتبسات أخذها عنهم الآخرون ومعطمها في النوادر وخلق الإنسان والحشرات والصفات والإبل والأنواء والحيل , وكانت الله التأليف المعجمي عند العرب ، وهي بداية وحسب فليس ينبغي أن تعد في صميم المعجمية المربية مدقيق معناها .

ثم يتبع المؤلف في الفصل الثاني ( أو المقطع الثالث ) منهجاً في دكر المعجميين هو منهج التصنيف الحمراني . أد يصنف المؤلفين تبعاً لأصفاعهم وبلدانهم . وهو المنهج الذي سيتخذه منهج عرض في كتابه كله . فيبدأ في مقطعه هذا بمعجميي العراق فيقسمهم أقساماً ثلاثة : قسم (٦) ويشتمل على معجميي البصرة . وقسم (ب) ويعرض كمعجميي الكوفة وقسم (ب) ويدكر معجميي بغداد والمناطق الاخرى . ثم يعرص في المقطع الرابع لمعجميي الحريرة العربية ومصر . الرابع لمعجميي فارس ، ويتحد موضوع المقطع الخامس معجميي الحريرة العربية ومصر . ويتحدث في المقطع السادس عن المعحميين في شمالي افريقيا واسابيا . ثم يختم دراسته بمقطع سابع وأحير يذكر فيه المؤلفين انجهولين والكتب التي لم يعرف أصحابها وهو في كل دلك حريص أن يعرف مكل مؤلف تعريفاً يتماوت طولاً وقصراً ، فيذكر في خلا حرياته وماكان يشغله من اتجاهات ، وأسماء أستاديه وتلاميده ومعاصريه ، ثم يذكر مراجعه ومصادره ذكراً بتفاوت في الإفاصة وإلايحار ، وهي بين عربية وأجنبية ، ثم يسرد مؤلفات المعجمية وحدها ، بل ثم يسرد مؤلفات المعجمية وحدها ، بل يذكر كل ماللمؤلف من شيء ، دوتما تمييز أو تعريف ، فيجيء الأمر على قدر من الاختلاط كبير .

وثما يحمد للمؤلف سعة الاطلاع ودقة التحقيق الحاص ، وما أبداه من روح توليف واسعة وروح تحيل نقدي دقيقة وهو لاينسي أن يذكر ماجرى في شأن المعجم المدكور من دراسات . كما يذكر الكتاب ومخطوطاته ومطبوعاته ومختصراته وأسماء صانعيها ومخطوطاتها وماكان في ذلك كله من دراسات اتخفت شكل المقالات أو الكتب والمجلات . كما يذكر ماوجه إلى المعجم من صروب النقد والردود والمعارضات ، وما أضيف إليه من ملاحق وماورد عليه من استدراكات ، وما فاته من شيء ، وما أدخل عليه من مداخل وردود . وما أغفله وماأضيف إليه من تكملة وما كان له من مختصرات وانتصارات ما عرض من أغلاطه وصيغه الجديدة . الا أن المؤلف قد يدخل ههنا. فضلا عن المؤلفات غير المعجمية ، ملاحق على النص ليكمل بها ما أعمله عن المؤلف الذي يترجم له في فصل غير المعجمية ، ملاحق على النص ليكمل بها ما أعمله عن المؤلف الذي يترجم له في فصل

ويتبغي لنا أن مقول إن الافتقار إلى الدقة في سرد المؤلفات ووصفها قد أفضى إلى خلط كبير في العرص. فلو اقتصر المؤلف على الكتب المعجمية بعد تحديد دقيق لمعناها المتعارف عليه بين أهل الاختصاص لتجنب كثيرا من الحلط والاختلاط، ولتجنب أن يذكر كتب اللغة في جملة الكتب المعجمية (ص ٧٧)، ولتجنب كذلك ذكر كتب لا علاقة له وثيقة بالمعاجم، بل منها مالاعلاقة له بالمعاجم بنة، ولتجنب الخلط في الذكر مرة وعدم الذكر مرة أخرى. فهو يعد شرح القرآن وتبيان معانيه مس التأليف المعجمي مرة ويعده مختلفاً عن ذلك مرة أخرى، فيميز إد ذاك بين النحو والتأليف المعجمي

وتفسير القرآل والشعر ( ص ۵۷ ) ، ويرى أن التأليف المعجمي شيء وعدم لغة القرآن شيء آخر ( ص ۵۹ ) . ويعمد مرة إلى الفصل بين التأليف المعجمي وعلم الصرف والأدب ومعاني نشعر وما إلى دلك ... ثم براه يصل بينها وصلاً لافصل فيه ... تي مرات أخر .

هذا كله ، مع تمبيز بين هذه الأنواع كلها ، إن وجد المؤلف مناسـة للتمبيز ، عيث حاء البحث مُعتقراً إلى قاعده ذات معبار عام . ومن شرائط البحث الدقيق أن تتحد هذه الفاعدة العامة لنا معياراً ، ومن شرائطه أن نقتصر على موضوع البحث بعد اد تحدده التحديد الدقيق . لسبر فيه سيرا بينا في طريق لاحبة واضحة المعالم والصوى . وللللُّه وحده يحيء كل مابساق من كلام على الأجزاء مجيئاً يؤخذ على جهة الكلام على الموصوع العام . وهو المعجمية - وهذا شأنه أن يجنب الخبط والاصطراب ويبث في المحث كله منهجاً واحداً فلا يجمع صاحبه سي موضوعات شني مرة ويفرق بينها مرة أخرى . ولايفرق بين رسائل خاصة بموضوع معين حينًا ويجمع بينها في مكان آخر حيناً آخر ( ص ٧٠ ٧٩ ) ثم إن انتفاء الدقة في السويب أمر أدى إلى أن ذهب المؤلف مذاهب مختلفة في تبويب الرسائل الخاصة بموضوع واحد : فادا هو يقسمها اقساماً مرة واذا هو يتتكب عن ذلك مرة أخرى ( ص ٨٨ – ٨٩ ) ﴿ وقد يذكر ماقيل في مجار القرآن وغريب الحديث فيضمه إلى كتاب النوادر فلا يفصل بينها ، على غير عادة ( ص ٩٠ ) . إلى عبر دلك من فصل ووصل بين كتب دات موضوعات معينة يذكرها ذكراً خاصاً ، ثم يفصل بينها في عير محل . أو يعمد إلى الوصل بيتها بعد فصل ( ص ٩٧ ـ ٩٨ ) . . ثم أن من عادة المؤلف أن يفصل دين الكتب اللغوية ( المعجمية ) العامة والكتب المعجمية الحاصة ( في موضوعات معينة) وعلم اللغة القرآ في (ص ٩٩ -- ١٠٠ ) وربمـــا تنكب عن تسميتها كتبأ ممحمية عامة ( ص ٩٩ ) ، أو يسسيها مؤلمات معجمية شامنة ، وليست ثلث التسمية بأمر وفاق ، ذلك أنها ليست تنطوي على مؤلفات شاملة ، فهی تعالیق و ستدراکات وأجونة خاصة ( ص ۱۰۴ ) . یلی غیر ذلك من ضرو<sup>ن</sup> الخلط في التسمية والتنويب والتقسيم والتصنيف والجمع والفصل والوصل والتعريق .

ئم إنه يبيعي لنا أن نحسن معرفة محتوى الكتاب كي ندرجه في تصنيف معين محدد وفي عداد المعجمات مخاصة وهذا مالانهع عليه إلا قلبلاً فهناك من التعميم والإسرف فيه مايعد معه مؤلف ما مؤلفاً معجمياً لا لشيء إلا لأنه فسر كلمه أو كلمات (ص ١١٠ - ١١١) . وكان أولى أن نتثت من مضمون الكتب المذكورة قبل أن تلمرحها في سجل

الكتب المعجمية ( ص ١٩٢ ص ١٩٣ – ص ١٩٩ ) وحقيق بنا أل تتثبت من صفة المؤلف المعجمية ووصف مؤلفاته المعجمية قبل التصييف والتنويب

وهكذا بسبيس لذا أن هناك صروباً من الحلط اعترت الكتاب الذي نحى في صدد مراحعته ودراسته . وحسما أن دوجر بعضاً مما سبق دكره ممها لندل مذلك على التخط المنهجي والاحتلاط التصنيعي . همنها دكر المؤلفات كلها لمؤلف ما سواء أكان ممها ماله علاقة بالتأليف المعجمي أم مالاعلاقة له بدلك . دون الإشارة إلى التعرقة بن المؤلفات، مما يوهم القارئ أنه كلها ذات صلة دالتأليف المعجمي وثيقة ( ص ١٦٥ و ١٨٧ ) ، ومعها هذا الحلط بين الكتب المعجمية العامة والخاصة ( ص ١٦١ – ١٢٧ ) ، ومعها هذا التمييز بين الكتب المعجمية اللغوية الشاملة العامة مع دكره فيها كتباً مختلفة وخاصة ( ص ١٣٤ – ١٢١ ) ، ومنها هذا الخلط الكبير بين كتب مختلفة الموصوع ( ص ١٣٨ ) ، ومنها هذا الخلط الكبير بين كتب مختلفة الموصوع ( ص ١٣٨ ) ، أو الخلط بين كتب خاصة مموضوعات معينة ( ص ١٤٠ – ١٤١ ) . ثم هذا الاضطراب في التسمية بين الانتفاء ( ص ١٤٠ ) والتسمية العربية والعنوان الذي يضم أموراً غريبة الموصوع في معنى المشكلات اللغوية . إلى آخر ماهنالك من صروب ليس ههنا بجال تعدادها والاتيال على تعصيلها فضروب الحلط منبثة في مطاوي الكتاب كله ومبثوثة تعدادها والاتيال على تعصيلها فضروب الحلط منبثة في مطاوي الكتاب كله ومبثوثة نبيئن أنها إنما ترجع إلى الاصطراب المنهجي في التصيف والنبويب والتعريف والتدقيق ، نبيئن أنها إنما نصطراب في التسمية والتعداد والعنونة والتقسيم والتعريف والتدقيق ، المؤخي إلى اضطراب في التسمية والتعداد والعنونة والتقسيم التقصيم المنافقية والتقسيم المنافقية والتعريف والتدقيق ،

ونحلص من هذا كله إلى خلاصة في الرأي نحتم بها قراءتنا لهذا الكتاب ، وهي أن المؤلف قد تنكب سواء السبيل في نهجه هغاب عنه التدقيق في تحديد معنى المعجمية مما أداه إلى هذا الخلط والتوسع في مجالات غير معجمية ، وإلى هذا الاصطراب في التدوين اللغوي والمعجمي . فلم يبيئن تطور مراحل التأليف المعجمي مسن الوجهة الموضوعية والتاريخية . وإنما كان همه حشد أكبر قدر من عاوير المؤلفات حشداً مختلطاً أحيان ومميزاً أحياناً أخرى بحيث جاء محتوى كتابه يختلف بعض الاختلاف عن العنوان ، هاما أن يعدل العنوان واما أن يعدل المحتوى ، وذلك كله بغية تلوغ التطابق بينهما وإزالة التعارض بينهما ، وليس يقوم للمؤلف عشر ماجاء في التمهيد من قوله أنه قد وإزالة التعارض بينهما ، وليس يقوم للمؤلف عشر ماجاء في التمهيد من قوله أنه قد انتهى مسن مجلده هذا سنة ١٩٦٤ ، وكان ينبغي له أن يكون ، مع الشعر والنحو ، المجلد الثاني من تاريخ التراث العربي ، وأنسه قد قور توسيع مدار المحث المعالح ، وبذلك أرحاً نشره ريثما ينتهي من المجلدات التي تعالج العلوم الطبيعية . ثم إنه عمد إلى

قسم المعجمات فقصله عن النحو فصلاً ثردد فيه تردداً كبيراً . وقد تم ذلك لأسباب ثقنية تتصل بالطباعة وعوامل أخرى مالية محض . أقول إن دلك كله ليس يعذر يقدم . فالفصل ، إن وجد . يتبغي أن بجيء دقيقاً صريحاً لاشوب فيه ولا خلط ولاتخليط

وكان على المؤلف ليتجب الخلط في التدوين اللغوي والمعجمي أن يتبع ماتفق عليه علماء اللعة والمعاجم والأداء من تصنيف وثنويب في التدوين عند العرب . فقد فرق بعض هؤلاء ثهريقاً دقيقاً بين التدوين اللغوي والمعجمي . ثم إن بعضاً منهم رأى في التدوين المعجمي بخاصة مراحل ثلاثاً خلط بيها المؤلف ولم يميزها وعلو المرحلتين الأولى والثانية تمهيداً أو توطئة وأساساً حمعت فيهما المادة الأساس للمعاجم بدقيق معناها وصحيح دلالتها فالمرحلتان الأولى والثانية مرحلتان لعويتان جمعت فيهما المادة اللغوية وصنفت ونظمت ، وهي المادة التي صبت فيما بعد في التأليف المعجمي الذي تمثله المرحلة الثالثة ، فهي وحدها التي يحسن وصفها بمرحلة التأليف المعجمي ( معاجم الالفاظ والمعاني ) . وإن الخلط دين هذه المراحل الثلاث والجمع دينها في مجمع واحد إنما يرجع إلى سوء المنهج المتم في التصنيف الموضوعي وما مر به التدوين من مراحل تاريخية أن يزيل هذا الخلط وينفي عن صاحبه الاصطراب ، كما يرجع الخلط إلى التنكب عن تدقيق معني المعجمية وتحديد دلالتها .

وما من مؤلف ، على اختلاف فرقاء المؤلفين في موضوع التدوين المعجمي عند العرب ، وهم ثلاثة . إلا واتحذ التمييز له معياراً . فعريق حمع بين التدوين اللغوي والمعجمي ، ولكنه فصل بيتهما من حيث المراحل وجعسل التدوين اللغوي المرحلتين الأولى والثانية اللتين أدتا إلى المرحلة الثالثة وهي التدوين المعجمي بدقيق معناه ووثيق مبناه . وفريق فصل بين كتب اللغة والمعاجم فصلاً دقيقاً فبحث فيهما في فصلين مختلفين بحيث لم يعد الرسائل اللغوية معجمات بأي معنى . وفريق يرى أن المرحلة الثائلة ، وهي مرحلة المعجمات . قد سبقتها مرحلة لغوية استقصت المفردات ومعانيها في كثير من الموضوعات . فالمرحلة الموضوعية سبقتها مرحلة لغوية (تبين الكلمة ودلالاتها) صنفت فيها المرسائل اللعوية في الألفاط والمعاني . وهم في ذلك إنما يجعلون المرحلة المعجمية فيهها الي الممرحلة المعجمية ، ويتخدون أسساس التصنيف والتسمية المرحلة المعجمية نفسها التي المسول والترتيب ، فهما الصفتان بل الشرطان الملازمان لفكرة المعجم ، وكل مالا بالشمول والترتيب ، فهما الصفتان بل الشرطان الملازمان لفكرة المعجم ، وكل مالا يتصف من شيء بهما انما تنتفي عنه صفة المعجمية ويعد تمهيداً أو مقدمة لذلك .

فسواء أخذنا برأي من يفصل بين التأليف اللغوي والمعجمي القصل الدقيق أم برأي من يجعل الأول مرحلة سقت الثاني وأفضت البه ، فإنا درى الحلط عند مؤلف اتاريخ البراث العربي الواضحاً عارزاً . فعهما كانت المراحل الاولى ( وإن لم يكن هناك من فواصل وأضحة بين المراحل ) ، ومهما تكن اتجاهات التأليف فيها ، فإنا المداية والأصول الأولى التي انطلق منها أصحاب المعجمات فكانت التمهيد للتأليف المعجمي ، ولم تكنه . ثم إن للتأليف المعجمي معنى دقيقاً وتعريفاً عدداً وحداً جامعاً ما معاً . وكان على المؤلف أن يتحذه له معياراً في مصمه ومامعيار التأليف المعجمي هذا إلا الشمول والترتيب . فالمعجم كتاب عام جامع مرتب ترتيباً خاصاً ، والمعجم المغوي شيء مرتب وكتاب جامع يتصف بالسعة والتنظيم وليس برد على قولنا هذا المغوي شيء مرتب وكتاب جامع يتصف بالسعة والتنظيم وليس برد على قولنا هذا ما مايساق من قول قائل إن الكتاب هذا إن هو إلا مرجع ببليوغرافي جامع المراجع والمصادر في مختلف الأصقاع وذاكر لمؤلفيها على اختلاف مشاربهم وتنوع مواردهم .

وبعد هذا الذي قلناه ، لابد أن قد كر مالحذا الكتاب المصنف في التأليف المعجمي عند العرب من جاب حق ، من حيث سعة البحث وشموله ، وكثرة المصادر والمراجع ، ولحاطته بما طبع من المؤلفات وما فقد من المخطوطات ومارال قائماً منها ... وهو في ذلك كله إنما يتبع منهج العلم الببلوغرافي اتباعاً قريباً ، فيطلعنا على غريب المخطوطات ومختلف المطبوعات ومتنوع الموسوعات وما انطوت عليه من مؤلفات ومؤلفين وموضوعات وأساليب ومراجع ومصادر . هذا ، مع تبويبها وتصنيفها على حسب المحتوى والطريقة وتحديدها والتثب منها على قدر الاهتمام والاحتصاص . وليعلم القارئ أن صعونة تحديد المخطوطات وتبويبها أمر لايأتيه الشك من طرف : وفي هسذا مايقلل مسن شدة النقد الموجه إلى نهج المؤلف .

وإن مااتبعه المؤلف في دراسته من صهج نقدي يحمع إلى النقد الظاهر النص نقداً باطناً متبصراً ، وما عمد إليه من تفسير لما يذكر وتقويم لما يعرض ونقد لما يدرس وموارنة بين الأشياء على احتلافها وترتيب للأمور على تعاونها ، وما اتحذه من طريقة تصنيف وتبويب وتقسيم وتحييز ..... إنما كل أولئك من شأنها أن تضفي على عمله طابعاً علمياً قويماً وتجعل من كتابه مرجعاً لاعنى المباحث عنه . هذا ، ولايقدح في قيمة مثل هذا العمل ماذكرنا من هنات، وماورد في الكتاب من بواقص لم نحدث لها ذكراً . هال عملاً مثل هذا لابد أن يعتوره من النقص ما اعتوره ، ولابد أن يلقى في التدقيق والتحقيق

شبئاً من الضعف يثيره الاضطراب في تبويب هذه المادة الدَّرَة العريرة مسن المخطوطات في مصادرها وأصالتها وإن ما اقتبس منها وما ألقته مسن ضوء على البحوث المختلفة والدرسات المتنوعة . . . كل ذلك قمين أن يؤخد مأخذاً حسناً ويتلقى أحسن القبول .

ولم يسس المؤلف ، كما هو شأنه في كل مجلد من محلداته السابقة ، أن ينحق عمجلده هذا الملاحق وإضافات واستدراكات وتصويات عرضها التصويب والتصحيح وإراء النقص وريادة التوصيح . ثم يتبع ذلك بالمراجع وفهارس المكتبات والمحطوطات في مختلف أنحاء العام ، ومهارس المؤلفين القدامي ومؤلفاتهم ، ويختم ذلك كله بقهارس المؤلفين القدامي ومؤلفاتهم ، ويختم ذلك كله بقهارس المؤلفين والناشرين المحدثين ، مما يعد معه الكتاب مرحماً علمياً موثوقاً ، سهل المتناول وهين التداول ،

الدكتور حكمت حمصي

معهد النراث العلمي العربي

# ISLAMIC SCIENCE

--- A UNIQUE --- BI-ANNUAL --- PUBLICATION --

That presents Science in the Islamic perspective.

First and only Journal of its kind in the World that presents highly thought provoking articles

On

# ISLAMIC SCIENCE AND THE ISLAMIC VIEW POINT

on the Issues and Problems created

the Western Science

#### SUBSCRIBE NOW. many powerful of tolerate octioner

- [7] Please only subscription for the femoual.
- (i) I enables Blank Draft-Cheque payable on the "MAAS," to the bake of \_\_\_\_\_

Mary \_\_\_\_\_

latif \_\_\_\_\_

Address

€'tte

----

Photo good to.
CIRCULATION DEPT

Men Journal of Hamer Science
Farifi House Sir Syed Nager
Aleash ~ 202 001 (10001A)

#### ARRIVAL SUBSCRIPTION RATES

UKDIA OVERSEAS

C freelwates) Ru 60/ US \$ 20 00

Titreduton Rt 100/ US \$ 50 00



He isolated at times, what he should gather together and vice versa. The difficulty of the subject comes primarily from the fact that it deals with manuscripts scattered in libraries in all parts of the world. That can be considered as an excuse for the shortage of determination, correctness and exactitude of some information. After all these critical remarks we would like to show our admiration for the patience and erudition of the author.

These are some notes concerning defective points due to the arrangement of the data and material, we give them in the hope that they may be corrected or incorporated in the future "Nachtrage".

1- p. 70; the number 7 misses.

2- pp. 73-74: there is a) but b) misses,

we have seen a: 1-2, but we have not seen h, instead of that we have seen 2. . . 3. . . etc.

Hikmat HOMSI

Institute for the History of Arabic Science Aleppo University mentions all that he knows of every lexicographer, his teachers and pupils, his works and his references. He cites in all that an extensive arabic and foreign bibliography. He adopts in studying the lexicographers a double analytical and synthetical spirit. He mentions all the studies of which the cited dictionary-lexicon is the object, all the editions and all sorts of criticism and objections or resumés. But he mentions some things that have nothing to do with the dictionary-lexicon, or the exact lexicography . . .

This shortage of exactitude has led to a great confusion in exposing the material. And this confusion has taken many forms: He gathers some books, at random, which are linguistic and nothing else, under lexicographic or lexical title. He mentions some books under some division once, but he omits to do that another time. He confuses between Coran interpretation, poetry, syutax, grammar and lexicography in one place, but he distinguishes between all these branches in another place.

This confusion in exposing the material is the mark of confusion in the method followed and in the non-determination of the exact meaning of lexicography in the author's mind. We have mentioned in our Arabic book review some examples of this confusion and we have shown its different kinds.

The conclusion to which we have arrived as that there is a difference or a discrepancy between the content of the book and its title. A part of the cause of this opposition is mentioned in the introduction, but it can not be sufficient, and it can not be an excuse.

The author has to follow the method adopted by the authors of lexicography and lexicons who distinguish between three stages of lexicographic evolution . . . and who call justly the third stage alone the lexicographic one.

But all these critical remarks can not diminish the great scientific value of this work. And it is not, in any way, the intention of the reviewer to mean it. Our purpose is to evaluate the book in its bibliographical, lexicographic, literary and scientific aspects. This point of evaluating the reviewed work must be as much as possible objective one, and it tries to do what it considers as just and true.

The primary sources exploited by Dr. Sezgin permit us to know the best data collected about the subject in its bio-bibliographical knowledge. This aspect reveals the great richness of the research and the width of its range. It is clear that he has not gone through all lexicographical manuscripts or through all voluminous works concerning the subject. That is why he has mentioned many main sources of manuscripts without analyzing their contents. So that we are before different levels of analysis, study and examination or survey. The author tries at times to analyze at length the contents in order to determine their importance, originality and value for the specific subject. But at other times, he refrains from doing that and he does nothing but mention the title alone without any other determination whatsoever.

#### Book Review

Fust Sezgin, Geschichte des Arabischen Schrifttums, Bd. VIII, Lexikographie, bis ca. 430H., XIII + 390: Nachträge (Corrigenda), Literaturverzeichnis, Bibliographie and indices, Leiden, Brill, 1982.

This is the eighth volume of the "Geschichte des Arabischen Schrifttums" of Prof. Dr. F. Sezgin whose works, or precedent volumes in this field have become references in the matter of Arabic studies. Arabic science and its history as well.

This volume is divided into six sections preceded by a preface and an introduction. The introduction is of great value and major importance, it reviews the history and the actual state of the subject treated, then it deals with the beginnings, origin and evolution of the Arabic lexicography. Finally it studies the sources of our knowledge of the subject itself, which is constituted of primary reference material. These sources are of two kinds: one of biobibliographical sources and the other of lexical sources. Furthermore, it contains the author's interpretation and evaluation of the status of the subject under discussion, its origin and beginnings as well as its evolution, based, in general, on the sources mentioned in the introduction itself.

Such kind of study can be compared with many works on the same subject—in Arabic and European languages. But Seagin's work is distinguished by its richness consisting of a long survey of manuscripts and a long list of references which is a distinctive feature of the work in its scientific value. But the method followed by the author in studying the origin of Arabic Lexicography is not so exact that it can be sure in its results and conclusions. Seagin has not answered exactly and sufficiently the question on the beginnings of Arabic lexicography in preislamic period, and the influence of foreign factors on Arabic studies. So that the author sees in the Islamic—spiritual milicu the point of departure and the cradle of Arabic lexicography without any foreign influence, except in an inessential way.

Under the second section, following the introduction, the author studies the first lexicographers and Fujaha' (eloquents). This section shows a confusion between many different elements, and a confusion between the vague beginning of lexicography in its linguistic form and lexicography in its exact meaning and form. The author follows a geographical method of division and classification. That is why be classifies the lexicographers according to the different countries. This kind of classification is the cause of another kind of confusion committed by the author in his study and research. Under the third section he studies the lexicography in Iraq: A) Basra, B) Kufa and C) Bagdad. Under the fourth section, he studies the lexicographers in Persia, the fifth section in Arabia and Egypt, the sixth section, in North Africa and Spain. And in the last section he studies the unknown authors and anonyma. He

#### الكسحال

### مجلسة عسريية الأطسباء العيون المؤسى ورئيس التعريز : فشأت الحمارلة

#### زاوية النشاط العلمي النراثي :

صدرت في دمشق ، مبد عام ١٩٨٠. مجلة علمية فصفية ، متحصصة نصب العيول وقد قام على تأسيسها وتحريرها تحبة من أطناء العيول ، ينتمول لمحتلف الاقطار العربية ، ويرأس تحريرها الدكتور نشأت الحمارنة ، الأستاد المحاضر في كلبة الطب بجامعة دمشق

وقد حاء في افتتاحية العدد الأول س هده المحلة دكر للأهداف التي تسعى اليها هيئة التحرير ، منذ إصدارها , وتجد س المفيد أن نقتطف بعض الفقرات . مما حاء في تلك الافتتاحية : و في مرحلة البعاث الأمة . تحتاج الأمة يل العلم ، وإلى الثقه بالنفس وإلى العودة إلى الأصوب , لللك نأمل أن تلبي بحنتنا هذه بعص ما محتحه في هذه المرحلة ...

- ـ ىريد أن نثبت أن علماءةا وأطباءنا وناحثينا . حديرون ومؤهلون وقادرون . .
- ـ دريد أن تشير إلى دور أحدادنا وفضايهم ي تطور العام والطب والصنعة ، في حقل طب العين .
  - . نريد أن نشت الفدره غير المتناهية للغتنا على التعمير عن مصطلحات العلم والض
- سنوجه مقالاتنا ، ليس إلى العاماء فحسب . ط أيصاً إلى الأطبء الاختصاصيين الجامعيين والممارسين ، فننقل اليهم آخر م تكتبه المجلات المتحصصة في طب العين ، وتاريخ طب العين .
- سوف نعرض لهم الكتب التي تصدر حديثًا . وقصع بين أيديهم المقالات المؤلفة
   والمتكرة ...
- ـــ وتأمل أن دروع في نموس الناشئة حتّ تاريح العلوم ، وتراث الأمـــة العلمي ، ومصطلحات العلوم ، معراً عنها بالعربية الى جانب لغات العلم في هذ العصر »
- وقد صدر من هذه المحلة حتى الآن تجلدان . الاول بين عامي ١٩٨٠–١٩٨٢م . والثاني بين عامي ١٩٨٧–١٩٨٤ م . وسيتم إصدار المحلّد الثالث في نهاية هن العام .

ويتألف كل مجلد من هذه المحلدات من ثلاثة أعداد ، فيها مواضيع متبانية ومتكاملة . فادا تصفحنا العدد الأول من المحلد الأول نجده بضم ثلاثة أقسام :

#### القسم الأول :

حصص للحديث عن أحدث ماصدر في طبّ العيون ، وقد أدرجت فيه مواصيع تتعلق نتشريع العين واضطراب وظائمها وجراحتها وتحديرها ومداواتها .

#### القسم الثاني :

ويشمل بعص الأبحاث الراثية المستوحاة من أمنهات كتب الطبّ العربي ، مثل كتاب التيسير لابن زهر ، وكتاب العشر مقالات في العين لحنين بن اسحق . وقد عالج المحتون هده المواضيع بأسلوب علمي دقيق ، وربطوا فيه بين الماضي والحاضر بالطرق الصحيحة .

#### القسم الخالث:

خصص للكلام عن المصطلحات اللغوية المتعلقة بعلم الطب بصورة عامة ، وطب العيون بصورة خاصة . ونجد في هذا القسم عرضاً لطيفاً لأشهر كتب طب العيون التي صدرت في كلية الطب بجامعة دمشق ، والتي قام بتدريسها السادة اسائدة : الدكتور رضا سعيد (١٩٢٠)م . ، الذكتور ممدوح الصباغ (١٩٤٦)م الدكتور عدنان رصا سعيد (١٩٢١)م ، الدكتور أكرم العبري (١٩٧١)م .

- وصدر العدد الثاني من المجلد الأول ، بمناسبة استقبال القرن الخامس عشر للهجرة ، ونجد هيه قائمة بأسماء أشهر الأطباء العرب والمستعربين ، ممن أفردوا في مؤلفاتهم فصولاً كاملة عن أمراص العين . وإلى جانب تلك نجد أسماء أهم المؤلفات التي ظهرت في طب العيدون ، خلال العترة الممتدة بين القرفين التاسع والخامس عشر للميلاد ( الثالث والتاسع الهجري ) ،

ويصم العدد بصورة خاصة مجموعة من اللوحات الجميلة المصوّرة لبعض صفحات مأخوذة من مخطوطات طبية تمينة ، والتي استطاع الدكتور حمارنة ، من خلال زياراته لبعض المكتبات العالمية ، أن يطلع عليها ، ويحصل على صور فوتوغرافية لها .

أما العدد الثالث من المجلّد الأول فقد خصص للكلام على تاريح الطبّ والأطباء،
 بصورة عامة ، وتاريخ أطباء العيون ومؤلّفاتهم ، بصورة خاصة . وقد انفرد الدكتور

الحمارنة نتحريره ، وأهداه الى الاستاد عؤاد سزكين ، مدير معهد تاريخ الطب في مدينة فرانكفورت بألمانيا الغربية .

لقد حاء في مقدّمة هذا الكتاب أنه موجه إلى عامة الناس والمثقفين المهتمين تتاريخ الطب والعلوم ، وليس للمتخصصين في تاريخ طب العبون فحسب ولدلك راعي مؤلفه أن يكتبه بأسلوب علمي مبسط ، بحيث لايحمل ، كما يقول ، وقار الكثب الحامعية ، ولاتزمت كتب التاريخ . لاتثقله الحواشي ولاالهوامش ، ولايصبح فيه القارئ في خضم الاستادات والاقتباسات .

وفي أواخر عام ١٩٨٧ . واحتمالاً بمرور ألف عام ميلادي على ولادة الشيخ الرئيس
 ابن سينسا (١٩٨٠–١٠٣٧) م ، صدر العدد الأول من المجلد الثاني ، وهو يضم الأقسام الأساسية الثلاثة التي يتألّف منها العدد الأول من كل تحاد . أي قسم الأبحث الحديثة ، وقسم أبحاث التراث ، وقسم المصطلحات العلمية في طب العيون .

ونجد في القسم الأول مجموعة من الابحاث القبَّمة في طب العيون العصري منها :

حراحة الساد الشيخي — معالحة ثقوب الشبكتية . والحدقة السيضاء ، والتشخيص التقريقي ... أما في القسم الثاني فتوجد لمحة تاريخية عن حياة ان سيد ومؤلماته في طب العبن . ويضم القسم الأخير تفسير بعض المصطلحات الطبية العربية وما يقابلها باللغة الأجنبية ، إلى جانب رسوم وأسماء بعض الأدوات المستعملة في جراحة العين .

- وقد صدر العدد الثاني من المجلد الثاني ، في عام ١٩٨٤ . وأهدي إلى ذكرى المرحوم الاستاذ الدكتور شوكت الشطعي ، أستاذ تاريخ الطب ، ورائد هدا العمم في القطر العربي السوري . وتجد في هذا العدد لائحة نامة تقريباً بأسماء الأطباء الدين وضعوا كتباً خاصة في طب العيون ، مند القرن الثامن حتى القرن العاشر للميلاد ، مع الإشسارة إلى مؤلفاتهم الموجودة أو المعقودة ، المخطوطة أو المطبوعة . وبجد في هذا العدد أيضاً بعض الصمحات المصورة لمخطوطات ثمينة ونادرة ، تحتل تحاف ختارة لمؤلفات لم تحقق بعد ، وذلك الفتاً للأنظار الباحثين الذين يرومون القيام بالتحقيق والدراسة

أما العدد الثالث من المحلد الثاني ، فقد خصص أيضاً للكلام على تاريخ أطباء العيون العرب ، قام تتحريره الدكتور الحمارنة وأهداه إلى الدكتور ألمبر ركي اسكندر الأستاد في معهد ويلكم لناريخ الطب في لمدل . وتجهد في هذا العدد محة موجرة عن حياة ومؤلفات أشهر الأطباء الكحالين . الذين ظهروا في البلاد العربية بين القرنين الثاني والرابع فلهجرة

وتتابع أسرة التحرير محلة الكحال لشاطها العلمي لإصدار كامل أعداد المحلم الثالث . والتي ينتظر تمام طعها . بأعدادها الثلاب . في نهايه هذا العام

نتسى لهذه المحلة التي تنشط لإحباء الرّاث الطبي الدي تعمل على نشـــــــره على الملاّ اجمع كل تقدم وازدهار

الدكتور محمد زهير البابا أشاذ تاريخ الطب في سهد الداث العلمي العربي

## مختصر ثابت بن قرّة الحرّاني لكتاب جالينوس في المولودين لسبعة الشهر

#### اورسولا قايسر

قال ثابت: دكر حاليوس ما وقع في الكتب المنسوبة إلى أبقراط من الاختلاف في مسدة أرمال حمل الأحنة ، وإن في بعضها ما بدل على أن واضع ذلك الكتاب برى أن لحمل الأحنة مدد عدودة ، أن يكول سبعة أشهر أو تُعاقية أو تسعة أو عشرة على أن كل شهر منها ثلاثون بوماً ، وإن في بعضها مابدل على أن واضعه برى أنه تلا ليس لحمل الأجنة مدد أو أزمال محدودة لايزيد عليها ولا ينقص منها ، ولا الشهور التي تستعمل في دلك إنما هي من الشهور التي يكون كل شهر منها ثلاثين بوماً لكن من الشهور القمرية التي يقص كل واحد منها عن الثلاثين بوماً قريباً من نصف بوم ، وذكر جالينوس يقص كل واحد منها عن الثلاثين بوماً قريباً من نصف بوم ، وذكر جالينوس المذهبين اللذين ذكرنا .

ولما أراد القدماء أن يعرفوا السقط الذي لا يعيش من الأولاد ويفرقوا 
بينه وبين غيره احتاجوا إلى أن أخلوا زمان الحمل الأقل الذي من قصر عنه 
من المولودين كان سقطاً لا يعيش . فذكر جاليتوس أن أقل شيء رأى من 
أزمان حمل المولودين الذين يعيشون من وليد بعد دخول الشهر السابع بمقداو 
ما يجتمع به رمان الحمل كله عنه وأربعة وتمانين يوماً ؛ ولو كان كلما رادت 
ها بحمل على هذا العدد إلى الشهر التاسع وعيره // كان يعيش من وليد 
فيه لا كتفى بهذا الحد إلى ذكرنا إد كان أقل الحدود التي يمكن أن يعيش 
من وليد فيها وكان كلما حاوز دلك تاماً يعيش من وليد فيه ؛ ولكن لما

ملاحظة : كلُّ ماورد في الحواثي هو وارد في الأصل إلا عادكر خلاقه

۱ – قسمة

ې — واضعها .

γ سمال آنه .

قطع في وسط من ذلك الشهر الثامن فصار لايعيش مَن يولد فيه بل هو في عداد السقط احتبح إلى أن يحد آحر أوقات ومدد الشهر السابع التي إذا جاوزها! المولود وقع في حدً ما لا يعيش .

ودكر حاليوس أنه لما تفقد ذلك وعني به كان أقصى ما وحده في هذا الحد من وُلد في متي الهم وأربعة أبام فعاش ، ولو كان أيضاً كل متى وُلد فيما بين هذا الحد أين الله ين دكرنا – أعني فيما بين مئة وأربعة وأعاين يوما وبسين مثني يوم وأربعة أيام – يمكن أن يعيش لاكتفى بهذين احد ين ولكن الأمر لما لم يكن كذلك بل لكل واحد من المولودين أيام معلومة من الشهر السابع إن وُلد فيها استقام أن يعيش ، وإن وُلد في الأيام التي قبلها من الشهر السابع أو في الأيام التي بعدها منه لم يمكن أن يعيش ، احتيج إلى معرفة ذلك في كل واحد من المولودين .

فوضع حاليوس الشروط التي يحتاج إلى اجتماعها فيمن يعيش مسن المولودين في الشهر السابع ؛ فحصلتُ تلك الشروط التي وصف جالينوس وعملتُ من حملتها باباً من الحساب يعرف به من الذي يمكن أن يعيش من المولودين في الشهر السابع ومن الذي لايمكن أن يعيش منهم ، وهو هذا :

باب حساب يعرف به مسن يعيش من المولودين في الشهر السابع ومن لايعيش منهم .

إِذا أردت أن تعرف أمر مولود وُلِد في الشهر السابع ، هل كان مولده و الأيام // منه التي قد يعيش من وُلِد فيها أو في التي لايعيش من وُلِد فيها . وحُلد عدد أيام شهور حمل ذلك الجنبن القمرية التي قد تمت له ، وما مضى من أيام الشهر القمري الذي وُلِد فيه من أوله إلى اليوم الذي فيه وُليد ، وما كان بفي أيصاً من أيام الشهر الأول الذي فيه كان ابتداء الحمل إلى آحير ذلك الشهر القمري ، وكل ذلك على حساب الاجتماع لا على الرؤية ؛ فاجمع دلك : هما بلغ فهو أيام حمل ذلك الجنبي ؛ ثم انظر ، فإن كانت جملتها دلك : هما بلغ فهو أيام حمل ذلك الجنبي ؛ ثم انظر ، فإن كانت جملتها

ا - چارها

۲ - المائتي .

ج – ايانا .

آقل من مثة واثنين وتمانين يوما ونصف وتُمنن يوم بالتفريب فهو سقط لايعيش . وهده الأيام تكون من الشهور القمرية ستة أشهر وخمسة أيام ونصفاً بالتقريب لأنسب لا يعيش ممنن ولد في الشهر السابع من الشهور القمرية إلا من كان قد مضى له بعد تمام ستة أشهر على هذه الشروط الخمسة الأيام والنصف التي ذكرنا أقلسه .

وإن كانت جمعة أيام الحمل التي ذكرنا أكثر من مئة واثبين وثمانين يوماً ونصف وثمن يوم بالتقريب فانظر أيسًا أكثر ، عدد أيام ماكان بقي منذا يوم حمل المولود من الشهر القمريّ الذي كان فيه ابتداء الحمل أو ما مضى من الأيام منذ أوّل الشهر القمريّ الذي عبه وليد المولود إلى اليوم الذي وليد فيه منه ، فزد على أكثرهما مئة واثنين وستيّن يوما ونصف يوم أصلاً أباراً في كلّ جنين ؛ ثم انظر ، فإن كان مايجتمع أكثر من أيام حمل ذلك الجنين التي الأول ؛ من شهور حمل دلك الحبين فحد مانها أو أقل منها فرجع إلى الشهر الأول ؛ من شهور حمل دلك الحبين فحد مانفي من أيامه مند يوم الحمل ما يجتمع أكثر من أيام الحمل أو مثلها فهو من المولودين الذين يعيشون من أبناء ما يجتمع أكثر من أيام الحمل فإن كان ما يجتمع أقل من أيام الحمل فإن الجنين سقط السبعة الأشهر ، وإن كان ما يجتمع أقل من أيام الحمل فإن الجنين سقط لا يعيش إلا أن تكون زيادتها عليه زيادة يجاورا بها الشهر الثامن ويقع على حدود الشهر الناسع أو العاشر فيكون مما يعيش .

فعلى هذا رأيتُ الأمر يدور فيما ذكر جالينوس أنّه امتحنه من أمـــر المولودين لسبعة٧ أشهر ممـّا حكاه عن انقراط في تمام ذلك .

ا باکیا ۔

۲ - تاکس ر

۲ – الذي .

<sup>۽ --</sup> آرل شهر ۽

ه -- التحة .

۲ - بجود ،

٧ - السلة .

### في أسباب هذا الحساب

الأصل فيما دكرنا من أمر المولودين لسعة اأشهر هـو أن للطبيعة في أعماها حركات تجري على أدوار تابعة للحركات السماوية ، وعلى هذا الحلت يجري لأمر في الأمراص فصلاً عن عبرها ، هسلما معما (٤) يعرض في الأمراص من مشاركة المرض للطبيعة في حركاتها ومعارضتها لها محركاته وإرالته لأعسالها مرارآ كثيرة عن مجاريها إلا أن العالب يكون في أكثر الأمر حركات الطبيعة التابعة المحركات السماوية ؛ وإدا كانت الحسركات الطبيعية بفسها لا سبب مرض فهي أحرى أن يلزم ماعليه الحركات السماوية ، وحركاتها في أمر الأجنة لبست حركات مرض ، فهي إذا من هذا الوجه أولى للزوم أدوار الأشياء السماوية وأن تكون تابعة لها ، ومجاضة من الشمس والقمر ، والأمن في كون الأحية مقرون بهما جميعاً حار على حسب حركاتهما

قأسباب ما وصفنا من حساب أيام حمل المولودين لسبعة الشهر مركمة من الأمرين جميعاً لل أعني أمر الشمس وأمر القمر ، فأقل أزمان حمل المولودين السبعة الشهر بحتاج أن يكون قد تم فيه مقدار النصف سنة ، // وذلك أن الإنسان إذا عدل عن الدور التام الذي هو سنة فليس يجد شيئاً أولى بحركة ثبتة وتغير قوي من نصف الدور الذي هو قصف سنة ، وبهذا السبب قلنا : إنّه إن كان أقل من مئة وائين وثمانين يوماً وكسر كان سقطاً الايعيش .

ويحتاج أيصاً من وُليد في الشهر السامع آلاً يجاور مقدار السبعة الأشهر فيقع في الشهر الثامن الدي لا يعيش من وُليد فيه ﴿ وَلَمْ كَانَتَ الْأَشْهِرِ الطبيعيّةُ من القمر وكانت الأشهر التي تكون ثلاثين يوماً ثلاثين يوماً إنّما هي صلح كان الأمر في تمام سبعة أشهر ودخول الشهر الثامن إنّما يجب أن يجري على

را سا کتیمہ ۔

رد حكة أن الأصل.

<sup>445 - 4</sup> 

ع ب لتبعة

ه د للحمة

٦ - ي .

حساب الشهور القمريّة التي يكون الشهران منها تسعة وخمسين يوماً دالتقريب ، لا الشهور التي تكون ثلاثين يوماً ، وبهذا السب إن جاور مثني يوم وستنّة أيام بالتقريب لم يعش لأنه قد وقع في حدود الشهر الثامن

وأيضاً فإن من وليد لسعة أشهر إن كانت أشهره القمرية ثامة على ماوصفنا فقد دكرنا أمرها ؛ وإن لم تكن تامة فإن خمسة منها تكون تامة لا محالة . وأما الشهر الأول والشهر السابع فقد بكونان ناقصين إلا أل لهما حد من النقصان يحتملانه فإذا يجاوراه لم يكن يحتسب بهما كالتامين ، والحد النبي يحتملان معه ذلك هو أن يكون ما يقع من كل واحد منهما في أبام حمل الحنين أكثر من النصف من كل واحد منهما حتى يكون قد مر على الحنين المخبر من النصف من كل واحد منهما حتى يكون قد مر على الحنين منهما ووقتا الاجتماعين منهما ووقتا الامتلائين ، وبصف الشهر في أمر القمر نظير نصف السنة في منهما ووقتا الامتلائين ، وبصف الشهر في أمر القمر نظير نصف السنة في أمر الشمس ، وبهذا السب قانا . إنه تحتاج أن تنظر أيشما أكثر عدداً . مانقي أشهر ونصف ، فإنه إن كان أشهر ونصف قمرية وهو مئة واثبان وستون بوماً ونصف ، فإنه إن كان أشهر كذلك لم يكن قد مر بالجنين من الشهر الأول وقت الاستقبال منه ووقت الأجتماع أو لم يكن قد مر بالجنين من الشهر الأول وقت الاجتماع ووقت الاستقبال ، فودا كان دلك كدلك لم يحتسب ذلك الشهر كالنام فلا يكون الجنين من أبناء فيوا كان دلك كدلك لم يحتسب ذلك الشهر كالنام فلا يكون الجنين من أبناء سبعة أشهر .

فإذا امتحناً ذلك الحساب الذي ذكرنا فعلمنا أنّه قد استوفى الجنين مايحتاج إليه من الشهور السبعة أردما أن معلم بعد دلك هل جاور مقدار مايكتفي به من دلك فوقع في عداد من يحكم فيه محكم من وُلد في الشهر الثامن ، وذلك نعلم بأن نأخذ أيام الشهر الأول الذي من أوّل وقت الحمل إلى آخر الشهر

و ب السعة .

٣ - هكذا في الاصل .

<sup>.</sup> A- - T

 $<sup>1 -</sup> ne^{-k}$ 

الدي قد صح لنا من المحنة المتقدّمة أنّه أكثر من تصفه . فنزيد عليه أيام ستة أشهر تامنة إذ كان هذا أيضاً مايحتاج إليه لتتمنّة سبعة أشهر إد كنا قد أقمنا أيام الشهر الشهر القمرية يكول مئة وستنة وسبعين يوماً ونصفاً! بالتقريب على أن تحعل الشهر السادس منها تسعة وعشرين يوماً لئلا يتم ويدخل في حدود الثامن ؛ وإذ كانت حملة مايجتمع ممنا دكرنا أكثر من عدد أيام حمل الجين فالمولود؟ ممنا قد يعيش ، وإلا فقد صار حكمه حكم من وليد في الشهر الثامن .

ههذه الأساب التي ذكرنا تؤدي إلى معرفة أمر الحساب الذي قد منا ذكره في هذا المختصر .

تمت مقالة ثابت بن قرة

لمقالة جاليتوس في المولودين لسعة أشهر ممَّا ترجمه ثابت بن قرَّة الحرَّاني الفيلسوف

۱ – وتصف

چہ رابولود

that it was ever used for predicting whether or not an infant born within the seventh month will perish. For one thing, the calculating can be done only after birth has already taken place; yet at that time it would be more sensible to wait and see if the baby makes it. Moreover, the application of this method requires knowledge of the exact date of conception, which one not likely possessed very often in those days. But even if this precondition be fulfilled, there remains another weighty objection: Since in the middle ages, physicians did not have sophisticated technical equipment at their disposal, seven-month babies would rarely, if ever, have survived. Therefore, we prefer to classify Thabit's algorithm as a kind of arithmetic exercise, as an attempt to give a more elegant mathematical formulation to those rules that, according to Galen, determine the viability of seven-month children.

conception and of birth are known. This mathematical procedure may be applied even by a person who is not familiar with the complicated theoretical considerations that underly its formulas, all the more so because it contains no more than four constants and is thus easy to remember. One merely has to introduce the relevant data of the particular baby into the appropriate formulas, then compare the results obtained with the actual length of that pregnancy, and finally look up the corresponding conclusions as for the viability of the neonate.

In the concluding past of the Epstome, Thabit gives for the different steps of his algorithm speculative reasons inferred from Galen's account, which yet is less definite on this point. The arithmetic determination of the viability of each individual seven-month child rests on the assumption that measuring gestational length by calendar periods is not only a matter of convenience, but is ultimately due to the fact, that the natural process of gravidity is governed by celestial cycles, in particular by the revolutions of the two great luminaries out and moon, which also define those chronometric units. In other words, major events in the course of pregnancy, above all the event of birth, are supposed to coincide with, or rather be brought about by, special positions of sun and moon in their orbits. For that reason, the months of gravidity have to be established in accordance with the actual motion of the moon.

As human pregnancy fails to take a whole year, which would equal a complete revolution of the sun, its greatest influence will necessarily manifest itself after one half of the solar cycle, which is regarded as an important critical period, too. Therefore, half a year is considered the minimum duration of pregnancy. In analogy to the significance of the semiannual period for human reproduction, half a lugar cycle is likewise thought to define a critical time of prenatal development; of course, that semimonthly crisis produces its effects only with regard to the first and the seventh lunar month of gravidity. In order to be ranked among the viable seven-mouth children, an infant must have experienced at least one half of the month of conception and of the month of birth in his mother's womb. According to this hypothesis, seven-month babies capable of living are always conceived during the first half of a lunation, which is counted as the first mouth of pregnancy, but born in the second half of the seventh lunation, on condition that the whole period of gestation (calculated by days p. c.) does not amount to less than half a year. These are the premises that form the foundation of Thabit's algorithm for testing seven-month babies' chances to survive. He even gives an additional formula which serves to make sure that buth did not take place after the child's entrance into the eight lunar month of intrauterine life, since being born in that mouth would allegedly be fatal without exception.

All things considered, however, it seems to be not unreasonable to doubt that Thabit worked out his mathematical device for practical use, or at least, As to the contents of our treatise and its historical assessment, I present here a short survey only, referring the reader to my study in Sudhoffs Archiv<sup>6</sup>. The doctrine of the viability of seven-month children as opposed to the non-viability of eight-month children, which ultimately goes back to a prescientific helief in the universal power of the number seven, was little disputed in Greek antiquity and almost meanimously accepted by medieval writers in East and West, mainly on the authority of the Hippocratic authors. Thabit's contribution to this subject is based on Galen's treatise De septimestri partu, of which only the latter part has survived in the original Greek<sup>7</sup>, but is preserved completely in an Arabic version by Hunayn ibn Ishâq<sup>3</sup>. Galen's book may be described as a considerably extended commentary on a passage of the Hippocratic treatise "On Eight-Month Children" (Do octimestri partu)<sup>3</sup>, where the minimum length of gestation with live birth is said to be half a year (or 182 days and a fraction), a figure illustrated by a calculation of the day of birth in a fictitious case.

As to Thabit's adaptation of the Galenic treatise, it is not a paraphrase which keeps closely to Galen's train of thought, as might be expected from its title "mukhtasar". Thabit rather selects from Galen's somewhat verbose argumentation the essential facts and treats them largely independently by reformulating and rearranging them according to his own purposes, which are obviously more mathematically than medically oriented. The Epitome is divided into three parts. In his introduction, Thabit mentions briefly Galen's starting point, vis. the difference of opinion on the principles determining gestational length which occurs in the Hippocratic Corpus. Then he cites Galon's empirical data on the interval in the seventh month during which viable children may be born; he found it to range from the 184th to the 204th day post conceptionem. In addition to this rough determination, however, the dates of the particular pregnancy have to be taken into consideration. According to Galen, the newborn is only capable of living, if the individual dates meet certain prerequisites, as explained in the third part of Thabit's adaptation.

In the second and principal part, the calculations put forth by Galen to exemplify those conditions are converted by Thabit into an algorithm, a sequence of arithmetic operations and check rules, by means of which it can be essentially whether or not a child born on whatever day of the seventh mouth of gravidity is fit to be brought up, provided that the exact dates of

<sup>6.</sup> See above, note 3.

The Greek fragment was edited by Hezmann Schöne, "Galence" Schrift über die Siebenmonstekinder", Quell. Stud. Gesch Naturwiss. Med 3 (1933), 328-346.

Edited by Richard Walzer, "Galone Schrift "Über die Siebenmonatskinder", Rivisia dagli studi orientali 15 (1935), 323-357; 16 (1936), 227.

<sup>9.</sup> Hp. Oct 4,8-10. CMG I 2, S. 88-90 Grensem. = VII 436, 2-9 Littré.

#### NOTES AND COMMENTS

# Thābit ibn Qurra's Epitome of Galen's Book on Seven-Month Children

Urania Weisser

The Arabic miscellaneous manuscript Istanbul, Aya Sofya 3631, contains a collection of Galenie works either in translations or in adaptations by Arabic authors, headed by Hunaya ibn Ishaq's famous Risala on the Syriac and Arabic versions of Galen. In the second place, there appears a set of seven compendia written by the renowned Harranian mathematician, astronomer, and physician Thabit ibn Qurra (ca. 221/836-228/901)1, among them (fol, 58 v-61 r) an "Epitome of Galen's Book on Seven-Month Children" (Mukhtusar Thabit ibn Quera li-Kitab Galinus fi l-Mawludin li-sab at athur)1. To supplement my German translation of that treatise, which was published a short time ago along with a detailed discussion of Thabit's version in relation to its Galenic model, I now present the Arabic original, depending on the Aya Sofya codex,4 which until recently has been thought to be unique. Lately, however, I learned from Fuat Sezgia that he had discovered a second copy in the State Public Library of Leningrad/USSR (no. 6rk srab 163), but had not succeeded in obtaining a microfilm of the manuscript. Regrettable though it is that I had to rely on a single source for establishing the Arabic text, yet the Aya Sofya copy apparently represents a rather authentic tradition and does not raise

serious texual problems except in a few instances. It is written in a legible, partly vocalized maskhi script; the discritical marks are frequently omitted.

There compends were first reported by Hellmat Ritter and Rechard Walser, "Arabische Übersetsungen griechtscher Arste in Stambuler Bibliothekea", Sut: Ber Preuß Akad Wiss., Phil.-hist Kl. 26
(1934), 832 See also Fuat Sezgin, Geschichte des arabischen Schrifttuma, vol. 3 (Leiden, Brill, 1970), p. 261 e.

<sup>2.</sup> In Ibn Abi Uşaibi a, "Uyün al-anbā' fī tabaqāt al-afibba', ed August Müller (Lairo, Königsborg, 1882-1884), vol. 1, p. 218, 1. 19 s., it is called "synopsis" (famām"); Ibn al-Qifii, Ta'rikh al-hukamā', ed. Julius Lippart (Leipzig, 1903), p. 118. does not mention the fact that it is an adaptation of a Galenic work.

Urauls Wesser, "Die happokrausche Lehre von den Susbemmonstakundern bei Galen und T\u00e4bit ibn Qurra", Sudhaffe Archiv 63 (1979), 209-238.

<sup>4.</sup> I am much indepted to Professor Fust Seagin for a microfilm of the manuscript.

<sup>5.</sup> For a more detailed description of the codex Aya Solya 3631, see Gotthelf Bergtträßer. Hunain ibn Ishāq: Über die syraschen und arabischen Gulen Übersetzungen. Zum ersten Mal herausgegeben und übersetzt ( = Abhandlungen für die Kunde des Morgenlandes 17,2. Leipzig, 1925), p. i. s., where the munuscript is dated 7th/8th cent. H.

A New Type of Numbers in A Seventeenth Century Manuscript: Al-Yazdi on Numbers of Equal Weight

ALIREZA DJACPARI NAINS

#### Used literatur and indications for its procurament

1 Djenfari Naine, Alfresa:

Geschichte der Zahlensbeoris im Orient im Mittetalter und zu Beginn der Naumit unter besonderer Berücksichtigung presischer Mathematikei, {Britanschweise: 1982}. Verlag Klose & Ca.,

2 Batun Abadi, Muhammad

Sort "ayan al-least (Commentary on "Uyan alhishb"), printed in 17th/18th century. This translation is to be found in the birrary of Parliament of Teheran (Kitābhāna-i Maglis-i Sūrā-i Milli) and it is registered there in the Volume 6 page 107 of the list. At the same library a microfilm of this translation is also available under number 2130.

3 Yazdi, Muhammad Baqur:

"Uyun al-hanh (Spring of arithmetic), printed in 17th century. One copy of this work was taken into the collection of manuscripts of the Central Library of the University of Teheran (Kitābhāna-i Mirkasî Dānisjah) and registered under miraber 464. \* You might guess that further perfect numbers were isolated numbers but that is not right (we took the numbers up to 502 in consideration) as for example

This is valid as well for the pairs of amicable numbers

and

As there is to be seen in the table showing the numbers  $m=0,\ldots,100$ , no number has the weight 2, 5, 52. 88, or 96. From those 101 weights 32 (numbers) are weights of isolated numbers. Furthermore the rest of 64 (numbers) are weights of numbers of equal weight, from which only the 1 is the weight of an infinite set of numbers of equal weight (theorem 1), the other 63 (numbers) weights are a finite set of numbers of equal weight as theorem 4 generally proves. The following is to be stated:

If the set of isolated numbers is finite, the set of numbers of equal weight having a weight of  $\geq 2$  will be infinite. If the set of numbers of equal weight having a weight of  $\geq 2$  is finite the set of isolated numbers will be infinite

After the knowledge of that interesting kind of numbers has been apread here too, some mathematicians will surely be found who will study their properties and perhaps will develop further theories.

We are not able to answer the question yet in what way Yazdi found numbers of equal weight. May be they are the result of a mathematical play or they were born in a field outside mathematics like magic or some sort of that.

About further achievements of that Persian mathematician in the field of theory of numbers like perfect and amicable numbers you may read in my book [1].

o*(a) → m	N <sub>a</sub>	Numbers of equal veight:
76	{48,92,146}	48 69 92 69 146
77	{219,355,1003,1219,1363}	2199355991003991219991363
78	{66 }	31 33 33 33
79	[365,497,737,1037,1121 1457,1517]	365 99 497 99 737 99 1037 99 1121 1457 99 1517
80	{6241}	99.07
81	{147,153,511,871,1159,1591}	147991539551199871991159991591
82	{158}	
83 84	{737,781,1357,1537} {6889}	237 gg <sup>781</sup> gg   357 gg 1537
85	{395,803,923,1139,1403,	395 gg 803 gg 923 gg 1139 gg 1403 gg
1	1643,1729,1783}	1643 99 1739 99 1763
86	{156}	**
В7	{105,249,553,949,1273}	105 9 249 9 553 9 949 9 1273
88	1	33 33 33
69	{171,415,1207,1711,1927}	171 gg 415 gg 1207 gg 1711 gg 1927
90	{78,7921}	78 <sub>99</sub> 7921
91	{581,869,1241,1349,1547,	581gg 869gg 1241gg 1349gg 1541gg
	1769,1829,1961,2021}	1769 0 1829 0 1961 0 2021
9E	{88,178}	88 <sub>66</sub> 178
93	{267,1027,1387,1891}	267 99 1027 99 1387 99 1891
94	[116]	42 A2 A3
95	[445,913,1633,2173]	445gg 913gg 1633gg 2173
96	p .	24 52 23
97	{245,275,623,1079,1343,	245 69 275 99 623 99 1079 99 1343 99
	1679,1943,2183,2279}	1679 55 1943 55 2163 55 2279
98	[9409]	33, 37, 33
99	{1501,2077,2257}	1501 <sub>98</sub> 2077 <sub>99</sub> 2257
100	{124,194}	99 99 124 93 194

'(n) = m	N <sub>DR</sub>	Humbers of equal weight
51	{141,301,481,589}	141 99 301 99 481 99 589
52	#	26 83 93
53	{235,451,667}	235 99 451 99 667
54	{42,2869}	42 99 2809
55	{36,329,473,533,629,713}	3699 329 99 473 99 533 99 629 99 713
56	{106}	33 33 38 38 38
57	(99, 159, 343, 559, 703)	99 99 159 99 343 99 559 99 703
58	<b>[68]</b>	23 38 99 99
59	{265,517,697}	265 <sub>99</sub> 517 <sub>99</sub> 697
60	(3461)	20 92
61	{371,611,731,779,851,899}	3719961199731997799985199899
52	{118,3721 }	118 3 3721
63	{64,177,817}	64 9 177 9 817
64	<del>[56,76,122]</del>	56 <sub>99</sub> 76 <sub>99</sub> 122
65	{117,183,295,583,799,943}	117 99 183 99 295 99 583 99 799 99 943
66	<b>{54}</b>	29 22 93 33
67	{305,413,689,893,989,1073}	30599413996899989399989999107
68	{4489}	20 33 33 31 78
69	{427,1147}	427 <sub>99</sub> 1147
70	{134}	,,
71	{201,649,901,1081,1189}	201 99 549 99 901 99 1081 99 1189
72	{5041}	27 27 33
73	{98,175,335,671,767,	98 <sub>99</sub> 175 <sub>99</sub> 335 <sub>99</sub> 671 <sub>99</sub> 767 <sub>99</sub>
	1007,1247,1271}	1007 99 1247 99 1271
74	{70,142,5329}	70gg 142gg 5329
75	{213,469,793,1333}	213 <sub>99</sub> 469 <sub>99</sub> 793 <sub>99</sub> 1333

135

(n) = =	R_	Numbers of equal weight
26	(46)	
27	(69,133)	69 <sub>99</sub> 135
28*	{28}	**
29	{115,187}	115 <sub>99</sub> 187
30	{841}	1 "
31	{32,125,161,209,221}	32 gg 125 gg 161 gg 209 gg 221
32	{58,961}	58 <sub>69</sub> 961
33	{45,87,247}	45 99 87 99 247
34	<b>{62}</b>	33 22
35	{93,145,253}	9366 14566 253
36	{24}	
37	{155,203,299,323}	155 <del>6</del> 203 <del>6</del> 299 <del>9</del> 323
38	{1369}	
39	{217}	
40	{44,74,81}	44 0 74 0 81
41	{63,111,319,391}	63991119931999391
42	{30,1681}	30991681
43	{50,185,341,377,437}	50 gg 185 gg 341 gg 377 gg 437
44	{82,1849}	82 <sub>99</sub> 1849
45	{123,259,403}	123gg <sup>259</sup> gg <sup>403</sup>
46	<b>{52,86</b> }	52 <sub>99</sub> 86
47	{129,205,493}	1299920599493
48	{2209}	
49	[75,215,287,407,527,551]	75 99 215 99 287 99 407 99 527 99 551
50	[40,94]	409994

0	(n) =	100	Munhars of equal weight
	0	{t}	
	1	P = {2,3,5,7,}	299 99 99
	2	9	
	3	[4]	
	il	{9}	
	5	p	
	- 6	{6,25}	69325
	7	(8)	
	8	{10,49}	109949
	9	{15}	
	10	{14}	
	11	{21}	
	12	{121}	
	13	{27,35}	27 <sub>99</sub> 35
	10	(22,169)	22 <sub>99</sub> 169
	15	[16,33]	169933
1	18	{12,26}	12 <sub>99</sub> 26
	17	{39,55}	399959
	18	{289}	
	19	{65,77}	65 <sub>99</sub> 77
	20	{34,361}	3499361
	21	{18,51,91}	18 99 51 99 91
	22	{20,38}	209938
	23	{57,85}	57 <sub>99</sub> 85
	24	{529}	22
	25	[95,119,143]	95gg119gg143

twins. We want to show the first two succeeding numbers of equal weight here too;

1: 
$$\frac{6}{25} = \frac{2}{5^2}$$
 (6) 2:  $\frac{10}{49} = \frac{2}{7^2}$  (8)

#### Rule No. 3 says:

You can find numbers of equal weight from a pair of numbers

$$a = 2^{n}p_{1}$$
  $n = 2, 3, ...$   
 $b = 2p_{2}$  if the condition  
 $p_{2} - (2^{n} - 1)p_{1} = 2^{2}(2^{n-1} - 1)$  is satisfied

For example

1: 
$$\frac{12}{26} = \frac{2^2}{2} \cdot \frac{3}{13}$$
 (16) 2:  $\frac{20}{38} = \frac{2^2}{2} \cdot \frac{5}{12}$  (22)

The following table shows the values of

$$\sigma'(n) = m$$
 for  $m = 0$  to  $m = 100$  an.

Now we have to study the formation-rule for numbers of equal weight. There are different rules applicable for finding of numbers of equal weight but the most interesting ones are the rules No. 1 and 2 described by me as follows. Rule No. 1 is an extension of Yāzdi's rule. (His condition  $p_1 + p_2 = 2^n$  can be omitted.)

Rule No. 1 says:

From a pair of numbers of the form

$$a = p_1 p_2 (p_1 < p_2)$$
  
 $b = q_1 q_2 (q_1 < q_2)$ 

you can find numbers of equal weight if the condition  $p_1 + p_2 = q_1 + q_2$  is satisfied.

After that the first two successive numbers can be established. The sum of their proper divisors (their weight) is added in parathesis.

Yazdi's condition taken into consideration 87~247 as the second pair of numbers of equal weight would follow first said.

My rule differs from Yāzdi's in the fact that, if you use it, you can produce much more numbers of equal weight in finite sequence. Of course it can be extended to numbers of any given factorisation into prime factors, generally said:

$$\mathbf{a} = \mathbf{p}_1 \ \mathbf{p}_2 \dots \mathbf{p}_t$$

$$\mathbf{b} \approx \mathbf{q}_1 \ \mathbf{q}_2 \dots \mathbf{q}_s ... \mathbf{q}_s ... \mathbf{q}_s$$

So the pair of numbers

$$\mathbf{a} = \mathbf{p}_1 \; \mathbf{p}_2 \; \mathbf{p}_3$$

will be of equal weight with

if the condition

 $p_1 p_2 + p_1 p_3 + p_2 p_3 + p_1 + p_2 + p_3 = q_1 q_2 + q_1 q_3 + q_2 q_3 + q_1 + q_2 + q_3$  is natisfied.

Example: 170 = 2 . 5 . 17 182 = 2 . 7 . 13 (154) 302 = 2 . 151

Rule No. 2 derives from prime twins.

It says:

If p, q are successive primes with a distance q - p = 2 then you will find  $q^2 \frac{\sim}{gg} 2p$  because the condition  $\sigma'(q^2) = \sigma'(2p) = 3 + p$  is satisfied. This theorem is also valid inversely, i. e. if the condition  $q^2 \frac{\sim}{gg} 2p$  is satisfied p,q will be prime

The first result is  $m \equiv 0$  (2),  $N_m$  includes max  $\frac{m}{2} - 1$ 

add numbers and they all are square numbers ( $N_m$  may include even numbers as well).

Ib. 
$$m \equiv 1 \ (2) \ ; \ n \equiv 0 \ (2) \Longrightarrow \prod_{k=1}^{n} (1 + p_k + \dots + p_k + p_k) \equiv 1 \ (2)$$

$$p_1 = 2 \; ; \; p_k \equiv 1 \; (2) \implies \prod_{k=\pm 2}^k (a_k + 1) \equiv 1 \; (2) \Longrightarrow \alpha_k + 1 \equiv 1 \; (2)$$

$$\Rightarrow \alpha_k \equiv 0$$
 (2).

The second result is  $m \equiv 1 \, (2)$ ,  $n \equiv 0 \, (2)$ , any even  $n \in \mathbb{N}_m$  either an even square number or the double of a square number.

II. 
$$m + n \equiv 0 (2) \implies m \equiv n (2)$$

$$\Pi_{a} \quad m \equiv n \equiv 1 \, (2) \implies \prod_{k=1}^{k} (1 + p_{k} + \ldots + p_{k}^{\alpha_{k}}) \equiv 0 \, (2)$$

$$p_k \equiv I(2) \Longrightarrow \prod_{k=1}^k (\alpha_k + 1) \equiv \emptyset(2) \Longrightarrow \text{at least a } \alpha_k \text{ add } n \neq \square$$

The third result is  $m \equiv n \equiv 1 \ (2) \implies n \neq \square$ .

IIb. 
$$m \equiv n \equiv 0 (2) \Rightarrow \prod_{k=1}^{k} (1+p_k + \ldots + p_k)^{\alpha_k} \equiv 0 (2)$$

$$p_1 \sim 2 \; ; \; p_k = 1 \; (2) \Longrightarrow \prod_{k=2}^{k} \; (a_k + 1) \equiv 0 \; (2) \; .$$

The fourth result is  $m \approx n \approx 0$  (2)  $\Rightarrow 2^{\alpha^{-1}}$  or  $n \neq \square$ Summing up we can write:

$$n \subset N_m$$
;  $n \equiv 1 (2) \Longrightarrow \begin{cases} n \equiv 0 (2) \Longrightarrow n = \square \\ m \equiv 1 (2) \Longrightarrow n \neq \square \end{cases}$ 

Proof: First the following evaluation shall be taken:

$$\begin{split} N_m &= \{n; \ \sigma'(n) = m > 1 \ ; \ m \ (fixed) \} \\ N_m &\subset \{4, 5, 6, \dots, (m-1)^2 \} / \left\{ \begin{array}{l} p < (m-1)^2 \\ p^2 < (m-1)^2 \end{array} \right\} \\ p & n \ ; \ \sigma(n) = m \implies m \ge 1 + \frac{n}{p} \\ \sigma r & p \ (m-1) \ge n \ ; \ for \ from \ p < m-1 \ follows \\ \sigma'(p^2) &= 1 + p < m \ ; \ from \ p = m-1 \ follows \end{split}$$

$$\sigma'(p) = p + 1 = m$$
; from  $p \ge m$  follows  $\sigma'(m) \ge 1 + p > m$ .

It be 
$$\sigma'\left(n\right)=\Sigma\ 1\cdot\sigma'\left(n\right)+n=\sigma\left(n\right); N_{m}=\left\{\ \sigma\left(n\right)-m+n\ \right\}.$$
 
$$d\mid n$$

Further more be

$$n=p_1\stackrel{\alpha_1}{=}p_2\stackrel{\alpha_2}{=}\dots p_k\stackrel{\alpha_k}{=}:p_i< p_2<\dots < p_k \text{ primes and}$$
 so  $i=1,\dots,n$  so  $i=1,\dots,n$ 

there is then

d < n

$$\prod_{k=1}^{k} \left(1 + p_k + p_k^2 + \ldots + p_k^{\alpha_k}\right) \quad m + \prod_{k=1}^{k} p_k^{\alpha_k}.$$

The following distinction of cases can be established:

I. 
$$m + n = 1 (2)$$

In. 
$$m = 0(2)$$
;  $n = 1(2) \Rightarrow \prod_{k=1}^{k} (1 + p_k + ... + p_k^{\alpha_k}) \Rightarrow 1(2)$ 

$$p_k \equiv 1 (2) \Longrightarrow \prod_{k=1}^k (a_k + 1) \equiv 1 (2) \Longrightarrow \alpha_k \div 1 \equiv 1 (2)$$

$$\Rightarrow \alpha_k \equiv 0 (2) \Rightarrow n$$
  $\Box$  square number

$$N_m \subseteq \{3^1, 5^2, 7^2, \dots, (2k+1)^2\}; 2k+1 \le m-1 \implies k \le \frac{m}{2}-1$$
.

In this day's written form

$$2^n\,=\,p_1\,+\,p_2\,\Longrightarrow\,p_1$$
 ,  $p_2\,=\,a$ 

It he

of equal weight

$$2^n = q_1 + q_2 \Longrightarrow q_1 \cdot q_2 \Rightarrow b$$

$$\sigma'\left(a\right) = \sigma\left(a\right) - a = \left(p_1 + 1\right)\left(p_2 + 1\right) - p_1 \cdot p_2 = p_1 + p_2 + 1 = 2^n + 1$$

$$\sigma'(b) = \sigma(b) - b = (q_1 + 1)(q_2 + 1) - q_1 q_2 = q_1 + q_2 + 1 = 2^n + 1$$
  
 $\Rightarrow \sigma'(a) = \sigma'(b) = 2^n + 1$ 

To this the example by Yazdi: for n = 4

$$2^4 = 16 = 3 + 13 \Rightarrow a = 3 \cdot 13 = 39$$

It be

$$2^4 = 16 = 5 + 11 \implies b = 5 \cdot 11 = 55$$

$$\sigma'(a) = (3+1)(13+1) - 39 = 17 = \sigma'(b) - (5+1)(11+1) - 55 = 17 = 2^6 + 1$$

I add as another example: for n = 5

$$2^{5} = 32 = 29 + 3 \Rightarrow a = 3 \cdot 29 = 87$$

It be

$$2^5 = 32 = 19 + 13 \Rightarrow b = 19 \cdot 13 = 247$$

$$\sigma$$
 (a)  $\approx (3+1)(29+1) - 87 = 33 = 2^5 + 1$ 

$$\sigma'(b) = (19+1)(13+1) - 247 = 33 = 2^5 + 1$$

The next pair of numbers is therefore 87 and 247.

Yazdi did not answer the question in his manuscript if there existed another method besides the described one leading to finding of those numbers. This is remarqued by Hātūn Ābādi. In a marginal note (Copy 2) he adds a smaller pair of numbers, 12 and 26, the sums of divisors of which are of equal weight (16) as well. However Hātūn Ābādi does not describe the method he used to find those numbers.

As far as I know, no one except Muhammad Băqır Yazdi and his translator bas studied those numbers.

Here is following the theory I have established for those numbers. See also [1, pp. 63-72].

Definition 1: If a, b  $\in \mathbb{N}$ ;  $\sigma$  (a) — a =  $\sigma$  (b) – b, then a, b will be called "of equal weight": =  $a_{eg}^{\sim}b$ .

The following theorems can be derived from the definition of numbers of equal weight:

Theorem 1:  $p, q \in P \Rightarrow p_{gg}^{\sim}q$ 

Proof: 
$$\sigma(p) - p = 1 = \sigma(q) - q$$

From theorem I can be directly concluded

Theorem 2:  $a = q \in P$ ,  $b \in N$ ;  $a \in B \Leftrightarrow b = q \in P$ 

The relation "gg" is reflexive, symmetrical and transitive.

Theorem 3: Assumption:  $a \neq b$ ;  $a, b \notin P$   $a_{gg}^{\sim}b$ 

$$\sigma \in \mathbb{N}$$
 :  $c > 1$ ;  $(e, ab) = 1$ 

Assertion:  $ac_{gg}^{\sim}bc$  ( $_{gg}^{\sim}$  mesns, that  $_{gg}^{\sim}$  not is valid.)

Proof : Indirect: assume ac be :

$$\sigma (ec) - ac = \sigma (bc) - bc \tag{1}$$

$$\sigma(a) - a = \sigma(b) - b \tag{2}$$

From (1) follows:  $\sigma$  (a)  $\sigma$  (c)  $\sim$  ac =  $\sigma$  (b)  $\sigma$  (c)  $\sim$  bc

or 
$$\sigma$$
 (a)  $\frac{\sigma(c)}{c} - a = \sigma(b) \frac{\sigma(c)}{c} - b$ . (3)

From (2) follows:  $\sigma(b) = \sigma(a) + b - a$ , (4)

(4) set in (3):

$$\sigma(a) \frac{\sigma(c)}{c} - a - (\sigma(a) + b - a) \frac{\sigma(c)}{c} - b$$

b ≠ a

or 
$$b = a = \frac{\sigma(c)}{c}(b - a)$$

results in  $\frac{\sigma(c)}{c} = 1 \Longrightarrow c \Longrightarrow 1$  contradiction.

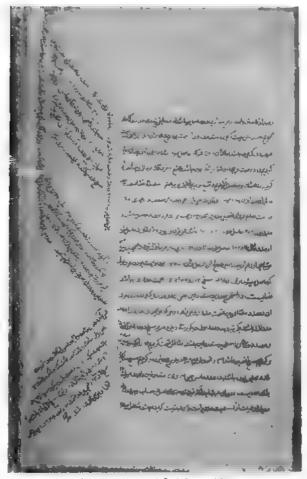
Definition 2: a ∈ N , a will be called "isolated number" or "I-number", if for every b ∈ N , b ≠ a is valid a b.

For the number of 'numbers of equal weight' with equal weights is valid

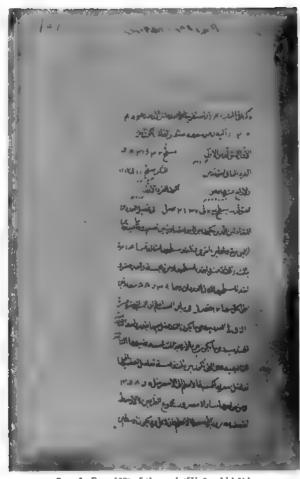
Theorem 4: It be  $N_m = \{n, \sigma'(n) = m (fixed) \}$ .

So  $N_m$  is either the empty set  $\mathbb Q$  or  $N_m$  is an element of a set  $= \{n_i\}$ , i. e.  $n_i$  is an "isolated number" or  $N_m = N_1$  is the set P of all primes or  $N_m$  is a finite set for m>1 and there is to be applied

$$N_m$$
 (  $\leq (m-1)^2 + 1 - \pi ((m-1)^2) - \pi (m-2)$  with  $\pi (x) = \sum_{p \leq x} 1$ ;  $p \in P$ .



Copy 2: Page 298 of 'Sarh 'uyûn al-ḥuāb' by Ḥātūu Ābādi



Copy 1: Page 102° of the work 'Clyûn al-hisāb' by Muhammad Bāqæ Yazdı

## A New Type of Numbers in A Seventeenth Century Manuscript: Al-Yazdi on Numbers of Equal Weight

ALIREZA DJASFARI NAINIS

TO THE GROUP OF PERFECT and amicable numbers there is to be added a new kind of numbers, that is 'the numbers of equal weight'.'

I discovered those numbers first when I studied the work "Uyūn al-ḥisāb" (Spring of Arithmetic) [3] by Muḥammad Bāqir Yazdi, a Mushim mathematician (died by 1637).

We don't know much about the life of this scientist. But we know that he lived during the rule of Shah 'Abbās I (1587-1628) and Shah Şafi (1628-1642) both of them rulers of the dynasty of Şefewiden. His most important work is the mentioned manuscript "Uyûn al-ḥisāb', leter translated from Arabic into Persian by Muḥammad Bāqir al-Husaini al-Ḥātūn\*\* Ābādī in his work 'Sarḥ 'uyūn al-ḥisāb' [2] where he also gave occasional comments by marginal notes. Yazdi dedicated a proper chapter of his work to numbers of equal weight titled (Copy 1) "A chapter about finding two numbers of equal weight the divisors of them (sum) are equal." Otherwise explicated the definition is as follows:

Two natural numbers a and b will be called 'of equal weight' if the sums of their proper divisors are equal, or o' (a) = o'(b).

Muhammad Bāqir Yazdi indicates the following formation-rule:

"We decompose any even number", once additively into two primes and another time into two other primes and take the product of either of them. Example: We decompose 16 once into 3 and 13 and take their product, and another time we decompose 16 into 5 and 11 and take their product. The two numbers, that is 39 and 55, are of equal weight, the sum of the divisors of each is 17."

\*\* The transliteration follows the JHAS' system with some slight modifications:

$$z = \check{g}$$
,  $z = b$ ,  $\dot{z} = b$ .

The word 'of equal weight' was translated from the Arabic word عشادل (symbol: gg from the German expression for 'of equal weight', 'glerchgewichtig').

The author is a leaturer in mathematics and its history at the National University of Iran (Shahid Beheshti University).

<sup>2.</sup> There is probably meant 'power of 2' since Yazdi respectively started from the sequence 2' in the preceding chapters of his work (perfect, abundant and deficient, smicable numbers) and in the following example (16=2') as well. If the power of 2 is not a condition the first rule (see blelow) will be valuable.

# The Arabic Text رسالة أبي إسحق الصابي إلى أبي سهل الكوهي وجوابها

5.6.29

سم الله الرحم الرحيم ونه أستعين . رسالة أبي إسحق الصابي إلى أبي سهل الكرهي . كتابي , أطال الله بقاء سيدي الشيخ الفاضل . يوم الأحد الثامن من صعر عن سلامة أحمَّد الله عليها وأسأله له مثلها . وكان كتاب سيدي الشيخ وصل إليَّ مند مدة بعيدة بالتفقد المشكور والمر الذي جرت به عادته . وأجبت عنه جوابا سألت فيه أشياء مارلت متوقعًا لها . فلم يكن منه في ذلك شيء إلى هذه الغاية ، وأوحشني بعد العهد بالمكاتبة وانقطاع تلك المادّة المشكورة فكتبت هدا الكتاب متعرفا خبره أطابه الله ، ومتنجرا تلك الأشباء . فمنها أنه ، أيده الله ، ذكر لي في الكتاب الوارد منه استخراجه مركز ثقل قطعة من دائرة . وأنه وجد البرهان على أن نسبة القطر إلى امحيط كنسبة عدد إلى عدد وعير ذلك ممسا خرج له . ورغبت إليه ، لا أخلى الله العلم وأهله منه ، في إتحافي بجميع ما استخرحه ، خاصة أن نسبة القطر إلى المحيط كنسبة عدد إلى عدد . فإنه شيء تتطلع نفسي جدا إلى معرفته واستعادته . وأذكرته ماكان عقده ني على نفسه النفيسة من إتمام كتابه في مراكر الأثقال وإهداء نسخة منه إلي والأشكال الباقية من المقالة الثانية من كتاب أىلونيوس في قطع النسة المحدودة وأنا أعيد وأكرر السؤال في جميع دلك وأن بتفضل . أبده الله، علَّي به إما مجتمعاً وإما متعرقاً على ما ننشط له مع دكر أخداره وأحواله، ومجاري أموره وعوارض حاجاته وهل له رأي في العود إلى مدينة السلم لنتقوّت الأمل ونتعلل نالمُننى . فقد علم الله شوقي إلى رؤيته واستيحاشي لمفارقته (†D197) وسيدي الشيخ ولي ما رآه، ويتمصل به في ذلك إن شاء الله انسخة اجواب من الشيح أبي سهل الكوهي . وصل كتاب سيدي الشيخ الفاضل وفهمته وسكنت إلى سلامته وحمدت الله عليها . والذي ذكر من كتاب مراكز الأثقال ووجود مركز قطعة من الدائرة ونسبة القطر إلى المحيط كنسة عدد إلى عدد ونقية أشكال النسبة المحدودة لأنلونيوس قد فهمته رأماً نظري مفردا في بثمية أشكال النسة المحدودة فعندي أنه لا يجيء منه ماذريد ولايتم (C 210r) إلا معه وبمعونته ونظره كمسا كانت في الأشكال التي حصلت معه وبمعونته . وتذكرت

شيئاً آخر وهو أنه في ابتداء المقالة الثانية من هدا الكتاب ثلثة أشكال أو أربعة مدّورة ، وأظن أنها من حنس تلك الأشكال التي استخرحها وانتدأ بها ، وهو النظر المفرد له في أوتار القسى من ندائرة كمسا نظر أبلوبيوس في الحط المستقيم في النسبة المحدودة ، فلهذا السبب لاند لي من الاحتماع معه وتطره ومعونته في إتمام هذه (١١٥٥) الأشكال . وأرجو أن يكون الاحتماع قريبا إن شاء الله ﴿ وَإِنْ أَرَادُ الشَّيْخُ ذَلِكُ قَبِلِ الاجتماعِ فَلَا بَدُ لَهُ منه ولابد لي من تلك الأشكال التي عنده وليس عندي لأنظر فيها لأي نسبة قسمها وطريقتها كيف كاب لاشتعالي نأشكال مراكز الأثقال . وأما مراكز الأثقال ففي منها شيء يسبر حتى يتم ستة مقالات متوالية ، أربعة منها الَّتي عملتها هاهنا بالنصرة واثنين هماك ببعداد وتعمل تعد ذلك إن شاء الله مقالة تكون فيها مسائل في مراكز الأثقال . فتكون أحسن المقالات وأكبرها . ونتمع لهذه المقالة مقالات في أحوال مراكز الأُثْقَال ثَلثَة وأربعة جــام . سيالة وغير ("197 Œ) سيالة . ونعد هذه كلها أول هذه المَفَلات إن شاء الله . أما في الأربع مقالات التي عملتها هاهنا طولنا فيه أشياء عحيبة يدل كله على نطم أفعال الناري عز وحل ، مثل الأشياء التي في الكرة والأسطوالة لأرشميدس أليس كن نتعجب من اتفاق وقوع الكرة ثلثي الأسطوانة على ما وصف وبرهن عليه . ومن المحسم المكافي أنه نصمها كمَّا لرهن عليه ثابت بن قرة ، ومن المخروط أنه تلئها كمـــا بينوا القدماء ذلك ؟ فقد وحدنا في أمور مراكز الأثقال نطما أعجب من ذلك ، ومنها أنه إذا أدريا نصف دائرة الله مركزها `د ، مع القطع المكافي الذي سهمه خط ب د ، ومع مثلث اب ع المسقيم الخطوط حسول خط ب د القائم على خط اح . حتى بحدث من إدارة نصف الدائرة نصف كرة . ومن القطع المكافي مجسم المكافي . ومن المثلث مخروط . فيكون المخروط مجسما للمثلث كالمحسم المكافي لقطع المكافي . وتصف الكرة لتصف الدائرة . فوجدنا أمر هذه الأشياء في مراكز الأُثْقَال أعجب نظما من أمر ذلك في المساحة . أما مراكز أثقال هذه المحسمات فمركز تقل محسم المثلث أعني المحروط ، يقع على (C 210°) نسة الواحد إلى أربعة س القطر ، والمحسم المكافي على نسة الأثنين إلى ستة : والكرة على نسة الثلثة إلى ثمنية . والمسطحات . أما مركز ثقل المثلث على نسبة الواحد إلى ثلثة والقطع المكافي على نسة الاثنين إلى خمسة. والنصف الدائرة على نسبة الثلثة إلى السعة . وهدا مثال ذلك .(D 198r) مركز ثقل المثلث على واحد من ثلث ١ من ٣ والقطع المكافي على اثنين من خمسة ٢ من ٥

ونصف الدائرة على ثلثة من سبعة ٣ من ٧ والمخروط على واحد من أربعة ١ من ٤ والمجسم المكافي على اثنين من ستة ٢ من ٣ ونصف الكرة على ثلثة من ثمنية ٣ من ٨

(I I30°) هذا هو النظم الطبيعي الذي وجددًا فيه مراكز الأثقان وتعجمنا من وقوع هذا الترتيب . وبعد دنك شكل واحد هو مقدمة لوجود مركز ثقل قطعة من الدائرة : وله مقدمات أيضًا . وهو أنه إذا كان قطعتان من الدائرتين اللتبي مركرهما واحد وبسة نصف القطر من احديهما إلى نصف قطر الأخرى يكون نسة ثلثة إلى اثنين وهما متشابهان . هإن مركز ثقل قوس أصغرهما ومركز ثقل سطح أكبرهما يكون واحداً . مثال دلك . إن نقطة لَم مركز دائرتي آب ح د وخط مَآب د مستقيم ، ونسبة خط حَمَّ إلى خط ما كنسبة ثلثة إلى اثنين ومركز ثقل قوس آل نقطة رُ ، فنقطة ر هي مركز ثقل سطح حَ هـ د القطاع أيضاً . وبرهنت على دلك في المقالة التي أعلنتها أول شكل منها إليه في الكتاب الدى كتبت قبل ذلك ، وفي تلك المفالة شكل آحر أبصاً وهو البرهان على أن تسبة كل قوس إلى وترها في الدائرة كنسبة نصف قطر تلك الدائرة إلى الحط الذي يكون فيما بين مركز الدائرة ومركز ثقل القوس . وهو شكل حس غريب لأن ذلك (\*D 198) الحط المستقيم أبدًا هو مساو لقوس مــــ محيط الدائرة . وهذا عجب لم يذكر - مثال ذلك . إن قوس آها من محيط الدائرة التي مركزها ع ونصف قطرها عه ومركز ثقل قوس ا هاب نقطة د ، أقول إن نسبة قوس ا هاب إلى وثرها ، وهو ا ب ، تكون أبدا كنسة تصف قطر الدائرة ، وهو هج . إلى خط ح د . وهو عيما بين مركز الدائرة ومركز ثقل قوس ( ه. ). وهو نقطة د . وبرهنت أناحط حـ د المستقيم يكون أبدا مساويا لحظ مقوس من محيط الدائرة وهده كلها من جملة أشكال كتاب مراكز الأثقال وأما نسبة القطر إلى المحيط كنسبة عدد إلى عدد ليست منها . ولكن لما حصلت لنا (°C 211) هذه العلوم من مراكز الأثقال نظرنا في حال القطر مع المحيط وفرصنا نصف دائرة السُّم من الدائرة التي مركزها د وخط د ب عمود على قطر اج ونقطه ه مركز ثقل قوس ا ب ح . وعلمنا أن نسبة قوس آب ح إلى خط آج ، وهو وترها ، كنسبة نصف قطر الدائرة ، أعنى خط ب د ، إلى خط دَهَ لأنا قد برهنا دلك في كل قطعة مس الدائرة فكيف في نصف الدائرة . وجعلنا نسبة خط در إلى خط دَب كنسبة حط در إلى خط دَب كنسبة ثلثة إلى اثنين وتخط على مركز دّ وببعد (131 ) در دائرة حرط ، حتى يكون 100

نقطة لم مركز ثقل سطح نصف دائرة حزط أيضاً كما قلنا . فلأن نسبة خط ب و إلى خط د ه كنسة قوس ابّ ع إلى خط اج وكنسة نصف (1997 D) قوس ا س ح ، أُعْنِي قوس بَ عَ - إِنْ نَصْفَ حَطَ احِ ، لأَنْ نَقَطَةً وَ مَرَكُزُ الدَّائِرَةُ . فنسة قوس عَ مَ إلى خط ما د كنسة خط ما د إلى خط د ه . فضرب قوس بّ ج في خط د ه مساو عربع خط ت د . وأيصا لأن نسة خط ر د إلى خط دَّ كنسة ثلثة إلى اثنين فنسة مربع خط رَدَ إلى مربع خط دَبُ كنسبة تسعة إلى أربعة ﴿ ومربع بَ دَ مَسَاوَ لَصُرُفُ قوس بَآجَ في خط ده فنسة مربع رَدَ إلى ضرب قوس تَآجَ في خط دَهَ كنسة تسعة إن أربعة ونسبة ضرب قوس سرح في خط دَم إلى صرب قوس سرج في خط رد هي كنسبة أربعــة إلى تسعة وثلث لأنهما كسبة ثلثة إلى سعة . فبالمسآواة يكون نسبة مربع خط ر د إلى ضرب قوس ت في خط رَ د كنسة تسعة إلى تسعة وثلث . ونسبة ضرب قوس بَ ج في حظ ر د إلى ضرب قوس ر ط في حط ز د كنسبة قوس بُ ح إلى قوس رَ ط الآن خط زَ د ارتماع مشـــــــرك لهما . ونسة قوس بـــــــــ إلى قوس زَ طَ كنسبة خط بُ د إلى خط دَر لأن قَوسي بُ ج زَ طَ متشابهان و دَ مركز الدائرة . ونسبة خط بَ وَ إِلَى خَطَ دَرَ كَسُمِةِ اثْنِينَ إِلَى ثُلْثَةً فَنَسَةً ضَرِبٍ قُومَنَ بَ جَ فِي خَطَ زَ وَ إِلَى قوس زَ طَ في خط دَر كنسبة اثنين إلى ثلثة ، التي هـــي كنسبة تسعة وثلث إلى أربعة عشر . وبالمساواة أيضا يكون نسبة مربع خط ر د إلى ضرب خط ر د في قوس ز ط كنسة خط ر د إلى قوس ز ط ، فنسبة خط در إلى قوس رَ طَ كنسبة تسعة إلى (°D 199) أربعة عشر . ونسبة صعف قوس ز ط ، أعني قوس ح ز ط ، إلى ضعف د ز ، أعني إلى خط ح ط ، كنسبة (C 2117) تسعة إلى أربعة عشر . وخط ح ط قطر الدائرة وقوس ح رَكَمْ قَطْرُ الْدَائِسِرَةُ وقُوسَ حَرَكُمْ نَصِفَ مُحْيِطُهَا فَنَسِةُ الْقَطْرُ إِلَى الْحُيْطُ كُلَّهُ كُنْسِبَةً تُسعة إلى ثمنية وعشرين . وهي كنسة عدد إلى عدد فحصل المحبط ثلثة أمثال القطر وتسع ، فلما حصل لنا ذلك نظرنا في رسالة أرشميدس الَّني يقول فيها إن محيط الدائرة أقل من ثلثة أمثال قطرها وعشرة أجزاء مـــن سبعين جزءاً ، أعني السبع . وهذا موافق لقولنا غـــير مناقصي له لأن التسع أقل مـــن الـــع لا محالة ولكن قال فيها أيصاً إنه أعظم مـــن ثلثة أمثال وعشرة أجراء من واحد وسبعين جزءًا . وهذا ليس عوافق : إلا أن يقول واحد وتسعين جزءا بدلا مسن واحد وسبعين ، حتى يكون موافقا ، وليس عليما أكثر من ذلك . ولا طننا بواحد مسن القدماء إلا جميلاً حساً ، فكيف بأرشميدس وهو (1317) الإمام في ذلك . وإن نشط الشيخ أن ينظر في برهان هذه 10%

الأشكال الَّتي قلت إنها مقدمات لحــدا الشكل قبل احتماعي معه يكتب بمـــا بريد مسها لأفرده من المقالة مسمع مقدماتها وأثفذه إليه - وأفتخر بنطره فيه غاية الفخر ، والله يعدم أَنْ أَكْثَرُ نَظْرِي فِي ذَلِكَ تَقُرُنا مَنِي إليه . وعلى مقدار مطالعته إياي ورضاه مني يكون نشاطي في ذلك وإن لم تتقرب بذلك إليه في عصرنا هذا فإلى من نتقرب . وإن لم نفتخر بسه فبمنَن نفتخر ؟ ومنَن في رماننا هذا لسما ولأصحابنا الناطرين في هدا العلم غيره ومَن يعلم مقدار هذا العلم سواه ٢ والله يطيل نقاءه ويديم تعماه ولا أحلاتي منه عمله ورحمته . (D 200°) رسالة الصاني إلى أبي سهل الكوهي يسأله البظر في شكوك عرصت له فيما استخرجه .كتابي . أطال الله بقاء الشيخ ﴿ عَنْ سَلَامَةُ وَالْحَمَدُ لَلَّهُ رَبِّ الْعَلْمَينِ وكان كتاب الشيح وصل منذ مدة مشتملا على الشكل الذي عمله في وجود خط مستقيم مساو لمحيط داثرة ووجود مطح مستقيم الخطوط مساو لسطح دائرة ، فحمل عنده موقفه . واستحسنت الطريق التي سلكها إلا أنِّي شككت في المقدمة التي استعملها مسلمة ، من أن نسة الأسطوانة المدورة إلى الأسطوانة المربعة معلومة . وأوجب عن ذلك أن نسة قاعدها ، وهي دائرة ، إلى قاعدتها ، وهي مربعة ، معلومة - ولعمري إن يسمة الأسطوانة إلى الاسطوالة كنسبة القاعدة إلى القاعدة إذا تساوى الارتفاعات . ولكن يكون ذلك في أسطوانتين مسن جنس واحد ، أعني أن تكونا مدورتين أو مربعتين . فإن مدورة ومربعة ليس يعلم (C 212) النسبه بينهما ، فإن كان عند الشيخ في هدا برهال قسد تقدم أو أصل قد عمل عليه تفضل عليّي وأفادنيه ﴿ فَإِنِّي مَعْلَقَ ٱلْقُلْبُ بِهِدَا الْأَمْرِ جِدَا إِذْ كَانَ ، أَيْدُهُ اللَّهُ ، يَعْلُمُ أَنْ قَدْمَاءُ الْمُهْنَدُسِينَ مَضُوا وَقِي قَلُوسِهِمْ حَسْرَةً مَن وجودُ مَا وجده وغير منكر ، ومع فضله وعلو طبقته أن يحد ما لم يجدوا . وبعلق قلبي أيضا ععرفة الأشباء التي استخرجها في مراكز الأثقال . ولا شك في أنه عجية . لأنَّ هذا العمم ، أعني مراكر الأثقال ، لم يقع إلينا فيه كتاب كامل ولا عمل شاف لأحد مــــــ المتقدمين ولا مسن المحدثين . وهو عندي بمنزلة الصناعة المفردة التي يحتاج أن يعمل لهــــا كتاب أصول ولكن هو ذا أحب أن أقف على ما استخرجه ("D 200") أولًا أولًا ومقالة ("132 أ بعد مقالة ومرثبة بعد مرتبة ، حتى تحصل لي معرفة الأصول التي بني عليها فلا يبقى في نفسي موضع شك كمسا عرض لي في أمر السنة بين الأسطوانة المدورة والأسطوانة المربعة . والشيخ ولي التمضل بذلك ، واسعا في المقالة الأولى ثم الثانية ثم الثالثة . أولا أولا إلى آخر الكتاب . وهكرت في المقلمة المستعملة في مراكر الأثقال ، أن يسبة الثقل إلى الثقل كنسبة البعد إلى البعد على التكافي، فوجدً المحتاجة إلى شرط وتحديد بحسب الوضع 1 · V

والشكل لأنها إن استعملت مطلقة عرض فيها مع الإطلاق ما يفسدها - مثال دلك . إما تصحح سطحي آب ح د ج د مر متساويين قائمي الزوايا و ١ ب أعظم من آه و الج مثل ح ہ وصلع کے د مشتر لئا بینهما ومرکز ٹقل سطح ا ب ج د نقطة ح ومرکز ثقب فإنا نصل بين نقطتي تح ط مخط مستقم . وهو حظ ط تح ، ونقسمه ننصفين فتقع القسمة عبي تقطة ك التي هـــي على نصف خط ح د وتكول نقطة ك هي مركز الثقل لمحموع السطحين ، ودلك لأن في نسبة المساواة تكون قسمة المسافة بين المركزين على فصفها والمكاهاة وغير المكافاة واحد . فإذا أقررنا سطح الساح د على وصعه وأزلنا اسطح ج دهار عــــن وصعه وجعلناه في موضع سطح لـمرنس على أن يكون خط لآن مثل خط حَــد وخط (D 2011) لَ م مثل خط حَ ه وخط لَ لاَ مثل خط اله م ونقطة ع مركز ثقل سطح ل مردس طلبنا مركز ثقـــل مجموع سطحي ا ب ح د ل م ر س . فواجب أن تمـــد خط ح لدُه الله نقطة ع . ("C 212") نم نقسم خط ج ع منصفين على نقطة ف فتكون نقطة ف مركز ثقل مجموعهما على ماتوجبه المقدمه . وقد كانت نقطة ك مركز ثقل مجموعهما فقد اختلف المركزان مع اختلاف الوضعين مـــن حيث لم يتغير الثقلان عن حالهما في التساوي . قإن نحن أوحمنا أن يكوں مركز ثقلهما النقطة الاولى ، وهي نقطة ك . فـقطة لة ليست على نصف مسافة ح ع ، وفي ذلك نقص للمقدمة . وإن أوحسا أن يكون مركز ثقل مجموع سطحي ا س ح د ل م َن س نقطــة ف . التي هي نصف مــافـــة ح ، ثم تصورنا أبا حملنا على نقطة في علاقة ورفعنا بها مجموع السطحين . لم يجز أن يواريا مصطح الأفق ، بل يكون ابحانب الذي يلي خط آب أرجح مسن الجانب الذي يبي حط يَسْ . والأشكال والأوضاع تختلف أختلافا كثيرًا . فكيف السيل إلى التحرر مـــن ذلك وهل يجور استعمال هذه المقامة على الإطلاق معما يعرض فيها من هذا الاختلاف يتفصل نتعريمي ما عبده في ذلك إن شاء الله . (T 132Y) وورد علمي من خبره في مصيره إلى واسط فانست أنسا شديدا وحدثت نفسي أنه يصير إلى بعداد فأسعد برؤيته ولقائه والاستفادة منه ومفاوضته هذه الاشياء وعيرها شفاها , قلما ورد العسكر المنصور سألت عنه أبا شحاع شهربار بن سرخان فعرفني رحوعه إلى البصرة وشرح لي مـــن أحواله وأحوال القاضي أني علي ربناس بن برناس (201°D) ماسكنت إليه ، إلا أن الوحشة لتأخر الاجتماع وتعذره مقيمة على حالها . والله يحرسهما في القرب والمعد برحمته . ولمـــا انتهبت من كتابي إلى هذا الموضع وصل كتابه مـــن جهة أبي المفضل

الأنصري وفهمته وسكنت إلى مادل عليه من سلاءته وحمدت الله عليها وسألته إدامتها والريادة فيها . وتصفحت مادكر أنه استخرحه مسن وجود مركز ثقل المئلث ومجسمه ، وهو المخروط . ووحود مركز القطع المكافي ومجسمه . ووحود مركز نصف الدائرة ومجسمها . وهو نصف الكرة - وأعجبت به جداً جداً وعمـــا ظهر فيه مـــــ الأمر اللَّذِي كَأَنَّهُ طَيْعِي فِي لَزُومِ دَلِكُ النَّوالِي وَالنَّرْتِيبُ الَّذِي شُرْحَهُ وَبَيْنَهُ , وتصاعف اغتباطي بالموهبة الحبينة فيه . فوالله ما رأى مثل نفسه ولا نظمع في أن ترى مثنه وعزير عشي أن لا يوفيه الزمان وأهله حقه . ومـــى لي بأن يحمعي وإياه للد واحد في البقية مــــى عمري فأشعل رماني به وبالاستعادة منه ﴾ ثم وقفت على الحملة الَّتي دكرها في وجود مركز ثقل (C 213°) قطعة من دائرة وفي البرهان على أن نسبة كل قوس إلى وثرها كنسبة نصف قطر الدائرة التي هو فيها إلى الخط الذي بين مركز الدائرة ومركر تقل ثلك القوس ووحود النسبة بين قطر الدائرة وبين محيطها ، وأمها كسبة عدد إلى عدد . أعلى نسبة تسعة إلى تمنة وعشرين . وهذا عجيب جدا وأعجب منه الحلاف ببنه وبين ما أُورده أرشمبدس . وقد دكر أن لِحميع ذلك أصولاً ومقدمات قد سا عليها , وبهذا السبب يتصاعف تعلق قلبي إلى أن أعرفها على تواليها وسياقتها حتى بحصل لي ما حصل له مـس اليقين وزوال الشكوك واعتراص الخصوم . (D 202<sup>r</sup>) وأرجـــو أن يتفضل ويسعفني بدلك أولاً أولاً فيتم به بفصله ويتكامل لي الهائدة منه فإنه ـ أيده الله ـ يعلم أن هده الأشياء جليلة عطيمة الخطر . وإذا سمع المهندسون بهـــا تحيروا وتشوقوا إلى معرفتها على حقائقها وليس بحصل الثقة به إلا مـــع سلامة المقدمات مـــــ الشكوك والاعتراضات . فبهدا السبب سألته أن ينفذها التي على سياقتها مــس مبادئها إلى أواخرها . وعرصت لي . أيده الله الشيح . مسئة تنقسم إلى وحوه . خرج له بعصها ونعصها م يحرج وقد أثنتُها ليتأملها وبعرفني كيف السبل إلى استخراج باقي الوحوه ويفيدني ما عنده في ذلك . ﴿ أَعَدَمُنِي اللَّهُ نَقَاءُهُ وَالْاسْتِعَادَةُ مِنْهُ . دَائْرَةً بِ حَ مَعْرُوضَةً وخط ﴿ آ مماس لها على تَ وحط بَرَحَ و قطرها ونقطة له مركزها ، ونريد أن بجد خطا بماسها وينتهي إلى خطى اب ت د كخط ا ر د حتى يكون نسة (١١٦٥٠) ارّ إلى رّ د كنسبة ما معلومة . تحليله ، لأن نسبة ، ر إلى رَّد معلومة يكون على التركيب نسبة ، د إلى درَّ معلومة هي كنسبة ضرب ٦٦ في در إلى مربع ر د . فنسة ضرب ١ د في در إلى مربع ر د معلومة , ويصل زَلَمَ فيكون زاوية زَلَ قائمة وكدلك راوية بُ قائمة ، فنقط ا زَلَمَ بَ على عيط دائرة . فضرب بَ لَ فِي دَهُ مثل ضرب اد في دَرَّ ، فنسية ضرب بِ لَ في دَهُ 1 . 9

إلى مربع راد معلومة . ومربع زار مثل ضرب بآد في دَح فنسة ضرب ب د في دَه إلى ضرب ـــ د في دح معلومة . وهي كنسة ده إلى دح ("D 202") لأن ـــ د ارتفاع مشترك . فعلى التفصيل نسة هـ إلى حـ د معلومة . و هـ معلوم لأنه نصف القطر فخط ح د معلوم . ("C 213) فنقطة د معلومة فوضع خط د ز ا معلوم . ووجـــه آخر ألا يكون خط ب د قطرا للدائرة . بل يكون وترا فيها ، بحيط مع خط آل المماس بزاوية معلومة وهي راوية 🌙 د . وبريد أن تكون نسبة آر إلى ر د كنسبة معلومة فعلى التحليل نسبة ال إلى ﴿ د معلومة يكون إذا ركننا نسبة دًّا إلى أرَّ معلومة . و أزَّ مثل 🖵 لأنهما مماسان ، فيسنة د ا إلى الله معلومة - وراوية الله د معلومة فعثلث الله 🗔 معلوم الصورة . عزاوية د معلومة . ونخرج من ح خط حَ طَ على راوية مساوية لزاوية 🕟 . فيكون وضع خط ج ط معلوما . وتخرج مسن مركز له عموداً على خط ط ح ، وهو هـ ح ، فيكون معلوم الوضم . وينتهي إلى نقطة ز فنقطة رّ معلومسة . وهسدًا البرهان أعم لأنه يقوم بالوجهين حميعا . ووجه ثالث ألا يكون حط الله عاساً للدائرة ، بل مفارقاً لهسما ، ويكون خط ب د إما مارا بالمركز أو غير مار به ، الا أنه يحيط مع خط آب يزاوية معلومة ، وهي راوية ت: كيف تحد الخط المماس وهو ١ ز د ، على النسة للعلومة . ووجه رابع أن يكون خط ١ ب مقاطعاً للدائرة وخط ب د إما ماراً بالمركز أو غير مار يــه ؛ الا أنه يحيط مع حط ١ ــ بزاوية معلومة ، وهي زاوية ب : كيف نجاء الخط المماس، وهو خط، رد، عبي النسة المعلومة . يتفضل بإرشادي إلى استخراج هذين (D 203 ا الوحهين ، فقد تعذرا عليَّي إن شاء الله . تمت الرسالة والحمد لله رب العلَّمين . (133°) جواب أبي سهل الكوهي عن كتاب أبي إسحق الصابي . وصل كتاب سيدي الشيخ الفاضل جُوابًا عن كتابيٌّ . احدهما الذي كان فيه أول شكل من احدى مقالات مراكز الأثقال ، ودكر الأسطونتين والدائرة والمربع ، والآخر الذي كان فيه ذكر وجود خواص أمور مراكز لأثقال ووصف الطريق إلى وحود نسبة القطر إلى المحيط . وسروت أولا لمسا دل من حير سلامته وحمدت الله عليها وسألته إدامتها والزيادة فيها . وكان قد كتب فبه أنه شك في المقدمة التي استعملتها أنا مسلمة في أن نسبة الأسطوانة اللمورة إلى الأسطوانة المربعة معلومة ، وأوحب عـــن ذلك أن نسبة قاعدتها ، وهي داثرة ، إلى قاعدتها ، وهي مربعة ، معلومة . وقال لعمري إن نسبة الأسطوانة إلى الأسطوانة كنسبة الفاعدة إلى القاعدة إذا تساوى (C 214r) الارتفاعان ، ولكن يكون ذلك في الأسطوانتين مــــ جنس واحد ، أعني أن تكونا مدورتين أو مربعثين . فأما مدورة ومربعة فليس يعلم النسبة بينهما وعهمت ذلك ووقفت عليه وعلمت أن الشك فى موضعه أحسن من اليقين في غير موضعه . ورجعت إلى دلك الشكل الدي كتبته إلى الشيخ ونظرت فيه ولم يكن فيه ذكر المعلوم البتة على وجه مـــن الوجوه . وما قلت فيه إن س الأسطوانة المدورة وبين الأسطوانة المربعة نسبة معلومة ، ولا بين الدائرة والمربعة . ولم أقل شيئًا ليس بي حاجة إليه . وأنا مستغن عـــن ذكر فيه ، مع أني لو قلته لكان جائزاً عند أصحابنا. لأنا نقول لمقدار ما إنه معلوم إدا أمكن أن تجدّ مساويا له وللمقدارين (D 203°) إن نسبة أحدهما إلى الآخر معلومة إذا كنا نقدر أن تحد مقدارين على نسبتهما . خطين كانا أو سطحين ، وإن كنا لاتعلم أن احدهما أعظم أو أصعر أو مساو للآحر ، إذ لسنا مريد بهذا الوجه من المعلوم كمية شيء ، ولا بالنسة المعلومة كمية مقدار أحدهما من الآخر ، كما يريد بالسبة المعلومة أصحاب الجير والمقابلة في العدد والحساب والمنجمون في الأوثار والحيوب كمية أحدهما مـــن الآخر - والنسبة التي يزعمون بين الدائرة والمربع أتها ليست بمعلومة أو معلومة يريدون بالمعلوم مــن وجه الكم فقط . لأنهم يزعمون أنه لاتقع بين الدائرة وبين المربع مساواة ولا نسبة لأنهما ليسا من حنس واحد نزعمهم . ويدا قلنًا لهم لم َ لا يجور أن تكُون بينهما بسة كما كانت بين السطح الكري وبين السطح الأسطوائي وبين السطح المخروطي وبين السطح المستوي نسبة المثل وعيرها ، كما برهن أرشميدس دلك في كتاب الكرة والأسطوانة ، والمباينة بين هذه السطوح أكبر لا محالة من المباينة بين السطحين المستويين أحدهما مربع والآخر دائرة . وإن كان مع هذا ليس المربع من جنس الدائرة بزعمكم فواجب أن لايكون واحد من هذه السطوح الى ذكرناها من جنس الآخر ، ولا تقع بينها مناسة . ومع هذا (134 ]) بينهما مناسبة ومساواة ، وقد برهن أرشميدس فلك ، فلم لا يجور أنَّ يكون بين الدائرة وبين المربع مثل ذلك مع أنهما ليسا من جنس واحد بزعمكم ، ونريد نحن بالنسة المعلومة نسبة الكم . فلا يريدون في قولهم على أنه ليس بينهما نسبة لأنهما ليسا من جنس واحد ، ولو كانت لوجدت كأنهم لم يقفوا على كلامنا ، أو يشكون في برهان أرشميدس أو يقع لهم أن كل نسبة تكون بين المقدارين (D 204° ; C 214° ) توجد . وإن يقع لهم ذلك فهيهات . فظاهر نبَّن أنهم يريدون بقولهم نسة المربع إلى الداثرة إنها ليست بمعلومة نسبة الكم ، لانسبة الوجود كسا قلنا . وأما نسبة الوجود على الوجه الدي نستعملها عن كيف ليست بمعلومة سي الدائرة وبين المربع وكل واحد منهما معلوم ؟ وإذا كان مقداران معلومان فإن نسبة أحدهما إلى الآخر معلومة عندنا ، كما يرهن اقليدس 111

على ذلك في الشكل الأول من كتاب المعطيات . وكيف ليست بمعمومة ونقدر أن نجد دائرة مساويه لدائرة ومربعا مساويا لمربع ، حتى إدا بدلما تكون تسبة الدائرة إلى المربع كسسة الدائره الَّتي وحدثاها إلى المربع اللَّذي وحدياه . وكل مقدارين يوجد مقداران على نستهم ، فيسنة أحدهما إلى الآخر تكون معلومة ، كمسا ذكر اقليدس ذلك أيصاً . وهذا الوحد من المعنوم ليس من وجه الكم فلهذا وتر درجة واحدة ، أعني جزءا واحدا مَنْ لْلَمُمَالَةُ وَسَتَمِنَ جَزِّماً مَسَنَ الدَّائرَةُ مَعَلُومَ عَنْدُ مَنْ يَقْسُمُ الزَّاوِيَةُ نَثَلِثُةً أَقْسَامُ مُتَسَاوِيَةً ع لأنه يحده وكل مايقدر أن يجده معلوم عندنا . وذلك الوتر بعيته ليس معنوم عند نظلميوس والمنجمين . لأنهم يريدون بالمعلوم كمية من القطر - فإذا وحدثًا شبئًا وأحدًا بعينه معلومًا عند قوم عبي وحه . وعبر معلوم عبد آخرين نوحه آخر . فقد علمنا أن المعلوم مسن وحهين ، وكذلك لسبة المعلومة . وأبين من هدا أنه لو كان خط مستقيم ، مفروض عليه نقطة ما كيف وقعت . فيسنة كل واحد من القسمين إلى الآخر معلومة عندلًا ، لأن كل واحد منهما معنوم . وإن لم ندر أن أحدهما من الآخر هل هو أعظم أو أصغر أو مساو . وليس مثل هذا عندهم بمعلوم ، لأسهم يريدون بالمعلوم كمية الشيء ، وبالنسبة (D 204') المعلومة كمية أحدهما من الآخر كمسا قلنا . فإدا كان الأمر كذلك فميسّ أنه لو قلت إن سبة الأسطوانة المدورة إلى الأسطوانة المربعة معلومة بهذا الوجه ، أو نسبة الدائرة إلى المربع معمومة لكان جائرًا . ولكنِّي تجنت دلك القول حتى لاتقع شسهة ولا إشكال مـــن جهة المعلوم الدي لـــه وجهان . كأني فطنت لما يخطر بــال قوم من هدا . وما استعملت دلك لأنه لم يكن ني حاجة إلى استعماله في البرهان الذي يقوم على الحط المستقيم أنه يكون مساوياً للحط المقوس . وسطح الدائرة لسطح المربع . وإدا كان الأمر كذلك مينبغي أن بتفضل الشيخ وينظر في ذلك الشكل دفعة أخرى ويتأمله أكثر ، لأني أتعجب مـــن قوم يرعمون أن سطح الدائرة (C 215r) لايجوز أن يكون مــاويا لسطح الربع ولا بينهما نسة ، ويقولون لأن محيط (١٦٤٠) الدائرة مقوس ، وليس هو مـــن جنس محيط المربع . وخاصة عمن يعرف أمور الأشكال الهندسية لأن محيط الفطع المكافي أمعد مسن خط مستقيم مسمن محيط الدائرة منه لانطباق أجزاء محيط الدائرة مضها على نعص . وليس محيط القطع المكافي شيء من دلك . وهذا الحال زيادة في مباينة محيط القطع المكافي مع الحط المستقيم مـــن محيط الدائرة معه . فبالأولى أن لايكون القطع المكافي مسنن حنس المربع عنده فلا يكونان متساويين ، ومع هذا وجدنا قطعا مكافيا مساويا لمربع ببرهان حقيقي ـ أولا من ذكر أرشميدس في صدر كتاب الكرة

والأسطوانة بأنه كان وجده ، وبعد دلك ببرهان ثابت بن قرة وبرهان ابراهيم بن سنان وبرهان أبي سعد بن سهل وغيرهم مــــن أصحاب التعاليم ، الذبن اعتمادهم على البراهين الحقيقية . وليس الحلاف في هذا بين القوم الدين يعرفون أمور الأشكال الهندسية ولهذا قلت (£205 D) أعجب عمن يعرف أمور الأشكال الهندسية . وأما ممن لايعرف شيئا من ذلك فايس نعجب ، ولكن تعجبي مس حكمهم على الأشياء لللاف ما بدل عليه البرهال الهندسي ، لأني رأيت منهم قوماً يحكمون على أشكال أرشميدس وأشكال أبلونيوس وعلى ماينتح منهما بغير معرفة منهم بتلك الأشكال . وأما قولي إن نسبة الأسطوانة المدورة إلى الأسطوانة المربعة هي كنسة القاعدة إلى القاعدة إذا كان ارتفاعهما سوا . وإنما قلت هذا بلا شرح لأن هذًّا كان عندي أظهر مسن أن يحتاج إلى شرح . وبرهان ذالك أن ما أردنا بكل صنف من الأسطوانة ليس إلا مجـــم يكون مــن ضرب قاعدها في ارتفاعها ، فنهذا لو كان شكلان مسطحان مستويان ، بأي صورة كانا ، وإن لم تكن نسبة أحدهما إلى الآخر معلومة على وجه من الوجوه ، إذا جعلنا لهما خطا ما مستقيما ارتفاعا مشتركا ، كما نجعل ذلك بين الحطين دائمًا تكون ثسبة ضرب أحدهما في ذلك الحط ، أعني إحدى الأسطوانتين إلى ضرب الشكل الآخر في ذلك الحط بعينه ، أُعني الأسطوانة الأخرى ، كتسبه أحد الشكلين إلى الآخر فلا تراعي قاعدتهما بأي شكُلُّ كانا بعد أن يكونا مستويين كسا لانراعي قاعدتي سطحين متوازيي الأضلاع إذا كان ارتفاعهما سوا حال نسبتهما ، أمجهولتين كانا أم معلومتين كانا أم أصمين أم أحدهما أصم والآخر منطق أو كان (C 235 ) أبعد من دلك بعد أن يكونا مستقيمين كمسا كانا دلك مستويين . والشيخ ، كمسا لايشك في ذلك في أخذ الارتفاع المشترك بين الخطين المستقيمين بأنه صحيح كانت حال النسبة بينهما مجهولة أو مبهمة أو معلومة ، فينبغي أن لا يشك في أخد الارتفاع المشرك بين السطحين المستويين . إذا كان (D 205\*) أحدهما دائرة والآخر مربعا بأنه صحيح ، لأن حال النسبة بينهما ليست أكبر مسن أن تكون مجهولة أو مبهمة وإن شك في هذا فليشك في ذلك ، لأنه لا فرق بينهما من هذا الوجه ، أو يرجع إلى كتاب أقليدس ويـظر في برهانه الدي قام على أن نسبة الأسطوانتين المدورتين إحداهما إلى الأخرى كنسبة القاعدة إلى القاعدة . وكذلك نسة الأسطوانتين المربعتين هل ذلك البرهان يقوم على الأسطوانتين إذا كانت إحداهما مدورة والأخرى مربعة أم لا . ولو نظر (١١٦٥٠) الشيخ في ذلك وتأمله لوجد الأمر كمـــا قلته لأن برهان اقليدس في ذلك يرجع إلى أخذ الاضعاف الأول والثالث المتساوي المرات مسع 111

الثاني والرابع . وهو كبرهانه في السطوح المتوارية الأضلاع والمثلثات على أن نسة بعضها إلى بعص كنسة قاعدة بعضها إلى بعض على النسق . لأن اقليدس يقول إن نسة الأسطوانة إلى الأسطوانة مؤلفة مسن نسبة القاعدة إلى القاعدة ومن نسبة الارتفاع إلى الارتفاع مطلقا وإدا كانت نسة الارتفاع إلى الارتفاع نسة المثل فإذا ألقينا ثلك السبة بقيت نسبة الأسطوانة إلى الأسطوانة كنسة القاعدة إلى القاعدة بأي شكل كانتا ، دائرتين أو مربعتين أو إحداهما دائرة والأخرى مربعة أو غير ذلك مـــن الأشكال . فإن قال الشيح إن الأمر ليس كذلك لأنسه لو كان كمسا نقوله لذكر اقليدس ذلك في كتابه مشروحا ، فإذا لم يقل اقليدس مسن دلك شيئا علمنا أن الأمر على خلاف ذلك . فنقول في حواب ذلك إن اقليدس ربما حلف شرح مثل هذا لاستغنائه عنه في مقصده ، وال ساغ ذلك في البرهان كالشكل الأول مسن المقالة العاشرة الذي برهن فيه على أنه إذا فصل من أعظم المقدارين أكبر مسى تصفه ومن الناقي أكبر من تصفه ومن الباقي أكبر مسى نصفه (D 206r) ومعسل دلك دائمًا فإنه سينتهي إلى مقدار أقسل من المقدار الأصغر ﴿ وَهَذَا البِّرَهَانَ نَعِينُهُ يَسُوعُ فِي أَنَّهُ لَوَ فَصَلَّى مَسَنَّ أَعْظُمُ الْمُقَدَّارِينَ نَصْفَهُ وَمَن الباقي نصعه وكذلك دائما أنه ينتهي إلى مقدار أقل مـــ المقدار الأصعر ولم يذكر دلك لاستغنائه عنه في مقصده ، والشيخ يعلم ذلك . فإن قال بعد ذلك دع هدا كله وهات البرهال على أن نسبة الأسطوانة المدورة (C 216r) إلى الأسطوانة المربعة كسبة القاعدة إلى القاعدة فأقول سمعا وطاعة . البرهان على دلك أنه إن لم تكن نسبة الأسطوانة المربعة الِّي قاعدتُها مربع ، وراتفاعها حط ب إلى الأسطوانة المدورة الِّي قاعدتُها دائرة حُ وارتفاعها خط 🗀 بعينه كسنة مربع 🛭 إلى دائرة ج فلتكن بسبة الأسطوانة المربعة إلى الأسطوانة المدورة كنسبة مربع ١ إلى سطح آخر ، ولتكن دّ . وسطح د أعظم أو أصغر مـــن دائرۃ 🗦 ، ولیکن اُولاؔ اُصغر من دائرۃ کے ، اِن اُمکن ذلك . فیقع فی دائرۃ ح شكل كثير الأصلاع متساويها أعظم مسن سطح لل كثير الأصلاع متساويها أعظم مسن سطح لل كسا برهن أوشميدس ذلك . وليكن شكل هزّ عطك . فنسة مربع أ إلى سطح دّ أعظم من نسبته إلى شكل هز عطك لأن سطح دّ أصغر من الشكل الذي في دائرة ج ونسة مربع ا إلى شكل هز ح ط ك هي كنسبة الأسطوانة التي قاعدتها مربع ١ وارتفاعها خط ت إلى الأسطوانة التي قاعدتها شكل مرزّح طآك وارتفاعها خط ب لأن قاعدتهما مستقيمتا (D 206') الحطوط ولا خلاف فيه لأن اقليدس برهن دلك . فنسبة مربع ١ إلى سطح د ، التي هي كنسبة الأسطونة الِّي قاعدتُها مربع ؛ وارتفاعها 🖵 إلى الأسطوانة الَّتي قاعدتها دائرة ج وارتفاعها 🖵 . أعظم مسن نسبة الأسطوانة التي قاعدتها مربع ١ وارتفاعها خط ب إلى الأسطوانة الَّتِي قَاعِدتُهَا الشَّكُلُ الذي في الدَّائرة وارتفاعها بِّ فالأسطوانة الَّتِي قاعدتُها الشَّكُلُ اللَّذي في تلك الدائرة وارتماعها حط بّ أعظم مـــن الأسطوانة التي قاعدتها دائرة ح وارتفاعها 🗍 وهذا محال لايمكن لأن الكل لا يكون أصعر مسن الجزء وإن كان سطح د أعظم مسن دائرة ح فيقع الشكل الكثير الأضلاع (١٦٥٢) على الدائرة أصغر ممن سطح دَ ، كمسا برهن أرشميدس وبهذا التدبير يقع أن الأسطوانة التي قاعدتها دائرة حَ وَارْتَفَاعِهَا خَطَ بَ أَعْظُمُ مَسَنَ الْأَسْطُوانَةَ الَّتِي قَاعَدُمُهَا الشَّكُلُ الذِّي عَلَى الدَّائرة وارتفاعها ب . وهذا محال لايمكن أيصا ، لأن الجرء لايكون أعطم من الكل . فإذا كانت نسبة الأسطوانة المربعة إلى الأسطوانة المدورة ليست كنسبة قاعدتها إلى سطح أعظم أو أصغر من الدائرة التي هي قاعدة الأسطوانة الأخرى فهي كنسبة المربع إلى الدائرة . فنسبة الأسطوانة التي قاعدتها مربع إلى الأسطوانة التي قاعدتها دائرة كنسبة المربع إلى الدائرة إذا كان ارتفاعهما سوا وذلك ما أردنا أن نسين . (°C 216) وبعد ذَلَكُ ذَكَرَ سَيْدِي الشَّيْخِ أَنَّهُ فَكُرِّ فِي المُقَدَّمَةُ المُستَعْمِلَةُ فِي مُرَاكِرُ الْأَثْقَالَ فِي أَنْ نَسَبَةَ الثَّقَلّ إلى الثقل كنسبة البعد إلى البعد على المكافاة . وأنه وجدها محتاجة إلى شرط وتحديد محسب الوضع والشكل لأبهما إن استعملت مطلقة عرضها مع الاطلاق ما يصدها . وعمل في مثال دلك سطحاً متوازي الأضلاع قوقفت عليه وعلى مراده . ولعمري (D 207) ين نسبة الثقل إلى الثقل كنسبة البعد إلى البعد على المكافاة كانت مقدمة للأوائل وكانت كواحدة مـــن العلوم الصرورية عندهم وعند الذين ينطرون في علم مراكز الأثقال كأرشميدس واقليدس وعيرهما مسى أصحاب التعاليم حيى انتهى إلى ثابت بن قرة وإلى رماننا هذا . ولم يشكُّوا فيها ، ولسنا ندري هل كانت صحة ذلك عـدهم بالتجربة ومأخوذة مـــن الحس ، كمـــا ظن أنو سعد العلا بن سهلي ذلك ، أو كان عليها برهان . ولكن كان قد درس مع طول الزمان ، كمـــا طن قوم آحروں . فالمقدمة التي على هذا الوصف وعلى هذه الرتبة عندهم ثم قد قام عليها الآن البرهان كيف يجور أن تُصدها التجربة . كما ظن سيدي الشبح دلك في أمر سطحي ا ب ح د لهم ن س المتوازبي الأضلاع المتساويين ، كما رسمه . وقال إنه إذا وجب من هذه المقدمة أن مركز ثقل سطحي آتَج د لَمْ نَ سَ حَمِيعًا في داخل سطح لَمْ نَ سَ ، كَنْقَطَة ف ، ولو جَعَلْنَا عَلَى نَقَطَة ف عَلَاقة ورفعنا بها مجموع السطحين لم يقف موازيا لسطح الأفق ، ولكن يرجع إلى جهة آب . وظن ذلك لأن السطح الذي من حهة آب رآه أنه أكبر من السطح الذي من جهة مَن . 110

ويقع له لأحل ذلك أن الذي توحبه المقلمة بأن يكون السطح مواريا للأفق ولايرجع إلى حدى الجهتين فيكون خلاف ماترحه التجربة . ولعمري (١٦٥٣) إنه لو كانت التجرية توافق الص لكانب المقدمة فاسدة ولكانت تحتاج إلى شرط وتحديد . ولكن ليس الأمر كذلك ، ("D 207) لأنه لو جعل ذلك على غاية الاستقصاء وجرب على حسب الطاقة لوجد التجربة موافقة لهذه المقدمة ومخالفة للطن الذي وقع له أن السطح من موضع العلاقة إلى حانب آل يبعي أن يرجع . ودليل على ذلك . مركز ثقل مثلث ال المتساوي الأضلاع الذي لاشك أنه وسطه ، وليكن دّ ، و مَ في الموضع الذي تكون نسبة خط رَّد إلى خط رَّآ كنسة واحد إلى اثنين وهذا بين . فإذا ركبنا تكون نسبة خط آله إلى آلا كنسبة ثلثة إلى اثنين . فنسبة مربع خط (£217) هـَا إلى مربع خط آلا كنسة تسعة إلى أربعة . ولكن نسة مربع هـ آ إلى مربع آ د كنسبة مثلث ا س ح إلى مثلث ا ز ح إدا كان خط زح موازيا لخط ب ح ، لأن مثلي أبج ازَّ عيكونان متشابهين . فنسة مثلث ا سرح إلى مثلث ا زح هي كنسبة تسعة إلى أربعة وإدا فصلنا تكون نسبة منحرف زبج ح إلى مثلث از ح كنسبة حممة إلى أربعة فليس هما بمتساويين . بل سطح زبج َّ المنحرف أكبر . ومع هذا مركز ثقل مجموعهما دّ وهو موضع العلاقة لا محالة لأن مثلث ابج هو متساوي الأضلاع . ولو ظن ظان أنه إذا كان موضع العلاقة على نقطة 3 يرجع إلى جهة ب ح لأن السطح الذي مسن جهة ت ج أكبر . أعنى المنحرف ، لكان ظمَّا غلطاً . وذلك ما أردنا أن نبين . وأبين من ذلك أنه لو تأمل متأمل خشة على رأسها حديد كالطرزين مثلا ، وهو واقف موازيا للأفق ، فعلاقة مايرى أن مـــن جهة الحديد . ربما يكون قريب رطل ، ومن جهة أخرى دون أوقية . يعلم أن التجربة تكون مخالفة للظن ، (D 208°) ولا يقع له في أشياء أخر أن موضع العلاقة إلى جهة الأكبر يجب أن يكون أرجح . ويتيقن أنَّ التجربة في الرؤية تكون موافقة للمقدمة دون الظن . فإذا كان الأمر كذلك فقد صح أن تلك المقدمة التي يستعملها القسلماء في مراكز الأثقال ليس تحتاج إلى شرط وتحديد بحسب الوضع لأن كل ثقلين أبدا بأي وضع كانا فتكول نسة الثقل إلى الثقل مكافيًا مع نسبة البعد إلى البعد في مراكز الأثقال الثبثة ، أعنى مركز ثقل مجموعهما ومركز ثقل كل واحد منهما , ومع استغنائه عسن الشرط والتحديد فليس بمستغن عن الشرح قلبلا، وقد شرحت في مراكز الأنقال وبرهست عليه , وأما إشارته (136٪) قىلما وينظرون في هذا العلم ، فجائز . وإن كان يريد أنَّها مسلمة لنا ، فلا ، لأنا برهنا عليها ، وخرجت ببرهاننا مـــن المقدمات ، ضرورية كانت أو غير ضرورية ، وحصلت في جملة الأشكال الهندسية ، كالحكم بأن الصلعين مس المثلث أطول من الضلع الباقي كانت مقدمــة ضرورية عند أرشميدس لأن العلم بأن أصغر الخطوط الواصلة مابين نقطتين هو الخط المستقيم كان ضروريا عنده وإلى زمان اقليدس فلما برهن اقليدس عيه خرجت مسن جملة المقدمات وحصلت في الأشكال الهندسية ، فلهذا لم تكن مقدمة مسلمة (°C 217) لاقليدس ولا للقوم الذين كانوا بعده الذين ينظرون في برهانه ، وإن كانت مسلمة لمن كان قبله . وكدلك نسبة الثقل إلى الثقل كما وصفنا ليست مقدمة لنا ولا للقوم الذين يجتون بمدنا وينظرون في البرهان الذي عليها ، وإن كانت مقدمة لمن كان قبلنا ، مـــن أجل (208°D) أنه لم يكن عليها البرهان كمـــا علمنا . وإذا وحدثا البرهان عليها خرجت مــن حيز المقدمات وحصلت في حيز الأشكال . وإذا كان الأمر كذلك فليس هاهنا مقدمة مسلمة على وجه مسن الوجوه ولا في موضع آخر البتة . وما فرصنا قط مقدمة في شيء لأنفسنا ، وكيف يكون ذلك وعلمنا أوسع مـــن أنْ يكون محتاحاً إلى مقدمة مسلمة ، وليس هذا مـــن عادتنا ولا عادة أحد من أصحابنا . وكيف يجوز ذلك عندنا والمقدمة المسلمة ريما تكون فاصدة ، وكلما ينتح من الفاسد يكون فاسدا . وكيف نعتمد على مقدمة هذه حالها عندنا ، ومتى كان ذلك ، وأين وُجِد ، وأي موضع ، وفي أي شكل ؟ وكيف نستعمل مقامة مسلمة في علومنا البرهانية إرعندنا أن مانتج مسن مائة مقدمة تسعة وتسعين منها ضروريات كضروريات اقليدس وواحدة منها مسلمة ، تكون النتيحة تابعة لتلك الواحدة دون التسعة والتسعين . فكيف نستعمل نحن شيا وهو عندنا على هدا الوصف مـــــ الفساد ، كأنه ليس تكفينا في علمنا المقدمات الضروريات لاقليدس ونريد أكثر منها ونمـــا ينتج منها لا ، ليس شي-أمـــن ذلك ، ولا في علومنا مستعملة مقدمة مسلمة . وإن أراد بالمقدمة تلك الضروريات بعينها ، كـــا يريد به قوم ، فهذا حديث بيننا وبينهم . وأما المقدمات التي ذكرتها في كتاني وقلت أنها يرجع إلبها وجود مركز ثقل قطعة الكرة والدائرة والخط المقوس . وأن الْحُط المقوس مساو لَخط مستقم ، وما أشبه ذلك ، فما أردت بالمقدمات ما يحتاج إلى تسليمها كمــــا ظن سيدي الشيح . ولكني أردت ما يريده أصحابنا ، وهم يريدون بالمقدمات الأشكال التي يرجع إليها ذلك الشيء المقصود ألا ترى أنهم يقولون أن ابراهيم (D 209r) ابن سنان استخرج مساحة القطع المكافي بلا مقدمة يعنون أنه بلا شكل آخر يرجع إلبه ، وأن ثابت بن قرة استخرج ذلك ىكذى وكذا مقدمة وبريدون تلك 117

الأشكال التي يرجع إليها دلك الشيء المقصود . وبطلميوس يقول في كتاب المحسطي إِن أَدَوْبُوسُ حَعَلَ لَهَذَا مَقَدَمَةُ وَيُرِيدُ بِهَا الشَّكُلُ الَّذِي (£137) حَعَلُ قَبَلُ الشَّكُلُ الذي يعرف نه احمال بين رحوخ الكواكب واستقامتها . وأمثال دلك كثيرة . قظاهر أنهم لا يريسون (C 218r) بالمقدّمات إلا نفس الأشكال التي يرجع إليها ذلك الشكل ، لا كما عن الشيخ . وكدلك كان مرادي بالمقدمات التي كاتبته بها ، وما حطر بعالي غير دلك . فلهذا تحيرت لما رأيت في كتابه دكر المقدمة المسلمة التي لم يكن اعتماد أصحاب عليها ولا اعتمادت ، ولا هي مستعملة في علومنا كمـــا هي مستعملة في عمم عيرنا . فإد، كان الأمر كذلك فالطنُّ بالمقدمة المسلمة أن تكون في علم عيرنا أولى من أن تكون في علمما ، وهي البرهانية . وأما مراكز الأثقال للأشكال الستة التي كتنت بها إلى سيدي الشيخ وقلت إنه اتمقت على ترتيب عجيب من النسبة العددية وحعلت لهــــا مثالا ونسبتها إلى نظم أفعال الناري . عز وحل ، وقال سيدي إنه إن كان كدلك فهو نظم حسن كأنه أمر طبيعي فوجدةاها كلها ببرهان هندسي ، إلا أن مراكز الأثقال الخمسة منها بعد وجودها وجدنا وقوعها على ذلك الترتيب الدي كتبت إليه نبرهان هندسي ، وواحد منها ، وهو بصف الدائرة ، بعد وحود مركز ثقلها ببرهان هندسي جهدنا أن نقف هل وقوع مركز ثقلها في القطر على تلك النقطة الَّتي دل عليها ذلك النظم والترتيب الغاية . (D 209°) إلا أن ي غالب الظن ومثل اليقين أن دلك الواحد أيضاً بذلك الرتيب أُولَى مـــن أن يكون خارحًا عنها من قبل النظم والأمر الطبيعي . وإن يعدد البرهان عليه إلى هذه الغاية ليس إلا لبعده وغموصه عن معرفتنا . ونسبنا ذلك إلى عجزنا في هذه الصنعة واحتياجنا إلى قوه أكبر مـــن ذلك لنقف على برهان ذلك كمـــا وقفن على أمور الحمسة على أن نسبة القطر إلى المحبط كنسبة خط مستقيم إلى خط مستقيم . أو كنسة عدد إلى عدد مطلقاً . أما أن هذه النسبة كسبة تسعة إلى تُمنية وعشرين فهي تتيجة مسن شيئين ، أحدهما شكل هندسي لاشك فيه والآخر ذلك النظم والرتيب والأمر الطبيعي الدي ليس بقيننا عليه كيڤيننا على برهان هندسي ﴿ فَلَهُذَا قَلْنَا إِنْ نَسَبَةَ القَطْرِ إِلَى الْحَيْط كنسة خط مستقيم إلى خط أو كعدد إلى عدد مطلقا ببرهان هندسي لنقف كيف يقيننا عليه . أما أن هذه النسبة كنسة نسعة إلى تُمية وعشرين فهي موقوفة حتى يقوم البرهان الهندسي على صحة هذا الدي دليله النظم والأمر الطبيعي أو على فساده أو فساد نتيجته ، أعني أن نسته هي كنسة تسعة إلى تمنيه وعشرين . وأن يقوم البرهان على فساد (C 218') 114

تتيجته يكون عجبا لكون البرهـــان على فســــاد دلك الـظم والترتيب ولكون هـــــذا الواحد خارجا عن الترتيب الحمسة الذي قام البرهان عليه وكأنها نظم طبيعي . وأعجب مــن ذلك أن يكون فيه فساد مذهب القوم الذبن يقينهم تبعض الأشياء مـــن قبل الأمر الفاية لَأَنه يكون دليلا على أنه لم يكن ذلك (D 210<sup>r</sup>) مـــن قبل عجزي عنه ، بكن الشيء (1137) في نفسه كان غير صحيح عير موجود ، فلهدا قمنا إنه نتبحة موقوفة , وكنا قد كتبنا قبل ذلك إليه أنه كيف تكون الطريق إلى وحود بسة القطر إلى المحيط . وقلت إنها ليست مس جملة أشكال مراكز الأنقال التي كلها درهال هندسي لنقف عليها ونطالب بمسا تجب المطالبة عليها في صحة مقدماتها . أعني بالمقدمات الأشكال الَّتِي ترجع إليها . وبعد ذلك كتب الشيخ أن نسبة قطر الدائرة إلى محيطها إن كانت كنسبة عدد إلى عدد ، وخاصة كنسبة تسعة إلى نمنية وعشرين . عجب . وقال أعحب من ذلك الخلاف بينه وبين ما أورده أرشميدس . فهمت ذلك وليس الأمر كمساطل ، ولا بين أحد مـــن أصحابنا وبين أرشميدس كان الحلاف قط . ولايجوز أن يكون ذلك لأن الخلاف بين العلماء في الأشياء التي معرفتهم بهـــا تكون بالرأي والمذهب وغالب الظن ، كمـــا كان بين أرسطاطلس وبين جالينوس وبين غيرهما من الطبيعيين في أمور النفس وأحوال القوى وما أشبه ذلك . وأما الأشياء التي ترجع إلى الهندسة والحساب يسمون غلطاً ممن يكون علط . وسهواً ممن يقع له سهو . لعلمهم بزوال الخلاف عنه سريعا إذا نظروا فيه . والغلط في الحساب إذا وقع ليس معريب ولا دليل على نقص صاحبه . ألا ترى أن بطلميوس ، مع إقراره بفضل الرخس وتقلمه وتحصيله وإنصافه وإيثاره الحق ، يقول في كتابه امحسطي إنه قد وقع في حساب ابرخس غلط ولبس يريد بذلك نقصه ، وكيف يريد نقصه وهو أفضل الناس عنده . وكذلك حساب نسبة القطر إلى المحيط لأرشميدس وهذا الحساب ، مــع أنه لم يتمين لنا أنه (D 210°) قد غلط ، في طني أنه منسوب إلى أرشميدس ولبس يليق نه ، حتى لو قلنا إنه ليس له لكان أولى ويكون إلى المدح أقرب مـــن قولنا إنه له ، لأن ليس الرأي رأيه ولا القصد قصده . ولا لأرشميدس شيء مـــ الأشياء قصده مــن هذا الجنس البتة : لا في الكرة والأسطوانة ولا في المأخوذات ، ولا في كتب أحر له . ولا رأينا ذكر هذا في موضع من كتبه ، كذكر مساحة (°C 219) القطع المكافي في صدر كتاب الكرة والأسطوانة مع ذكر بعضى استخراجات له . ولا استعمل ذلك في شكل مـــن أشكاله لأن ذلك 111

الطريق ظاهر بأنه لايودي إلى الحُقيقة قط . بل يكون تتقريب ، وقصده أبدا في الوجود إدراك الأشياء بالحقيقة لا بالتقريب ، كوجود النسبة بسين المربع وبين القطع المكافي وبين الدائرة والسطح الكري وبير الكرة والأسطوانة وانمخروط ومآ أشبه ذلك ، وجوداً حقيقيا لا بالتقريب . وهذا الحساب ، مع أنه لايجور أن يكون حقيقيا قط ، ليس هو عمل دقيق أيضًا ، لأن حاسه لم يرجع في طلبه مــن الأوتار إلى أدق مــن وثر أربع درجات إلا ربع ، وهذا حليل حداً بالقياس إلى العمل الذي في المجسطي لأن بطلميوس يرجع إلى وتر قريب مـــن نصف درحة ، وهو أدق من هذا بكثير . ولهذا قلت إن هدا مسوب إلى أرشميدس وهذا الحساب كسا ليس عندي من عمل أرشميدس . هليس هو مسن عمل الحذاق من الحسّاب والمنجمين أبضا . حتى لو مسبنا هذا الاستخراج إلى واحد مــــن أصحابنا لايرضي به فضلا عن افتخاره به ، لأن هذا كعمل (138 أ) مَنَ يَطِلْبُ مُسَاحَة القَطْعُ المُكَافِي مَنْ حَمِيعِ المُثَلِثَاتِ الَّتِي تَقْعُ فِيهِ المُعْمُولَةِ عَلَى أقطارُه بجمع ربع وربع الربع . مثال ذلك (D 2117) أن المثنث الذي على قطر القطع المكافي أولاً أن ع وبعده مثلثي ادَّب بهج وهما ربع مثلث آبِّج أيضًا . وكذلكُ المثلثاث التي نعد ذلك وإنما تكون ربع الربع ، وبرهنوا على ذلك . وكل مَن يجمع الأرباع أَكْبَر ، أعني المثلثات التي تقع في القطع المكافي على ما وصفنا ، يكون أدق وإلى مساحة القطع المكاني يكون أقرب . ولكن شنان بين هذه الطريق في المساحة وبين طريق أرشمياس وثابت وإدراهيم بن سنان ، الذي ظهر بها أن قطعتي الله و بالج ه ثلث مثلث الباج بالحقيقة دون التقريب . ويطريق جمع المثلثات بالحساب لايحور أن يودي إلى حق قط ، لأن المثلثات تقع إلى ما لا نهاية ، ولا يكون بين الطريق الذي لايكون إلا بالتقريب . ولا يطمع منه أن يكون بالحقيقة قط ، وبين الطريق الذي لا يكون إلا بالحقيقة ، ولايجوز أن بكون بالتقريب البتة ، قياس . ومع هذا لو رأيت طريقا إلى مساحة القطع المكافي يجمع المثلقات ، كمـــا قلنا ، أعني بجمع الربع وربع الربع ، وهو مكتوب أن هذا لإبراهيم بن سنان ، دون ثانت وأرشميدس ، وهو في عاية الدقة ، لقلت إن هذا ليس له وهو منسوب إليه . (C 2197) وإبراهيم أجل مـــن أن يطلب شيئا بهذا الطريق ، فكيف أرشميدس . وكذلك ظني في وجود نسبة القطر إلى المحيط بذلك الطريق أنه ليس لأرشميدس ، وهو منسوب إليه . وأرشميدس أجل مـــن أن يطلب مساحة محيط الدائرة بهذا الطريق ، وهو أشبه شيء بمساحة القطع المكافي بجمع المثلثات . ("D 211) وهذا كله لِحَلَالَةَ أَرْشُمُولُسَ عَنْدُنَا وَمُحَمِّرُ ذَلَكَ الطَرِيقَ فِي الحَسَابِ . فلا يَنْبَغِي أَنْ يَقْعَ للشيخ أَن

بيننا وبين أرشميدس أو بين أحد مـــن أصحاب التعاليم يكون خلاف في شيء ، وخاصة فيما يرجع إلى الهندسة وبرهان همدسي ، كأشكال مراكز الأتقال والمعلوم الدي ينتج منها . وأما المسئلة التي عرضت لسيدي الشيخ وتنقسم إلى وجوه ، وخرج له ، أدام الله تأييده ، يعضها والبعض لم يخرح ، وقعت عليها ونظرت فيما حرج وفيما بقي . واستحسنت مااستخرجه وفكرت في الـاتي فوجدت هدا القسم منها ، وهو إذا كانت الزاوية كيف ما اتفقت والقطعة مسن الدائرة كيف ماكانث . وأما إذا كانت الزاوية قائمة والقطعة نصف دائرة ، فهو سهل . وإدا لم يكن كذلك ولكن الزاوية كيف ما اتفقت والقطعة كيف كانت فلتكن دائرة آب ح التي مركزها د مفروصة ، وخط ، ح ه قطر الدائرة كانت أو عير القطر وزاوية ( هـ و المعلومة داخلة كانت أو خارجة . دريد أن تجد خطأ يماسها وينتهي إلى خطي از و ه . كحط و ب ز ، حتى تكون نسبة و ب إلى ب ر كنسبة خط ح طَ إلى خط ط ك . فنعمل على خط ح ط ك قوسا تقع فيها راوية مساوية لزاوية الحرق ، (1387)وليكن قوس ح ل ك . ونتم الدائرة وهي ح ل كم ونجعل خط ل طم عموداً على خط حط 🗵 . ونصل خط دّ م ويخرج على استقامة مـــن الجهتين وتحعل نسبة خط دَمَ إلى خط مَن كنسبة خط ل ط إلى خط طم. وكذلك نسة خط دَسَ إلى خط سء كنسبة خط ل ط إلى خط ط م . ونجعل قوس ك ف حتى تكول الزاوية التي تكون عليها مساوية لزاوية دَهُمَ : ونجعل راوية هـدس (D 212°) مساوية للزاوية التي تكون على قوس ل ف ،ونجعل زاوية ه د ق مساوية للزاوية التي تقع على قوس ﴿ لافَ وتخرج خط رَّر موازيا لخط دص ، وتخرج على نقطة مَّ خط ص هـْق حتى يقْع منه خط ي ق مساويا لخط دع . وقد بينا عمل دلك في مواضع كثيرة ، وربما يتفق أن لانرحم إلى قطوع المخروط . وتجعل راوية ل من مساوية (C 220r) لراوية دَقَّ ه ونصل خطوط ت آن ت ف ن ل ت ح . ونجعل خط و ب ز مماسا للدائرة وراوية ازب مساوية لزاوية علات ، وعمل هذا سهل . فأقول إن نسبة خط وَ لَ إلى خط بْ ر كنسبة خط ح م إلى طَآلَهُ . برهان ذلك أنا نجعل خط ي خ مساوياً لخط د س حيى ينقي خط خ ق مساويا لخط سع ونجعل هن مساويا لخط ي ح أيضاً ، حتى يكون خط هـى مساويا لحط ث ح ، فلأن نسة خط يَنَ إلى خط خ نَى ، أعني نسبة خط دَسَ إلى سع كنسة خط دَ م الى من ، ونسبة خط دَمَ إلى من هي كنسبة خط ص م إلى خط ى م لأن خطي ص د نرَرَ متوازیان ، فنسبة خط من ہ إلى خط ہى كنسبة خط ي ح إلى خط خ ق . وخط ي ہ مساو لخط ث خ (D 212 °) وخط ی ح لحط هٹ ، فنسبة خط ص ٓ ه إلى خط ث خ 111

كنسبة خط هـ إلى خط خ ق . فنسبة حميع خطي ص ٓ هـ ت ، أعني خط ص ث ، إلى جميع حطي ث نم تح ق ، أعني خط ث ق ، كسبة واحد إلى قرينه . التي هي كنسبة خط دَهَ إِلَىٰ هِ لَ . ونسبة خط دَهَ إِلَىٰ هِ نَ كُنْسِبَةُ خَطَ لَ طَ إِلَىٰ طُمْ ، فَسَبَّةُ خَطَ صَ ثُ إلى خط ثـ تى كنسبة خط ل ط إلى خط ط م ، فإذا ركت م قبلنا ثم عكسنا تكون نسبة خط تُنْ صَ إلى ص ق كنسة حط ط لَ إلى ن م ﴿ وَأَيْضَا لَأَنْ زَاوِيةً فَي مَسَاوِيةً لَزَاوِيةً مِ وزاوية في ﴿ مَا مَنَاوِيةً أَرْ وَيَهُ مِنْ فِ الَّتِي عَلَى قُوسَ مِ كَ فِ مَا وَكَالِكُ هَ دَ صَ مُساوِيةً لزاوية ف ت ل ، قزاوية د صَ ق الباقية من مثلث دَصَ قَ مساوية لزاوية تُ لَ مَ الباقية من مثلث ت ل م ، والمثلثان متشامهان . فنسبة حط مَن ق إلى خط ص د كنسة خط مَل إلى خط ل ت ، فبالمساواة تكون نسبة خط ت من إلى خط من د كنسبة خط طَـ ل إلى ل ت . ونسنة خط دَمَن إلى خط مَن م كنسة خط ت ل إلى ل شَ لأَنْ مثلَني دَه مَن ت ش ل متشاجان ، كما بينا . فبالمساواة أيضاً نسبة خط ث ص إلى خط ص ه كنسبة خط ط ل إلى خط ل ش فإذا فصلنا كانت نسبة خط ث م إلى خط م ص كنسبة خط ط ش إلى خط شَ ل ، ونسبة خط ص م إلى خط (C 220°) هـ د كنسبة خط ل ش إلى خط ش ت . مالساواة أيضًا تكون نسبة خط شم إلى خط هَ د كنسبة خط طَ ش إلى حط ش ت . وخط ن مرمساو لحط دس (D 213°) أعنى خط دَبُّ لأن دُّ مركز الدائرة فنسبة خط بُ دُ إلى خط دَمَكنسبة خط ط ش إلى خط ش ت وأيضاً لأن راوية آز ب مساوية لزاوية ط ك ع ، وزاوية رَبِّ د القَاعَة مساوية لزاوية للنَّاطَعَ القَائمة فزاوية ب ص ز ، (١١٦٥) الباقية ، أعنى زاوية دَضِهُ مساوية لزاوية طع له الباقية ، أعنى راوية شع ت لأنهما متقاللتان . وزاوية ضَ هَدَ مساوية لزاوية ع ت ش فائزاوية الباقية مساوية للزاوية الباقية فمثلثا هدض تع شر متشابهان . فنسبة خط ه د إلى خط د ص كنسبة خط ت ش إلى شع وبالمسواة أيضًا تكون نسبة خط سَـ د إلى خط دَ صَ كنسبة خط طَ ش إلى خط ش ع . فإذا فصلنا تكوں نسبة خط ب ض إلى خط <del>ص د</del> كنسبة خط طغ إلى خطع عش ونسبة خط د ض إلى حط مَن م كنسبة خط شرع إلى خط ع ت ، فبالمساواة تكون نسبة خط ب ض إلى خط ض م كنسة خط طع إلى خطع نن . فإذا عكسا تكون نسبة خط من إلى ض ب كنسبة خط تع إلى خط ع ط . ونسة خط ب ض إلى خط ض ز كنسبة خط طع إلى خط ع ك . فبالمساواة أيضا تكون نسبة خط مرض إلى خط ضرَّر كنسبة خط تَ غ إلى خط غ ك . وإذا ركبنا تكون نسة خط هر إلى خط زَ صَ كنسبة خط ت لا إلى خط لدَّع ونسبة خط ض ر إلى خط ر ب كنسبة خط ع آه إلى خط ك ط فبالمساواة أيضًا

تكون يسبة خط مر إلى خط راب كنسة حط تَ لُهُ إِلَىٰ خط لَا لَمْ ، ونسبة خط و زَّ إِلَىٰ خط ر م كنسبة خط ع له إلى خط لدَّت ("D 213") لأن مثلني هـ ور ع لدَّت متشامان فبالمساواة أيضاً تكون نسمة خط ورز إلى خط رآب كسمة خط ح لك إلى خط الاَط ، فإذا فصلت تكون نسبة خط و ب إلى خط ب ر كنسة ح ط إلى ط آن المعنومه ، وذلك ما أردنا أن ببين . ("139 ) وهذا إدا لم يكن خط آح ه قطر الدائرة وراوية ( هـ و قائمة . فأما إذًا كان خط آحَ ﴿ قطر الدائرة وراوية الهو قائمة فقد قلنا إنها سهلة لأن نسبة خط و ب إلى خط بر المعلومة هي كنسة خط هط إلى خط ط ز إدا كان برط عموداً على خط آخ . فنسة خط هَ ط إلى ط زَّ معلومة ، وإن جهلنا هذه السبة كنسة حط دط إلى ط له تكون نسبة خط هَـد البائي المعلوم إلى كر (C 2217) البائي معلومة . فحط رَكَ معلوم ونسبة ضرب خط ز د في د ك إلى ضرب خط ز د في د ط معلومة لأنها كسبة خط د ك إلى د ط . لأن درَّ ارتفاع مشترك لهما . وصرب خط رّ د في دَط معلوم، لأنه مساو لمرنع خط دَّب، فَصْرِبِ خَطَ زَدَ فِي دَلَهُ مَعَلُومَ ۗ وَخَطَ رَكَ قَدْ بَيَّا أَنْهُ مَعَلُومٌ ، فَكُلُّ وَاحِدُ مَنْ خَطَى رَدّ دَكَ معلوم ونقطة دّ معلومة ، فكل واحـــد من نقطثي رْ ك معلومة . فخروج خط رَكَ المماس للدائرة معلوم ، وذلك ما أردنا أن دين . ووجه آخر لأن نسبة خط ـــــــر إلى رَّو المعلومة إن كانت كنسبة خط دَبِّ المعلوم إلى خط و ط يكون حط و طَّ مواريا لخط بُدَّ، ویکون معلوم القدر أیضا ، فمربعه یکون معلوما . ولکن مربع (۵٬۱۹۴) خط و ط يكون مساويًا لضرب خط رَطَ في طَـ هَ لأن راوبه رَوطَ قَائمَة، لأنَّهَا مساوية لزاوية رَ بُ وَ القائمة . ونسبة ضرب خط زط في طـ الى ضرب طـ ه في طـ د معلومة ، لأنها كنسة خط رَطَ إلى خط دَطَ المعلومة . فضرب خط دَطَ في طَ م معلوم ، وخط د م معلوم ، فخط هاط معلوم . ونقطة لمَّ معلومة فنقطة لمَّ معلومة، فنقطة و معلومة أيضاً لأن خط طَّ وَا معلوم القدر , فحروج خط وَ بِ زَ المماس للدائرة معلوم ، وذلك ما أردنا أن نبين . ووجه آخر إن كانت نسبة خط دَم إلى حط دَبُ المعلومة كنسبة خط ط مَ إلى زَبِ تكون نسبة خط ط ه إلى رأب معلومة . ويكون خط ط دب مستفيما إذا كان ط ه عمودا على خطج د . ونسبة خط ر ب إلى خط ز و معلومة فنسة خط هرط إلى خط ر ومعلومة . (1 140 ) فنسبة موبع خط بدط إلى مربع خط زَّ و معلومة. ونسبة مربع خط زَّ وَ إِلَى ضَرَبُ خَطَ زَ وَ في وَ بَ معلومة لأنها كنسبة خط روّ إلى و ب . فنسبة مربع خط هَ ط إلى صرب خط رُّو في وآب معلومة . وضرب خط رآو ي وآب مساو لصرب طآر في وآء لتشابه مثلث رو م لمثلث هَا و ب، ونسبة زَوَ إلى و مَ كسبة ط و إلى وَ ب . فسمة مربع ه ط إلى صرب ط و 177

في و معلومة ، فنسة خط ط م إلى خط مو معلومة . فنسبة خط زو إلى خط و معلومة المعلومة ( D 214) و زاوية (C 221) و مو معلومة الأمها قائمة ، فمثلث ر مو معلوم الصورة . فزاوية آز ب معلومة فخروج خط زب و معلوم ، وذلك ما أردنا أن نبين . ووجه آخر لأن نسبة خط و ر إلى خط ر ب المعلومة كنسبة ضرب خط و ر في زب إلى مربع زب وضرب حط و ز في زب الى مربع زب وضرب حط و ز أبى زب مساو لفرب خط م ر في ز د، لأن مثلني هو ز ب د ز متشابهان لان خط و ز إلى زم كنسبة در إلى زب ومربع خط و ر في ز د المن معلومة و إلى زم كنسبة در إلى زب ومربع خط و ن مساو لفرب خط ج ر في زا المناس للدائرة ، فنسبة صرب خط م ز في زا المعلومة و نفية و زب علومة من كتاب النسة المحلودة الأملونيوس فخروج خط زب و المماس للدائرة معلومة من كتاب النسة المحلودة الأملونيوس فخروج خط زب و المماس للدائرة معلوم ، وذلك ما أردنا أن نبين . وغير ذلك مسن الوجوه . وكالملك الأول وجوه كثيرة ولكن كتبت واحداً منها بالتركيب فقط ، ولو كتبت باقي الوجوه واستعملت التحليل والتركيب والتقسيم والتحديد ، كما عمل أبلونيوس في بعض الكاله ، لكان كتابا كبيرا . وأرجو أن يصرغ لذلك ببركته إن شاء الله .

```
الحواشىء
                          ٣ - الله له يالله له (١) يا الله له (ديال)
                                                                              1.44
                                              ٣ - كتاب : كتابي ( د )
                                           و - متيرا : متيرا (له ، د)
                                         ١١ - أذكرته : اذكر به ، (ق، د)
                                           ور - تنفيل له را بسيل له و (T)
                     ١٥ - ١٦ - نعفرات د ... نعمال ، ليطرأت ... ليمال ، ( آء و د )
                                   ١٧ - أن ذاء أقى إن خاء أقد تمالي ؛ ﴿ دِ ﴾
                                             ۱۱ تريد: تريد، (قي، د)
                                                  ٨ - القياف تمالي ( د )
                                                                              1 . 8

 بنائة : أن ماش (٦)

                                 ج: - هاهنا : في هابش (٦) ومسبوقة بكلمة فهاهنا
                                            ١٩ - آج ، ب ج ، ( في الكل)
                                        ٧١ -- نست الكرة : الكرة ( في الكل )
                                   دې – ئلغة : التلاث : (د و ق ) ، التك (T)
                                      ٧٧-٧٧ - في ( د ) يوجه مكان قارغ الله الأسطر
                                      ه ١ - ١ - ١ - ق ( د ) يوجد مكان قارغ لمده الأسطر

 ب حدة في هاش ( T ) تظهر بشكل سيمه

                                          A -- احتجا: احتما: (د، ق)
                                      ۱۱ - ومرکز ... وهي مرکز : في هايش (١)
                                      ١٧ - مركزها أي يا مركزها ثقلها داً يا (٦)
                                           ۲۶ - قطر ۱ ج یقار ب ح ، (آ)
                           ٢ - عط [ ج : قوس [ ج : ( آ ) الحط قوق ( قوس )
ه - لمربع , يبدأ ناح ( آ ) بكتابة و لصر ، ( لضرب ؟) ثم يدير رأيه قيضع ضمه قول اسم
                                             ٧ - فنبة : ونبة ، ( بن الكل )
                                                  ١٠ - رَد : ١٠ ( آ ، ق )
                                                 ١٠ - تستع : تيم (آه ق)
                                           و برتبة حبب الصفحات والأمطر طنس المري
```

```
101
```

```
١١ – في حط ي توس ب ج ، نافسة في ( د )
                                                   ها - تعه تم ( و الكل )
٧ رحيته مصاف بعدما ي (٦) يرتحت الرسالة والحمد لله كمعرا والصلوم على المصطفى محمد
                                                           راشالطين.
                                      ٧ - ياله , بنه ، (د ، ق) ينه (١)
                           ٧ - عن سلامة : مكتربة فوق كلمة (الشيخ و ) في ( أ )
                           ٨ - التغرجه : التغرجه رحمهما الله تمال : ( ق : ٥ )
                                   ١٠ - مرتفه ، مرتفة ؛ (ق) ؛ مراتفة ؛ (د)
                                                ١١٠-١٧- قد تقدم الى هامش (١)
          ١٨ - المهندس _ المهندس ( ومصاف قوق بهايه الكلمة حرف مين أيصا ) في ( أ )
                                                 ٠٠ - عيية عنب ، ( د )
                                                 (a) = i \delta k c , \delta \delta k c + i \delta k c
                                            (١٥ - يعرض : تقوص ٤ ( ١٥ ق )
 ع۲-۲۹ سهريار بن سرحاب شهريان بن سرحات ، ( ق ، د ) رساس بن مرحاس ( في الكن )
                                             ه ۱۰ اعتباسی اعتباطی (ق، د)
                                                  y بدرامله یا ق هایش (T)
                                                   (0 ca) is ly - 14
                                             ١٩ - فيم له عبر مقروعاتي (٦)
                                         ٧١ - أثنها و اليها (د ء ق) اسهاء (٦)
                                ع ٢٠٠٤ - كبية ما معدومة كثيبة معلومة ، ( ق ع د )
                                                 ١١٠ ٨ - نشبة : ناتسة ئي ( آ )
                                                 وو ــ البرمان والبرمان ( ٦ )
                        ١٨ - تمت الرسالة ولحبد قدرب العلمين ، ناقصة في ( د ، ق )
                                             ١٩ - الكرمي : انترمي (أي الكل)
                                                ٢١ - قامضا ۽ قامضا ۽ ٢٦)
                                               (313) 1 115 : W - V 111
                                               ۲۲-۲۲-۱۳ ليا: ليمتا: (د، ق)
                                       ٨٨ - مطرمان ؛ وأو ماتصقة بالم أي ( أ )
                                                                               187
```

```
 افر مطوع : غیر مطوما : (د) غیر مطوع (ق)

                                                               3337
                                ۲۲ - بـ تى دامشى ، (آ)
                          ٢٣ – أمور مكتوبة موق السطر في ( ؟ )
                            (3 t s) ( t inny : inni - a
٧ - بدير , بخلامة بدير , (ق، د) محلا فسر شطب دوق ( علا ) في ( ١ )
        ١٠ - ما أرداب مراديا ، (٦) (٩) لم ديا (ال ، د) (١)
                                 ١١ -- قاملتها : قاملتها : (٦)
                               ۱۱ - ارتفاعها د ارتفاعهما ، ( T )
                               ٥٥-٢١- إحداميا ۽ احدميا ( ي الكل )
                               ٧ - نقوله ثقوله ، ( د ، ق )
                      ١٠٠٠ الله الليس _ ماغ ذلك و التمة في ( د )
                    ١١ - ومن الياتي أكبر من تصفه : ناقصة في ( د )
       ١٨ -- مربع آ : مربعه ويوحد حط الموشل فوق الحرف و ، ﴿ ٦ ﴾
                                    (T) - man a man - 42
               ۲۲ - مريع آمريم د ، (آ) ، محلم د (د، ق)
               ٣٠٠٤ ﴾ أعظم من الأسطوالة ... وارتفاعها أنَّ ؛ نائصة في الكل
                          عَ٢ -- التوازيل بالتواري ۽ ( د ۽ ق )
                             ٢١ - لوړنس : قلوس ، (١)
                                    17 - aldis : aldis - 79
                                      ( a ) ( d) : (T) - YA
                                      (1) + wa : 5 = + + +

 ۱۵ - کانطرزین : کالطرزین ۱ ( د )

                     ۱ - ضروریة كانت : ضرورة كانت ؛ ( ق )
                                                                 114
                                     (T) , b , b , 15 - V

 ۸ → څورن د څون د (۱) څورن د (د د ق)

                           ۱۱ - مادنا یا مینا ، ( د ) دینا ، ( ق )
                                   ۱۷ - وتسين : بن هايش ( آ )
                       ٨٢ - بكلى : قي (٦) ، بكذا في ( د ، ق )
```

```
مقبله بطر
١١٨ - ١١ - ١٧١٤ الاختكال ؛ أشال الأشكال : ( د ، ق )
                 ورز ع الراحد : الرجه أن ( د )
                ۱۸ - پتریب ، بقریب تی ( د )
        ١٧٠ ١٤-١٥- الارباع اكثر امني . تي ماش (٦)
     ۱۶ – شتان شبتان و (د) ، شيئان ، (ق)
           وج ب شيط . شيا ، ( د ) شا ، ( آ )
                      (T) : d : al - Tt
               وج ـ إن يقائمة في ( د د ق )
        ٣٠ – بن الميتين ۽ أي المدين ۽ (جـ ، ق )
 ١٥ - التي مكتوبة موق ( الراوية يكون ) ق ( ١ )
   ۱۹ – اراوية دير تح . محاويه 🏻 في هامش ( 🗇 )
              ۲۱ – ترجم في (آ، د)
               ۲۱ - ربز: زرب، (۱)
                ٣٧ - لراوية : ناقصة في ( د )
                 (T) . m. . a . m. . 77
                  (2) 1 + B : AB - TY
                 ري ب−y = عطع : ناتصة في (ق)
                   (T) ( dala ; this = 5
              (1) ( 210, 300
         ٧ - من مثلث د مير أن و في ماشي (١)
                 (T) · 祖曰: 河本 ~ v
        ٨ - خلاف ټلم ۽ خلف ټالم ، (١)
               ( व ) ह जीमेंग्रेड , संस्था - 👢
                ٩ - ن س - د س ، ( آ )
                 و - حقر دائسة ي (ق)
             (\overline{1}) \cdot \psi_{i} \cdot \overline{\psi_{i}} \cdot \overline{\psi_{i}} = 1
             ۱۱ - ټيس يد سي ( ور الکل)
                 ١٢ - حلم : نائمة ق (٦)
```

```
# ١٠-١ - خطع با تاتمة ( أن الكل )
                             11 - ئىڭ ، ئىپ ، ( آ )
١٧ وزاوية زَبِ وَ الفَائْمَةُ سَاوِيةُ لَرَاوِيةً لِيُطْعُ الفَائْمَةُ فِي هَامِشُ ( آ )
                           ۱۷ - باش ر بافورد ، (۱)
                               १४ - देवंछ चित्रा (1)
                             ١٩ - غِت ش عبش ١١ - ١٩
                             ۲۰ - شعش ، شقس ، (٦)
                            ۲۰ -- خطر : ناتعبة في ( د ۽ ق )
                       ٢١ - و نَسَ : ض د ، ( د ) د ص ، ( ق )
                            ۲۱ - خط : نائسة أن (قند)
                          re - عطاع: نائسة أن ( أن ع c )
                                 ٢٥ - ت غ: بع ع ١٥)
                                 (I) ( 11 : 11 - 11
                                 (T) = 30 7 (T)
                              ٣ - تكون: كالقبة ور ( ١ )
                          ٧ - معدومة : الملومة ، ( أن الكل )

 السرم: الطرمة ( أن الكل)

 ۴ - مطوعه : المعارمة ، ( ق الكل )

                              ١٠ - دل - حل ، (ن الكل)
                              11 - 24 : 14 : (6 1126)
                               (313) = = = = 17
                               ٧١ = زوط ، توقع ، (١)
                             (312) - 101 - 11
                             ۱۲ - اشباشتال د ( د د ق )
```

- 24. Ptolemy, K., The Almagest (ed. K. Manitius) Vols. 1 and 2, (Leipzig, B. C. Teubuer, 1963).
- 25. al-Qifti, Abû'l-Hassan, To'rikh al-hakama', ed. bv J Lippert (Leipzig 1903).
- 26. Rash'ilu'l-Mutaforriqu fi'l-Har'ar, ed. and published by the Dáiratu'l-Ma<sup>c</sup>rifati'l-Osmania, (Hyderabad: Osmania Oriental Publications Bureau 1948)
- 27 Sabra, A. I., Article "Ibn al-Haytham" in Dictionary of Scientific Biography, vol. VI (New York: Charles Scribner's Sons, 1972) 189-210.
- 28. Sabra, A. I., "Ibn al-Haytham's Lemmas for Solving "Alhazen's Problem", Archive for Hunory of Expet Sciences, Vol. 26, No. 4 (1982), 299-324.
- 29. Seriano, J. "Note sut trois théorèmes de Mécanique d'al-Qubi et leur conséquentr". Censaurus 22. no. 4 (1979), 281-297
- Seugin, F. Geschichte des arabischen schrifttums. Vols. V (Muthematik) and VI (Astronomie) (Leiden: E. J. Brill, 1974 and 1978).
- 31 Spuler, B. (ed.). Wantenfeld Mahler'sche Verglerchungs Tabellen (Dritte, Verbosaerte und Erweiterte Austage. . anter Mitarbeit von J. Mayr), (Wiesbaden Steiner Verlag GMBH, 1961).
- 32. Sater, H., "The Mathematiker and Astronomen der Asaber und ihre Werke", Abh. 31st Goschichte der math. Wissenschaften..., X Heft, (Leipzig 1900).
- 33. Thâbit b. Qurra, Le livre du quarustun de Thâbit Ibn Qurra ed. aud trans. by Kh Jaousche, (Leiden: Brill, 1976).
- 34. al-Tüsi, Naşîr al-Dio (ed.), Majmü<sup>r</sup> al-raşâ'ri, (Hyderabad, Osmanın Omental Publications Burena, 1358 A. H.).
- 35, al-Plei, Nagir al-Din, Al-Raud'il (Part 2), (Hydershad: Osmania Oriestal Publications Bureau, 1359 A. H.).
  - 36. Woopcke, F., L'algebre d'Omer 4lkhayyamı (puhl., trad . . par F Woopcke, Paris, 1851).

# Supplementary Bibliography

- 14a. Jan P. Rogendijk, "How triscetions of the angle were transported from Greek to Islamic Geometry", Historia Mathematica, 8 (1981), pp. 417-438.
- 19s. Morrow, Glenn R. (tr. and comm.), Proclust A Commentary on the First Book of Euclid's Elements. (Princeton, N. J. Princeton U. Perse, 1970).

#### Bibliography

- Anhouba, A "Qadayyatun handasıyyatun wa muhandısına firl-qarı al-rabı" al-hijri taibl" al-dâ'urat" Journal Higs. of Arabic Sci. Val. 1 no. 3 (Nov., 1977), 384-352.
- Anboubs, A., "Construction de l'heptagone régulest par les Arabes au 4° siècle H.", Jour. Hist. of Arabic Scs., Vol. 2, no. 2 (Nov., 1978, 264-69).
- Aubouba, A., "Un traité d'Abū Jaffar (al-Khāziu) sur les triangles rectangles numériques", Jour. Hist. of Arabic Sci., vol. 3, no. ) (1979), 134-178.
  - 4. Archimedes. The Works of Archimedes (ed. and tr. by T. L. Heath). (New York, Dovur).
- Berggren, J. L., "Spurious Theorems in Archimodes' Equilibrium of Plana Book 1", 4rch for History of Exact Sciences 16, no. 2 (1976/77), 87-103
- 6. Berggren, J. L. "The Rarycontric Theorems of Abū Sahl al-Kūhi", to appear in Proceedings of the Second International Symposium for the History of Arabic Science beld in Aleppo, 1979.
- al-Brefin, Abu l-Rayhan, K. ol-Tafhim bi-ared it und a sl-unifin (Book of Instruction in the Floments of the Art of Astrology, tr by R. R. Wright), (London: Luxue & Co., 1934).
- Cahen, Ch., Article "Buwayhids or Büyids" in Encyclopedia of Islam (2nd ed.) vol. 1, (Leiden E. J. Brill, 1960), 1350-57.
  - 9 Euclid. The Elements (tr. and comm. T. L. Heath) 3 vols., (New York: Dover, N. D.).
  - 10. Gorchon, A.M., Lexique de la Langue Philosophique d'Ibn Sinà. Paris, Deselée de Brouwer, 1938.
- Gotchon, A. M., Focabulaires Comparés d'Aristote et d'Ibn Siná (Supplement au Lexique) Paris, Desclée de Brouwer, 1939.
  - 12. Reath, T. L., A Ristory of Greek Mathematics, 2 vols., (Onford: Clarendon Press, 1921).
- Heron, Heron von Mexandrio Mechanik und Katopirik, Hrsg. und über von L. Nix & W. Schmidt, (vol. II, fasc. 1 of Heronia... opera ommia), (Linguige 1900).
  - 14. Binz, W., Islamische Masso und Gewichte, (Leiden. 1955).
  - Irani, R. A. K., "Arabic Numeral Forms", Contourus, 4 (1985), 1-12.
- Konnedy, F. S., A Commontary upon Birāni's Tahdid al-Amôkin (Beirut: American University of Beirut, 1973).
- Kennedy, E. S. and H. Hermelink, "Transcription of Arabic Letters in Geometrical Figures,"
   Amer. Or. Soc. 82, 2 (1962), 204
- 18. al-Khāzni, Abu'l-Fath, "Book of the Balance of Wisdom (Analysis and Extracts by N. Khankoff)", J. Amer. Or. Soc., Vol. VI, 1-28.
- Krenkow, F., Article "Al-Sahi. Abû fehâh" in Encyclopaedia of Islam (1st ed.) Vol. TV, (Leiden. E. J. Brill, 1934), 19-20.
- 20. al-Narlim. Abu'l-Faraj, The Pilwist (Bayard Dodge, ed. and translator), Vols. 1 and II, (New York; Columbia II. Press, 1970).
  - 21. Pappos of Alexandria, Collectionia quae supermar, ed. F. Hultsch, (Berlin, 1878).
- Pederson, O. "Logistics and the Theory of Functions", Archives Internat. d'Histoire des Sciences, 24, no. 94 (Juin 1974), 29-50
- 23. Phosij, E. B. Euclid's Conception of Rotso and His Definition of Proportional Magnitudes as Criticised by Arabian Commentators, (Rotterdam: 1950).

### Acknowledgements

This study has occupied me intermittently for almost six years, and it is a pleasure to record my gratitude to those who have helped me with one or more facets of the work I thank the Natural Sciences and Engineering Research Council of Causda for its generous support of my research by its Grant # A3485 , A.I. Sabra, D. King and the staff of the Zahiriya library in Damascon all made aveilable to me copies of the MSS that form the base for this study, and F Resenthal very kindly transcribed the first several pages of the mapuscript aS4832 into a handwriting I could send so that, thus contracted in interpreting a medieval hand. I was able to read the rest. H. E. Kassis spent a great deal of time with me translating difficult possages, and other help in translation was given by D. Gut gs. G. Salibe and B. Goldstein, while J. Hogendajk supplied me with information about the contents of some of Abû Sahl's other writings to addition it was a covacreation with G. Sahlou that made me aware of the significance of some of the metamathematical matters in the correspondence. I thank Dr. A. Y. Al-Hassan, who arranged for me to spend the Fall term of 1979 at the Institute for the History of Arabic Science in Aleppo (where a considerable amount of the research on this paper was dons), and I am grateful to Mass S. Maslisti (IHAS) of the staff there for further advice on the translation and E. S. Kengedy for several discussions on mathematical and historical points. I thank C Anagaostakis for drawing this correspondence to my attention and J. Sesiano who, when we discovered four years ago that we were working on the same manuscript, graciously stepped ands that I might complete the present study. Finally I thank A. I. Sahra and D. Gutas for detailed comments on the first version of this study. For whatever merits the present work may possess much of the credit must go to those named above, for the shortcomings I alone am responsible.

Abū Sahl saw mathematics as a demonstrative science whose results, when correctly derived from necessary premises, were immutable and, when they concerned statics, entirely consistent with experience. Nature herself shows the deepest mathematical regularity, and we ought to expect this to manifest itself in beautiful mathematical, even numerical, patterns. Despite this, a deductive proof is still the final arbiter, for failing this we have no more certainty than the physicists.

Finally, the correspondence reveals Abū Sahl to be a mathematician possessing considerable creative powers and technical expertise. Especially impressive evidence for his creativity is found in his two theorems on centers of gravity of circular sectors and arcs, which, in our opinion, rank with the barycentric discoveries of Archimedes in beauty and insight, and (as his chart reveals) he evidently rediscovered many of Archimedes' results on the centers of gravity of plane and solid figures. Finally, we have seen in his solution of the problem of the circle cut by an angle both his nice insight in reducing the general case to the classical form of a verging problem and his technical expertise in carrying out a geometrical argument of considerable complexity.

Like other great civilisations before and after it the Islamic civilisation may point with pride to its great men in the exact sciences, men such as Ibn al-Haytham, al-Birūai and Omar Khayyām but, if we wonder how a civilization produces thinkers of such stature at least part of the answer must be that it has already produced some of the stature of Abū Sahl al-Kūhī.

Finally, since both T'E: WE and WZ: T'E are known, al-Kühî concludes WZ: WE is known. Since the right triangle EWZ is known to form (ma'lam al-sarat) the angle EZW is known, allowing us to construct the triangle that solves the problem.

Fourth Analysis: This may be stated as

 $WZ : ZB = WZ ZB : ZB^2$  is known.

but, by similar (right) triangles, WZ-ZB = EZ-ZD, and by Euclid III, 36 ZB<sup>2</sup> = GZ-ZA, so EZ-ZD: GZ-ZA is known. Then by Apollonios' Determinate Ratio the point Z is known. (Since the determination of Z from a knowledge of the ratio EZ-ZD: GZ-ZA is see our note on 129':14 - the topic of the work of Apollonios we know by the title The Determinate Section, Abū Sahl's fortunate citation of the Determinate Ratio here allows us to identify those two works as the same)

All of this bears the stemp of good mathematics. The problem is easily stated and appeals to the imagination. In its generality the solution is not easy, yet certain special cases are simple enough to give to a relative novice. Finally, the solution to the general case turns on the nice idea of a scale model effected by a verging construction. The capacity to delight in the sheer intellectual pleasure of finding elegant solutions to difficult problems forms a common bond between mathematicians of all times and cultures.

### IX. Principal Conclusions of This Study:

Our focus in this work has been on Abū Sahl al-Kūhī for, from the point of view of the history of mathematics, he is by far the more interesting of the two correspondents, and the portrait that emerges from this study adds to our knowledge of the education of an important scientist of the fourth Hijra century. Ahū Sahl is thoroughly familiar with both the Elemenis and the Data of Euclid, the Measurement of the Circle (in an amputated version), Sphere and Cylinder, and the Lemmas of Archimedes, Apollonios' Determinate Section, Ptolemy's Almogest as well as certain writings of Galen and Aristotle. He has, in addition, read (at present unidentifiable) works of Archimedes and Euclid on centers of gravity. Of the writers nearer to bis own time he has read mensurational works of Ibrābīm b. Sinān, Abū Sa<sup>c</sup>d al-<sup>c</sup>Alā' b. Sahl and Thābīt b. Qurra, as well as writings of the latter two on centers of gravity.

The very fact that this is scientific correspondence reinforces the point made by A. Anhouba [3, 137 (note)] about the importance of correspondence in the development of mathematics in the 4th Hijra century. In addition to Abū Sahl's activities as a correspondent, and there are eight other works of his called "letters" (risa'il) cited by Sezgin, previous researches have revealed that at various times in his life he was in personal contact with Abū Ḥāmid al-Ṣaghānī, Abū l-wafa' al-Buzjani, and 'Abd al-Rahman al-Ṣūfī, and, just possibly, Ibn al-Haytham.

First analysis: Draw BT  $\perp$  GA. Then ET:TZ = WB:BZ is known. Choose K on TZ so that ET: TZ = DT: TK. Thus ED: KZ = (ET — DT): (TZ — TK) is known, since this latter ratio is equal to ET: TZ. (This is true because if a > b and c > d are four line segments and  $\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$  then  $\frac{a-b}{c-d} = \frac{a}{d}$ . This may be easily proved from X. 12 of The Elements.) Since ED is known so is KZ. Also

$$DK : DT = (ZD DK) : (ZD DT)$$

so the latter is known since  $DK: DT = (DT: (DT + TK))^{-1}$  and this is known from DT: TK; but,  $ZD DT = DB^{2}$ , a known, and so  $ZD \cdot DK$  is known. Since KZ is known as well it follows each of ZD, DK is known. (To see this let KZ = a and DK = X. Then x(x+a) is known so, by Euclid VI. 29, x and hence x + a may be determined.) Since D is known Z is therefore known, and the tangent from Z may be drawn, solving the problem.

Second Analysis: If T'W || BD then TW is known since BD: T'W = BZ: WZ. Thus  $(T'W)^2$  and, so, T'E-T'Z, are known; but, (T'E-T'Z): (T'E-T'D) = T'Z: T'D = ZW: WB is known, so T'E-T'D is known. Since ED is known we conclude, exactly as in the first analysis, that both T'E and T'D are known. Since E is known, T' is, and W is now determined since T'W is known in magnitude and the circle about T' with radius T'W will intersect EW in W. The tangent to the circle from W solves the problem.

Third Analysis: Let the extensions of the radius BD and WE meet at T'. Since ED: DB - T'E: BZ and both of ED, DB are known the latter ratio is known. Also BZ: ZW is known and so, compounding, T'E: ZW, and thus T'E': ZW', is known; but, ZW': ZW'WB = ZW: WB is known as well and thus, by compounding, T'E': ZW-WB is known. However, by the similarity of triangles ZWE and T'WB, ZW-WB = T'W-WE and so T'E': T'W-WE is known

Now al-Kūhī concludes TE: WE is known. Although he gives no reason for this conclusion we may see its truth as follows. Let TE = c, EW = b and T'W = a, so that a = b + c and the known ratio  $(T'E)^2 : T'WWE = c^2 : a.b = c^2 : (b+c) \cdot b = 1 : (b/c + 1)^b/c$ . Thus  $(^b/_c + 1)^b/_c$ , is known and since both the product and the difference,  $1 = (^b/_c + 1)^b/_c$ , is known Abū Sahl would have seen immediately that b/c is known; but, this is just the inverse of the desired ratio c/b and so this latter is known. Like many mathematical tricks the above justification is easy once seen, but the complete absence of explanation in the text, where even very elementary transformations of ratios are signalled by key words, suggests that the transformation involved was something anyone competent in mathematics at al-Kūhī's time would have been expected to see.

intersect NJ at J. By the properties of parallels FT = LM, but, by The Conics II, B, LM = CO. Also JT = MO so FJ = FT — JT = CO - MO = CM = I. The construction is complete since FJ is the desired segment.

Though we do not claim that the analysis we have given is the only possible one it does have the twin merits of compatibility with the mathematics of the time and of accounting for the main feature of Abū Sahl's solution, the verging construction. Thus we believe that whatever the details may have been our version captures at least the main lines of the original analysis.

It seems to us significant, also, that once again the name of 1bn al-Haytham appears. We have already conjectured that Abū Sahl was writing the correspondence around the year 381 when Ibn al-Haytham was about 26 years old, and we have seen Abū Sahl was writing in Baṣṣa, Ibn al-Haytham's home town and his residence until he went to Egypt at about the age of 35. We know also that al-Khāzinī [18, p. 26] links their names in his treatment of centers of gravity. It seems to us, therefore, a possibility that around the year 381 Abū Sahl and Ibn al-Haytham were in personal contact in Baṣṣa and that the subjects they discussed together included at least centers of gravity, analysis and synthesis, and verging constructions, but whether this conjecture is probable must await further research on the work of both of these scientists. (If it was not in 381 but earlier, in 373, that Abū Sahl was working in Baṣṣa and that seems to be as early as is possible - a link with Ibn al-Haytham is still possible, for Ibn al-Haytham would then have been about 18 years old and this is not an unusual age for a mathematical genius to be active.)

We turn now to the remaining mathematical part of the correspondence, and in order to summarize Abū Sahl's four analyses of the case when the angle is right and one side of it (EA) contains the center of the circle we refer the reader for the following discussion to Figure 20, a composite of the four figures in the text. In all cases we assume the point B has been found on the circle so that if WBZ is the tangent then WB : BZ is equal to the known ratio. (Thus WZ : WB and WZ : BZ are known but not WZ or WB or BZ. Any radius, such as DB, is known, and DE or EG is known, but that is all.)

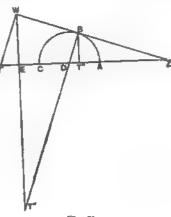


Fig. 20

What Abû Sahl saw was that this problem could be solved by an apparently simpler problem, namely: Given two sides of an angle, a point E not in the angle, and a line DO, draw through E a line E Y Q interesecting the sides of the angle in Y and Q so that YQ = DO, (138°:6).

Such a verging construction was used by the ancient Greek mathematicians to trisect an angle, and is effected by the intersection of a hyperbola and a circle in Pappos [21, Bk IV, Prop. 36-37]. This same construction was transmitted to the Islamic world by Thabit b. Quira (See Hogendijk [14a]), and Abd al-Jalil al-Sijzl, whom we have seen was acquainted with Abū Sahl, mentioned it, so Abū Sahl's reference to conic sections could be a reference to the construction Thabit transmitted.

Abū Sabl also wrote two treatises on the regular beptagon (30, V, p. 318), and, although we have not seen the text of the treatises, it appears from the account of them given by A. Anbouba in [1] (for a shorter version in French see [2]) that it was not in these treatises that Abū Sahl did what he says on 138':6-7, "We have shown how to do that in many places, and it may often happen that we do not need (for this purpose) to resort to come sectios." An example of the use of conic sections to solve the verging problem in 138b:6 is found in Ibn al-Haytham's The Optics (K. al-mandzir) cited earlier, Ibn al-Haytham being a younger contemporary of Abu Sahl al-Kühi, living in Başra when Abū Sahl was there. (Prof. A. I. Sabra kindly supplied us with a copy of his English translation of the parts we refer to here.) Book V of The Optics contains the six lemmas (mugaddamāt) for the solution of the problem currently called "Alhazen's problem", and Ibn al-Haytham solved the verging problem Abū Sahl described in the course of establishing the first of these six lemmas, (For a statement of all six lemmas consult Sabra, [27].) His solution is na follows (see Fig. 19):

Suppose we are given a segment I, and angle FNJ, and a point Toutside the angle. We wish to draw a line TJF so that JF = I.

Through T draw TQ || NJ and extend FN to Q. Draw TM || NQ so that TM meets NJ at M. Now, by H. 4 of Apollonics' Conics, through M draw the hyperbola with asymptotes FQ, QT and then measure off I as a chord CM of this hyperbola. Let this chord, extended in both directions, meet the asymptotes at O and L. Through T draw TF || OL and let TF

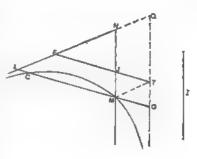


Fig. 19

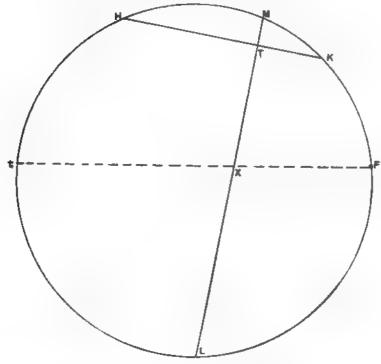


Fig. 18

and the use of the "scale-model" property via similarity of the two triangles  $\Delta$  (EDd) and  $\Delta$  (BdZ) to  $\Delta$  (tX $\Gamma$ ) and  $\Delta$  (T $\Gamma$ K), respectively.

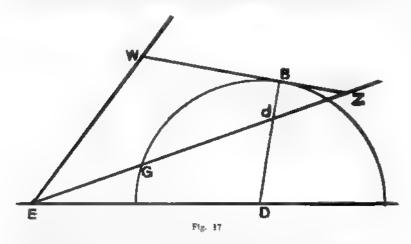
However, to require TX: X1 = BD: DE is to require a verging construction of a rather general type: namely the arc MH L and chord MTL of a circle are given, as well as a point (F) on the other side of the cbord. We then require that the segment tX be constructed, verging toward F, so that TX: Xt is equal to a known ratio, namely BD: DE. (This is in fact a generalization of what A. I. Sabta [27, p. 200], describes as the fifth of six geometrical lemmas employed by Ibn al-Haytham in his K. al-manāzir.

"From a point E outside a circle having AB as diameter and G as center to draw a line that cuts the circumference at D and the diameter at D such that DZ equals ZG.")

four analyses of special cases. He even apologizes for not giving the syntheses here as well on the grounds that he did not want to make the treatise too long.

Perhaps Abû Sahl umitted the analysis of the solution of the general case for the same reason but, in any case, the proof he gives suggests to us the following analysis.

He began (Fig. 17) with the image of the problem solved and a circle drawn through the three points E. W., and Z. The line through B. perpendicular to WZ, will contain D, the center of the given semicircle, as will the line through



E making an angle ZED with line ZE. So (Fig. 18) take the line segment KH divided at T so that KT: TH = ZB: BW. Draw a circular are KLM admitting an angle equal to \$\pi\$ WEZ. Complete the circle to KLHM, where LM is the perpendicular to KH through T. On the arc KL choose F so that \$\pi\$ KLF = \$\pi\$ ZED.

We have now used the given in Fig. 17 to construct the solid lines in Fig. 18, where the last point constructed (F) is one intersection of the line corresponding to ED in Fig. 17 with the circle. To determine another point on this line, and hence the whole line it is only necessary to draw a straight line tXF in Fig. 18 so that tX: Xt = BD: DE. Then, as Abū Sahl in fact shows in his proof, Fig. 18 is just a scale model of Fig. 17 where the correspondences between the points are  $W \leftrightarrow H$ ,  $B \leftrightarrow T$ ,  $K \leftrightarrow Z$ ,  $t \leftrightarrow E$  and  $D \leftrightarrow X$ .

Finally when the analysis has led us to the construction of satisfying the given proportion, the synthesis is simply a consequence of that proportion easy to prove). As a result it again follows ex acquali that

 $C\theta : CE = LT : LX.$ 

and hence,

 $E\theta : CE = XT : LX.$ 

But, again using the similarity of  $\Delta(XtL)$  to  $\Delta$  (EDC), CE: ED = LX: Xt, and, as before, ex asqualt proportion yields E0: ED = XT: Xt, so, since E0 = DB, DB: DE = XT: Xt

Everything proved so far forms one section of the proof in that, from all the above material, only this last proportion will be needed in the sequel. In fact Abû Sahl now observes (138\*·29 - 139\*:5) that  $\Delta$  (EDd) is similar to  $\Delta$  (tXT) and from the resulting proportion, DE . Dd . Xt : XT, and the previous, be obtains ex aequali DB : Dd = XT : XT, from which follows

 $Bd:Dd=T\Gamma:X\Gamma$ .

Next in (139: 6-12) he notes that the aforementioned similarity implies Dd: Ed =  $X\Gamma$ :  $t\Gamma$  and so, ex aequali. Bd: Ed =  $T\Gamma$ :  $t\Gamma$ . From this and the similarity of  $\Delta(BdZ)$  to  $\Delta(T\Gamma K)$  he deduces EZ: ds = tK:  $\Gamma K$ , from which, together with the same similarity. he obtains ex aequals

EZ : ZB = tK : KT.

Finally (139°:12-15) the equality of  $\star$  Z with  $\star$  K and  $\star$  E with  $\star$  t implies the similarity of  $\Delta(\text{EZW})$  to  $\Delta(\text{tKH})$  which, together with the preceding, implies

 $\mathbf{WZ} : \mathbf{ZB} = \mathbf{HK} : \mathbf{KT},$ 

and so

WB : ZB = HT : TK

which proves the theorem.

Such is Abū Sahl's proof of the solution he proposes. The question, however, axises of the genesis both of the problem and of Abū Sahl's solution to it. In our view the two are intimately connected since we believe that the problem arose as a geometrical construction problem of the type customarily solved by analysis. Although no other references to this exact problem are found in the literature we have examined, problems of the same kind, together with the same terminology, are also found in the treatises of Ibrāhīm b. Sinān b. Thāhit [30, V. 294] and Ibn al-Haytham [30, V. 368] on analysis and synthesis. (The "terminology" we speak of is that found in Euclid's Data, with its constant repitition of the phrases "known in position" (maclām al-wadc.) "known in form" (maclām al-sāra) and "therefore - is known".) It is, thus, because the problem originated within this circle of problems that Abū Sahl, in addition to giving the synthesis of the general case, gives no fewer than

turns so it is always tangent to the circle, then we can (1) make BZ as small as we like and keep BW bounded away from 0, or (2) make BW as small as we like and keep B bounded away from 0 or (3) have BW approach a non-zero magnitude and make BZ arbitrarily large. In what is called the "fourth case" Abb Ishāq neglocts to state that he assumes BD is a secant of the circle.

Construction: (138':29 - 138':10) On the line segment HTK construct a circular arc KLH so that (1) < KLH = < ZEW. Complete the circle KLM and construct its chord LTM ± HTK.

Now draw the line DE and extend it in both directions to points N and O so that DE:EN = DS:SO = LT:TM. Since the angle this line makes with the secant AGE is assumed known, choose F on the circle KLM so that the angle in the segment KMHLF of the circle is equal to < DEG.

Next, draw DC so that  $\leq$  EDC =  $\leq$  FKL and DQ so that  $\leq$  EDQ =  $\leq$  MLF, and then draw NR || DC. Now insert the segment DO in the angle NRQ so it verges toward E, i. e., construct a line CEQ so that YQ = DO.

Finally, on the circle KLM choose t so that  $\angle$  LMt =  $\angle$  DQE and join t to K, F, L and H. Then the tangent to the circle, ZBW, constructed so that  $\angle$  AZB  $\angle$  tKH is the required line.

**Proof:** The main steps are the following. To begin with (138":10-19), choose points  $k_0$ 0 on CQ that DS E0 Yk. The similarity of  $\Delta$  (ECD) to  $\Delta$  (EYN), together with the verging construction and the definition of  $k_0$ 1 imply

$$EC : EY \neq ED : EN \Rightarrow Yk : kQ$$
.

Then a straightforward manipulation of these proportions (138\*:14-17) results in

$$C\theta : \theta Q = ED : EN$$
.

This latter ratio is connected by the construction with the circle KLM so that

$$C\theta : \theta Q = LT : TM,$$

and from this there immediately follows the first fundamental proportion:

$$C\theta : CQ = LT : LM$$
.

Next (138':19-23) the definition of t on the circle KLM insures that  $\Delta$  (MtL) is similar to  $\Delta$  (QDC), so that CQ : CD = LM : Lt, and it follows ex aequali from the previous proportion that C0 : CD = LT : Lt.

The third step (138':23-29) is to use the similarity of  $\Delta$  (XTL) and  $\Delta$ (EDC) to establish CD: CE = Lt: LX. (Abū Sahl in l. 24 says he has proved the similarity of these two triangles but he has become confused and is probably thinking of the proof of the similarity of  $\Delta$ (CQD) to  $\Delta$  (LMt). In any case his constructions guarantee  $\star$  EDC =  $\star$  XtL and  $\star$  C =  $\star$  L, so the similarity is

two correspondents to this problem, which it seems was posed by a third party to Abū Ishāq In its simplest form the problem is one of a circle cut by a diameter BEG with a tangent at B and what is sought is a point Z on the circumference of the circle so that if the tangent at Z cuts the tangent and diameter at A and D, respectively then AZ:ZD is equal to a known ratio.

Abū Ishāq's Solution: If, proceeding according to analysis, we suppose the problem solved and draw the radius EZ, then an easy manipulation of ratios shows that if we know AZ:ZD, we know AD ZD:ZD². Since angles Z and B are right, the points A,Z,E,B are concyclic and (as a corollary to Euchd III, 36) AD:ZD = DB DE, while (by Euchd III, 36 itself) ZD² — DB·DG. Thus DB·DE:DB·DG, and so DE:DG, is known. Thus EG:DE is known and, since EG is the radius of the given circle, DE is known. Since E is given, D is known and the required tangent is the tangent to the circle from D.

Abū Ishāq now weakens the hypothesis to the supposition that BG is any chord of the circle.

Abû Ishāq's Solution: By analysis we may suppose the sought, AZ:ZD. is known, so AZ:AD, and hence AD:AZ, is known; but. AZ and AB are tangents to the circle from A so AZ = AB and AD:AB is known. Then in the triangle ABD the angle B and the ratio of two sides AD:AB are known so the triangle ADB is known in form (maclūm al-sūra). (This follows from Euclid's Elements, VI, 7, since the angle BDA is acute. See also Naṣīr al-Din al-Ṭūsī's redaction of Euclid's Data, Prop 44, and the comments that follow it [34, no. 1, pp. 18-19].) Since angle D is now known, we may draw GT so < TGB = < ADB. Then Z will lie on the intersection of the circle with the line EH drawn perpendicularly to GT. The tangent to the circle at Z is then the desired line.

As Abū Ishāq notes, this analysis is the more general, and the synthesis of this nice piece of mathematics is so clear that Abū Ishāq in fact refers to the analysis as "this proof".

It is the remaining two cases, when AB is not tangent to the circle, that Abū Ishāq cannot solve, and we now begin with an overview of Abū Sahl's solution to the problem, supplemented by references to lines in the text where details may be found.

The problem: (1387:26-29) We are given the center D and radius DB of a circle ABG, as well as an angle ZEW of which at least one side cuts the given circle. Given as well are the distance from the vertex of the angle to the center of the circle, the angle ZED and the ratio of two line segments HT:TK We are required to construct a point B on the portion of the circle within < ZEW so that if the tangent at B cuts the two sides of < ZEW at Z and W then WB: BZ = HT:TK.

We first note, however, that considerations of continuity dictate that the two cases posed here will have solutions, for if a given line (WZ in Fig. 12)

in as much as their knowledge is based on opinion and mere likelihood. To these he opposes Archimedes, Ptolemy and Hipparchos and, in more recent times, Thabit and Ibrahim h. Sinan among whom error, when it occurs, is simply due to a mistake in calculation and occasions neither censure nor dispute.

Finally there are the very interesting remarks on what it means for a ratio to be known. A complete account of this matter seems hardly possible since we lack the original letter of Abū Sahl that sparked the debate. We have only Abū Ishāq objecting that the ratio between two cylinders is known if they are of one kind (juns wāhid) but that otherwise it is unknown.

This view goes back to Aristotle who in his Physics (VII.4.248° and 249°) asserts of a straight line and circumference of a circle that "these are not comparable" and locates the problem in the fact that the two curves are different in species. This view enjoyed a long life, for a century after Abū Ishāq invoked the doctrine al-Jayyāni ([23], p. 20) wrote, "Equality never occurs between a straight line and a curved line for they are not of the same kind". Of course, Abū Sahl replies by citing Archimedes, (in 133°:26), though, not knowing Prop. 18 of On Spirals he uses analogies drawn from Sphere and Cylinder.

In this section (133':19 et seg.) Abū Sahl makes a distinction between a ratio being known in the sense that the antecedent is so-many-times plus somany-parts-of the consequent (nisbal al-kamm) and its being known only in the sense that its consequent and antecedent are magnitudes given as existing (nisbat al-wujād). His proof in 134':10-11 that a circle and square have to one another a ratio of this second sort is simply the proof of the first proposition in Euclid's Data (a work for which Abu Sahl composed some additional theorems, Sezgin [30, V. p. 319, No. 171]), specialized from two arbitrary magnitudes to the circle and square; but, his statement and proof that circular and square cylinders are to each other as their bases seem to be original with him and serve to drive home the point that the results of mathematics are not subjects to any a priori limitations, such as those which would limit the comparability of the curved and the straight, but are restricted only by the criterion that they must be capable of being demonstrated on the basis of a given set of premises. While, in our search for mathematical truths, our faith in nature's regularity may lead to conjectures which seem indisputably true, the ultimate test is a geometrical demonstration based on sound premises of the sort Archimedes or Euclid employed. Failing such a demonstration, a result cannot be claimed to be part of mathematics, but, when such a demonstration is found, the acceptability of the result cannot be denied, however much it may conflict with our preconceptions. These views of Abu Sahl are ones that most modern mathematicians would feel are identical with their own.

# VIII. Problem of Circle Cut by an Angle:

We begin this commentary with an overview of the solutions given by the

numbers appearing in the ratios as indicating something that is "natural", places bimself amongst those mathematicians and philosophers who believe that the deepest truths of nature are expressed by whole numbers and their ratios. The science of centers of gravity is, after all, about nature, and al-Kühi regards his table of integer ratios as such a characteristic expression of nature that it would be quite incredible if the final link in this heautiful chain of numbers should prove to fail when the other five were sound

Abū Iaḥāq points out, however, that if the science of centers of gravity is to be at once both "demonstrative" (burhāniyy) and informative as to the state of nature, then its results must satisfy the twin criteris of consistency with other results that have been demonstrated and with physical experience. On the basis of the first criterion he attacks the corollary of Abū Sahl's chart, namely the value  $3^{-1}/_{5}$  for  $\pi$ , which he says contradicts what Archimedes said, while he attacks the law of the lever on the basis of the second. It must be said at once that his first attack is considerably more successful than the second, which is based not on Abū Isḥāq's own experience at all but on a thought-experiment conducted on the assumption that if two objects balance about a fulcrum then they weigh the same. (For the appearances of this prejudice in earlier literature see the author's [5, p. 101].) The dismal failure of this criticism is mitigated somewhat by the success of the first objection, that the value of  $3^{-1}/_{0}$  for the ratio of the circumference to the diameter is inconsistent with Archimedes' result that this ratio is between  $3^{-1}/_{0}$  and  $3^{-10}/_{0}$ .

To Abb Sahl's credit he acknowledges that the key element in his rectification of the circle has not been proved (137:20), but having acknowledged this weakness, he begins an attack on Abu Ishaq's source. We have discussed in our notes Abū Sahl's pointing to the possibility of textual corruption, so we turn immediately to his charge that the treatise on the measurement of the circle, being simply an approximation - and not a very close one at that is something of which no reputable modern geometer would be proud, let alone Archimedes. It is apparent from this that Abū Sahl's conception of a "demonstrative science" is of one whose results are exact and not approximative. The numerous approximative methods developed by the scientists of medieval Islam were therefore not part of a "demonstrative science" and in this Abū Sahl shared the viewpoint of Ptolemy, who gives what he calls the mathematical necessities for understanding the Almagest and says not a word about the multitude of numerical (approximative) methods which lie behind so much of his work. (For a discussion of this point see Pedersen [22].) So far removed did Abū Sahl consider approximations to be from a proper, "demonstrative" mathematics that he concluded the treatise was not by Archimedes but merely attributed to him. Abū Sahl's remarks suggest that approximative methods are best left to "the physicists" (labicityun) such as Galen and Aristotle, who are doomed to disagreement among themselves

spoken of it here because it goes into the principles of subdivisions, and if we wanted to occupy ourselves with subdivisions, specifications, syntheses and the numeration of different cases of the positions of points, according to the method used by Apollonios in his works, our treatise would be very long."

### VI. The Barycentric Theorems:

As stated in the introduction both J. Sesiano [28] and the author [6] have published studies of this aspect of the correspondence; however, in order to make this study as self-contained as possible, we note the following points. First of all the results about the centers of gravity of the three plane figures and their solids of revolution are, with the exception of the ratio 3:7 for the semicircle, true. Although the five correct results were proved by Archimedes, we know from Abū Sahl's testimony in his treatise on the Volume of the Paraboloid [26, no. 6, p. 3] that his discovery of the center of gravity of the paraboloid, and probably that of the hemisphere, was without knowledge of Archimedes' results. Since we do not know of any treatise transmitted to the Arabic authors that contains the results for the parabola or the cone, we suppose these were also independent discoveries of Ahū Sahl. The result on the triangle, of course. Abu Sahl could have learned from such ancient sources as Heron's Mechanics, Pappos' Book VIII, or even the book of Archimedes on centers of gravity be cites elsewhere (see our note on 131":24-25), and it is reasonable to suppose some book got him started thinking about these matters.

The two theorems on centers of gravity of circular sectors and arcs are quite correct and, as well, unknown in the ancient hierature. They can both he derived by considerations that would not go beyond those known in the ancient world – the theorem on arcs by the Pappos-Guldin Theorem and that on sectors by an argument given in my paper [6, page 8]; however, there is no way of knowing how al-Kühi discovered or proved them.

## VII. Metamathematics in the Correspondence:

It is apparent that a large part of this correspondence is occupied with matters that we would consider as metamathematical, including extended discussions of the relation of mathematics to experience, what it means to say that a mathematical cutity is "known", the kind of results regarded as being part of mathematics, and what evidence is regarded as admissible in mathematical arguments. These discussions provide an opportunity for us to overhear a medieval mathematicism talking about his science with a well-informed amateur and reveal much of the state of mathematics in the late 4th century. Hipra.

Most of these issues appear in the debate over the status of the result on the center of gravity of a semicircle. Al-Kühī, in regarding the chain of whole

- 137':6 See 132':18
- 137':8 Prof. W. Wallace has called our attention to the fact that in Ch. I. Book I of his Almages: Ptolemy emphasises the disputes that must necessarily arise between philosophers on matters of theology or physics, as opposed to the certainty inherent in mathematical methods.
- 137':16 In the version of the Measurement of the Circle found in Col. MS Or. 306/15 (M. Arshimidis fi taksir al-dā'ira) the first line speaks of the treatise as "attributed to" (mansāba ilā) Archimedes.
- 137':24-27 He here refers to Archimedes' division of the circle into 96 parts (each one being 3 3/4°). In his recension [35, no, 5, 127-33] of Measurement of the Circle. Naṣīr al-Din al-Tūsī comments on the astronomers' use of the chord of a small arc to estimate π. The table of chords Abū Sabi refers to may be found in The Almagest I, 11 [24].
  - 138':1 'alā aqlārihi. The triangles are "on its diameters" in the sense that et seq.

    each triangle has part of a diameter as a median, s.g., in Fig. 11, BGE has as its median from E onto BG part of a diameter of the original parabola. This is a consequence of Apollonios' Conics, I. 46. The property of the area of these triangles that is mentioned in lines 1 4 formed a basis for one of Archimedes' quadratures of the parabola. It was also an important link in Ibrāhīm b. Sinān's argument (which is, presumably, where Abū Sahl found the fact), and Abū Sahl's praise of Ibrāhīm's ability in lines 10-13 shows that he did not object to the use of a sequence of approximating figures when it was handled so as to obtain an exact result, but only when, as is the case with Measurement of the Circle, the use made of the sequence is to obtain a sequence of numbers that result only in an approximation.
  - 138':6-7 The translation we use for "We have . . . conic sections" is taken from A. I. Sabra [28, 305 n. 10].
  - 138':17 What seems to be intended by the phrase "as the ratio of one to its associate" (kanisbati wāhidin ild qarinihi) is that from a proportion a:b = c:d we may deduce a:b = (a+c) : (b+d), i. s., the ratio of a+c to b+d is as the ratio of any our antecedent to its, associated, consequent. The justification is Euclid's Elements V, 12.
- 140°:15 The language here is reminiscent of that quoted by Woepcke [36, p. 55, n. 11] from Abū Sahl's treatise On Centers of Circles Tangent to Lines (see Sezgin [30, V, p. 319]), where Abū Sahl writes, "We have mentioned it (a previous problem), together with certain ones of those propositions, in our analytic treatise, which we have likewise titled On Centers of Circles Tangent to Lines. We have, however, not

sons exprimé par le verhe λαμβάνω, à un temps personnel, Anal. pr. Bil 61 h 16", and this is the reason for our translation "generally accepted". The second category contains the kind found in Euclid (line 18) 1. ε. those which are clearly basic to and form part of an extensive deductive system. At the end of the first part, however, it is mentioned that according to other contemporary usages the musullands include the Euclidean pustulates

In the second part Abū Sahl discusses another sense in which he has used muquddamds, one that corresponds well to the modern concept of lemmas, and it seems that he regards the one unproved element in his chart of centers of gravity, namely the position of the center of gravity of a semicircle, as this kind of a premise not one to be accepted unquestioningly but as a theorem to be proved and to which the theorem on the ratio of the circumference to the diameter reverts.

- 136":4-6 It is not surprising that Abū Sahl believed Euclid lived after Archimedes for example al-Yacqūbī makes Archimedes a student of Pythagoras, and many medieval Arabic authors had only the vaguest ideas of the lives of the Greek mathematicians. What is surprising is to see Abū Sahl relating Postulate 1 of On the Sphere and the Cylinder, Book I ("The straight line is the shortest of all lines having the same extremities.") quite correctly and then speaking as if it were no more than what Euclid proved in The Elements, I, 20.
- 136':29 See Ptolemy's introduction to his discussion of retrograde motion in The Almagest, XII, 1 [24], where Apollonies is mentioned.
- 137':11 bi-burhān handasiyy. This must modify jahadnā in the following line, rather than the preceding wujūd, since the whole point of the remark here is that it was the arrangement he discovered in the five cases that led him to his conjecture about the center of gravity of a semicircle, for which he still does not have a proof.
- 137:17 The reference to his having managed a proof that the ratio of the circumference of a circle to its diameter is equal to the ratio of a straight line to a straight line is to his theorem that the ratio of any arc to its chord is as the radius of the circle to the straight line joining its center to the center of gravity of the arc.
- 137':19 Since there are two major results used in the proof that the ratio of the circumference to the diameter is 28:9, the one locating the center of gravity of an arc of a circle and the other identifying the center of gravity of such an arc with that of a sector of a concentric circle, it is not clear to which "geometrical theorem" Abū Sahl refers.

Properly speaking, the result A/P = A B/P B, which Abo Sabl ascribes to Luclid, is not found in the Elements though it is immediate from the theorems in Book XII, particularly XII, 6 and the porism to XII, 7.

- 135':20-21 Archimedes proved this in Measurement of the Circle, Prop. 1.
  - 135°:12 The writings on centers of gravity, or more generally on mechanics, which Arabic authors assigned to Euclid are Vagdla fill-mizān and Kitāb fill-thiqal wo'l-khiffa waqivās al-ajrām ba'dihā bi-ba'd. For details see [30 V. p. 120].
  - 135':13 The only writing of Thabit ibu Quera known to us that deals with the law of the lever is his treatise on the Queastin, a work which makes no mention of centers of gravity. (Kb.-Jaoniche [33] has published an edition of the text of this work, together with a French translation and commentary.) The implication that Thabit took the law as a premise is puzzling since Prop. 3 of Thabit's work is devoted to a proof of the law, though it would likely not have satisfied Abū Sahl, who no doubt considered it to be more of a discussion intended to make the result plausible than a proof.
  - 135':14 The attribution of an interest in mechanics to Abū Sa'd is something new and indicates there was more 4th century (Hijra) interest in theoretical mechanics than has been thought up to now.
  - 136':5 Abū Sahl's argument is that the line through the center of gravity of an equilateral triangle parallel to the base divides the triangle into two disjoint parts whose areas (or weights) are in the ratio of 4:5 but the triangle still balance about that line. The reason for the restriction to an equilateral triangle is not clear, but perhaps Abū Sahl thought his correspondent would feel more confident of the result in the case of a simple figure.
- 135":22-23 According to W. Hinz [14, p. 35] the oke was generally 1/12 of a ratt so Abū Sahl is dramatically emphasizing the point that balancing does not depend on the two weights being equal but rather on their positions relative to the balance point.
- 136':1 The basic distinction in the first part of this passage is between 137':5 premises (muqaddamāt) that are "generally accepted" (musallamāt) and those that are "necessary" (dūrruriyat). The first type seems to include ad hoc assumptions that need a proof (even if one may not be forthcoming for some time). The term musallamāt is a technical term in Arabic logic and according to A. M. Goichon [10 and 11, pp. 151 and 13 resp.] musallamāt are "admises, sans être accompagnées de démonstration . . ." and are "admises (propositions). au

- 134":15 This definition of "cylinder", if a definition is what is intended here, is not found in Euclid, whom al-Birūni follows in the K. al-tafhim in defining as a solid of revolution. Here again (see note to 131":2-23), we observe a tendency to reduce to numbers what were once distinct geometrical genera.
- 134":21 Abū Sahl, in calling lines "rational" or "irrational", is using the rt seq. terminology of Book X of The Elements, where Def. 3 states that all lines commensurable with a fixed straight line, or commensurable with it in square are to be called rational, and all other lines are called irrational. The phrase "more exotic than that" in line 22 would thus refer to lines not even commensurable in square.
- 134':27-28 The theorem for circular cylinders is Euclid XII, 11, and for square cylinders is XI, 32.
  - 135°:1-3 Abū Sahl must be referring to that fact that, given the theory of ratios as explained in Book V of Euclid, any proof of equality of ratios must be implicity comparing multiples. Certainly Euclid's proofs of his theorems on cylinders do not explicitly use multiples, although the theorem for parallelograms and triangles (Book VI, Prop. 1) does. (The Euclidean theory of ratios was known to the Arabic mathematicians from at least the ninth century onward. See [23], especially Chapters I and 111.)
  - 135':3-5 This proposition does not occur in the Greek text of Euclid, although the corollary that "In equal cones and cylinders the bases are reciprocally proportional to the heights" is the first half of XII, 15.
- 135':10-14 In his treatise R. fl istikhrāj misākat al-mujassam al-muhāft (On the Volume of the Paraboloid) [26, No. 6, 15] Abū Sahl also makes the remark that the proof for the case of one-half is the same as the proof for "more than its half".
- 135':16- To summarize this proof we shall, in the spirit of al-Kühl, denote a cylinder whose base is Y and whose height is B by Y B. Our author wants to show that if A-B is a square cylinder and G-B a circular one then A B. G-B = A:G. Following the classical method of exhaustion he assumes first that A-B: G B = A:D where D is an area not equal to G. (Here in common with Euclid and Archimedes he assumes the existence of a fourth proportional.) Suppose D-G so there is a polygon P inscribed in the circle G so that D-P-G. Then A:P-A:D and A:P = A-B:P-B, "since Euclid proved that". Thus A B:G-B > A-B:P B so P-B > G-B, which is a contradiction, since "the whole is not less than the part". A similar argument, replacing P by a circumscribed polygon, shows that neither is D > G. Hence, D G and the theorem is proved.

- (a b):h = (c d): d, the Arabic term, taffil, corresponds to the Euclidean term discoust, and we have followed T. L. Heath's practice for the latter term and translated it separando.
- 133':16 maclim al-şūra. This means "known in form", i. e., up to similarity.

  See Euclid's Data. Def. 3.
- 133':19-20 kammiya miqdar ahadihimā min al-ākhar. This is the very phrase al-Bīrūnī uses in his K. al-tafhīm [7, p. 11] in explaining "ratio". so the definition must have been a common one in the late 4th early 5th Hijra centuries. The phrase also occurs, without "miqdār", in line 21. (See the commentary "Metamathematics" for our interpretation of this and the following discussion.)
- 133°:24 The relevant theorems in Archimedes' Sphere and Cylinder, Back 1, et seq. are, for the first, the corollary to Prop. 34 (whose proof makes it plain that the surface of a sphere is equal to the lateral surface of its circumscribed cylinder) and, for the second, Prop. 14.
- 134°:13-16 Since the chord of 72° is the side of a regular pentagon in the circle, it is constructible (Elements, IV, 11), and since 1° = (1/3)² (1/2)³ 72°, it follows that the chord of 1° is constructible by anyone who can trisect the angle. Abū Sahl, in fact, wrote on a method of trisecting the angle by using a hyperbola [30, Vol. V, 318 191]), but the point of this passage is that if one wants, in addition to the geometrical construction, the numerical ratio of the chord of 1° to the diameter then he can only get approximations and never an exact expression in terms of parts of the diameter (nisbat al-kamm).
- 134':26-27 the proof I gave that the straight line is equal to the curved line. By this he may be referring to what he mentioned earlier, in 130':14-15, or he may mean his purported rectification of the circumference of a circle. His next statement that "the area of the circle is equal to the square" must refer to a proof in a letter we do not have, although it would have followed easily enough from his alleged rectification and Theorem 1 of Archimedes' Measurement of the Circle.
- 134":2 Abū Sahl refers here to the property of curves that Proklos, in his Commentary on the First Book of Euclid's Elements, asoribes to the cylindrical spiral, the circle and the straight line and calls "homeomeric". (See Morrow [19a], p. 85)
- 134":5-6 That Abū Sahl knew of Archimedes' Quadrature of the Parabolo only from its mention in the preface to Book I of On the Sphere and Cylinder is indicative of how little of the present Archimedean corpus was known to the Arabic authors.

- 132':4-5 'ală takăfi : al-Birûni defines "takāfi al-nisba" in the K.al-tafhim
  [7, p. 17] as inverse ratio and mentions the steelyard as an example.
- 132':6 The point of this example is that the premise Abū Sahl uses (the law et seq. of the lever) is unsound because it implies a body will balance about a point even when a plane through that point divides the body into two unequal balves. For comments on the misconception that balancing implies equality of weight of the objects see Borggren [5].
- 132":1 Wāsit was a town about 200 km NW of Başra.
- 132':6 To judge from the list of its subjects (lines 8-10), the letter he refers to as having just arrived is the previous one in this collection of letters. Thus, the first part of this letter gives information on a previous letter of Abū Sahl to Abū Ishāq, in fact the "First Letter" on our list, as is shown by Abū Sahl's reference to "my two writings" in 133':2.
- 132":25 This passage can be translated variously, but the supposition that "the shaykh" refers to a third person seems to be the only one consistent with Abū Sahl's reply starting on 138':21, for it appears from that passage that it was not Abū Sahl who posed the problem. Our comments on this problem may be found in Sec. 8.
- tablil This is the Arabic translation of the Greek word avaluacy, 1335:1 explained by Pappos in Book VII of his Collection [21, p. 634]. Though this book was not known to the Arabic authors, many of the work Pappos hists as belonging to the "Treasury of Analysis", such as Euclid's Data and various treatises of Apollonios, were, and on 140r:15 Abū Sahl refers to Apollonios as one who treated problems by analysis and synthesis. The first Arabic work we know of mentioning analysis is the treatise of Ibrāhīm b. Sınān (296/909 -335/946), his M. fi tarta al-tahlil wa l-tarkib. . . (Hyderabad, 1947). Al-Kühî himself wrote two short works on geometrical problems solved by the method of analysis (No's. 8 and 9 of Sezgin V [30, p. 319]), and among the list of titles of Ibn al-Haytham's works we find five mentioning analysis, only one of which, the M. fi l-tablil wa l-tarkib, 15 known to be extent today. These examples indicate the importance of this method in the fourth Hijra century,
- 133':2 torkib. This term translates the Greek obounce, and can refereither to the reverse of tohiil (see above), in which case we translate it as "synthesis", or, as here, to an operation which produces from the proportion a:b = c:d the proportion (a+b): b = (c+d): d, in which case we translate it as "composition". For the opposite operation, which deduces from the proportion a:b = c:d the proportion

et seq. Since in Arabic the unpointed forms of the words for "seventy" and "minety" are the same, Abū Sahl is right in suggesting that the discrepancy between his result and Archimedes' could be due to a copyiet's error. In his discussion of this passage J. Sesiano points out that there did circulate in the Islamic world a version of Measurement of the Circle in which the proof of the last part of Prop. 3 was missing, precisely that part that establishes the lower bound 3 10/21 for m, and auggests that this must have been the version Abū Sahl was familiar with [29. p. 288].

Perhaps it was the incompleteness of this proof combined with the approximative approach of Archimedes' treatise that, in the following letter (see 137':14 et seq.), led Abū Sahl to dismiss the whole treatise as unworthy of the great geometer and probably a spurious work.

- 131':16 Since there is no mention of square cylinders in Abū Sahl's previous letter, and the circular cylinder is mentioned only in the context of volume determinations (130':10-11), it seems that Abū Ishāq is replying to an earlier letter of Abū Sahl which we do not have, and this impression is confirmed by Abū Sahl's mention of his two (previous) letters in 133':2.
- 131':24-25 It is hard to know how much to make of Abū Ishāq's complaints about the lack of any "complete book" or "satisfactory work on the science of centers of gravity by any of the ancients or moderns". Certainly the Arabic authors had Heron's Mechanics and BookVIII of Pappos' Collection; but, were this all, Abu Ishag's remarks would be quite understandable, However, F. Sezgin [30, V. p. 136] quotes two titles of works of Archimedes, the first a K. fi musawat al-mayl ("The Equalization of Inclination") and the second a K. ft' l-mucadalat min al-ashkāl allati stuemila fīhā'l-amhal ("On the Equilibria of Figures, in which levers are used"). Both titles are in fact cited by Heron [13, 67:3] but we have not been able to ascertain whether actual MSS of these works are known. However, J. Hogendijk has drawn our attention to a passage that occurs in the beginning of Abū Sahl's Treatise on the Construction of the Regular Heptagon in the Circle where Abû Sahl refers to the high regard mathematicians of his time had for Archimedes, works, citing "his existing books such as the Book of the Centers of Gravity and the Book of the Sphere and the Cylinder. . ". Thus, Abu Sahl had as a base from which to begin his work a treatise of Archimedes dealing with centers of gravity, but which work this was is not clear. We do know, however, from Abū Sahl's remarks on 135':12 and 136':10, that, whatever work it was, it did not contain a proof of the law of the lever.

Al-Khāzini reports another work of Ahū Sahl on centers of gravity, [18, p. 27], containing theorems about heavy bodies in liquids ("jismun thaqilun fi ajsāmin rathatin") but no references to "liquid bodies". Perhaps Abū Sahl means by liquid bodies those of irregular shape conceived of as blown in glass and filled with liquid in order to have weight

- 130':27 Under the word "four" in this line there is an arrow and in the left margin is an arrow with sab's (unpointed) written next to it. There is no apparent reason for this.
- 130':27-29 The numeral forms are extremely close to those of the Bodleian MS of al-Qānān al-Mascādi (copied 1082 A. D.) displayed by R.A.K. Irani [15, Plate 1, p. 4] in his study of Arabic numeral forms. The numerals found in C differ most in the form of "2", "6" and "8". The numerals do not appear in D since the chart itself does not appear.
- 130":14-15 that straight line is always equal to an arc. He is referring to the straight line GD in Fig. 4, for, in his example of this on 130":22, he names the line, and he says he has proved it evidently-in his Book of Centers of Gravity.
- 13I':2-23 Abū Sahl's proof may be explained as follows: By histheor em on the center of gravity of an arc, BD: DE = ABG: AC = \( \) (ABG): \( \) AG = \( \) AG: BG: BD, so BD<sup>2</sup> \( \) BG \times DE. By assumption ZD: DB = 3:2 so ZD<sup>2</sup>: BD<sup>2</sup> \( 9:4\), and, thus, ZD<sup>3</sup>: \( \) BG \times DE \( -9:4\). Since his other theorem implies E is the center of gravity of the larger semicircle TZH, his "wonderful arrangement" implies DE: ZD = 3: 7, so \( \) BG \times DE: \( \) BG \times ZD \( \) 3: \( 7 = 4 : 9 \) \( \) . Ex acqualt, and simplifying, we conclude \( ZD : \) BG \( \) 9: \( 9 \) \( \) ; but, since similar arcs are as their radii, \( \) BG: \( \) ZT \( = 2 : 3 = 9 \) \( \) : 14. Thus, again sx acqualt, \( ZD \cdot \) ZT \( = 9 : 14\). Hence, 9: 28 \( = 2 \) (ZD): 4(\) ZT \( = HT : 2 \) (HZT).

The phrase ex aequali, which appears throughout this correspondence, renders the Arabic bi'l-musăuât and refers to The Elements, V. 22

The multiplication of an arc by a straight line on line 4 shows that for Abū Sahl the barriers separating number from magnitude no longer exist. He attempts to give no geometrical interpretation to the product, and he plainly behaves as if he were taking the product of a number by another number.

1311:24 Abū Sahl here refers to Prop. 3 of Measurement of a Circle.

378/988 and their mutual interest in scientific matters led to a friendship which, later, when Sharaf al-Dawla died in 989 at the age of 27 and Abū Sahl left Baghdad to go to Başra, gave rise to this correspondence

On the basis of these considerations we conclude that, although the year 373/983 in a possibility, the weight of evidence supports our conjecture that the correspondence took place during the year 381/991.

### V. General Commentary

- 129":9 qit<sup>c</sup>a min dā'ira This means, literally, "a segment of a circle", but it refers either to the area or arc of a sector of a circle, according to the context. For example, Abū Sahl's remark in 130":3 about "qit<sup>c</sup>atān min dā'iratayn", that, under certain conditions, "the center of gravity of the arc of the smaller of the two and the center of gravity of the surface of the larger of the two is one", is true for sectors, but not for segments. He goes on in line 9 to call this surface "a sector" (qitā'), which is not the usual name for the surface of a segment, so we shall translate qitā' as "sector".
- 129':14 In the Fibrist al-Nadim cites this lost work of Apollonios (20, p. 637)
  "The Determined Ratio, two sections Thabit (b. Qurra) corrected the first, the second is translated into Arabic but is not clearly understood". This latter remark conforms well to the impression created by the references in this correspondence (see also lines 24-25). We believe this work is an Arabic translation of thework cited by Pappos in the seventh book of his Collection under the title Diorismene Tome (i. e. The Determinate Section) [21, p. 642] and whose subject, as explained by Heath [12, II, p. 180], is, "Given four points A,B,C,D, on a straight line, to determine another point P on the same straight line such that the ratio AP · CP: BP · DP has a given value".
- 129":26-27 tholdthat ashkāl aw arba'a mudawwara To translate this as "three or four circular theorems" has a connotation not intended by Abū Sahl, so we have chosen to use the basic meaning "figures" as the translation of ashkal. What he means is "theorems dealing with circles", so they would have circular figures.
- 130°:7 ajsām sayydla wa ghayr sayyāla

The meaning of the phrase "liquid and non-liquid bodies" is obscure but this translation is the best we can do with a text that seems corrupt. Since all three MSS agree on the reading we have not attempted to amend the text; however, if the intended meaning was as we have translated it, one would have expected

مقالات في احوال مراكز الاثقال ثلاثة واربع < في > احسام سباله

results on the barycentric theory, for the first letter we have from him announces in an obviously proud tone the many results he had discovered on centers of gravity. As to when he began investigating these matters we obtain a clue from the preface to his treatise Fi<sup>c</sup>amal al-musabba al-mutasdwi al-adla fi dd'iratin ma'lümatin (MS Paris BN 4821, f. 17), which begins "There appeared in the time of mawldnd, the great, victorious King addud al-Dawla, may God prolong his life and continue his authority, many of the noble sciences, belles letters, the arts... just as there appeared many geometrical theorems which did not appear in the time of one of the (other) kings despite their efforts to make them appear and their struggle for their derivation, for the reason that they knew that this kind of the mathematical sciences (al-'ulūm al-ta'līmīyat), such as (the sciences of) astronomy, number, weights, centers of gravity and similar ones are among the philosophical disciplines...".

Even discounting the flattery apparent in the above dedication it seems there was a flowering of the mathematical sciences under the patronage of "Adud al-Dawla (see eg. E. I., Il (8?), and we believe the reference to "centers of gravity" refers to Abū Sahl's own discoveries in this area. Thus, it appears that this correspondence, which was written after Abū Sahl had done a considerable amount of work on the barycentric theory, took place during or after the reign of "Adud al-Dawla, i. e., the years 367/978 – 373/983 during which Abū Sahl made his first discoveries about centers of gravity.

The other clue to the date of the correspondence is the date Abū Ishāq gives to his first letter, Sunday, the eighth of Safar. Since he, who was by profession a government official, is not likely to have used the astronomers' calendar (see Kennedy [16, p. 232] for the different calendars) to date his correspondence, we are able to list the possible dates for the first letter of Abū Ishāq, i. e. the years between 367 and 384 when 8 Şafar fell on a Sunday. They are the years 368/978, 373/983 and 381/991 (see Wustenfeld [31, p. 9]). The first is the least likely of the three since it was too early in the reign of Adud for Abū Sahl to have done as much on the barycentric theory as this correspondence suggests he had. Also Abū Ishāq had just been incarcerated by 'Adud and told to start writing a history of the Büyids to atone for his past lack of support of 'Adud's cause. The second one, just at the end of 'Adud's reign, is perfectly possible, but our impression is that Abū Sahl was a favorite of 'Adud and stayed in Baghdad during his reign, and if this is so, it hardly accords with Abu Ishaq's lament in the correspondence that "the times do not give him his due". What would accord with this remark is the very last possibility, 381/991, for then the last of Abū Sahl's patrons, Sharaf al-Dawla, had died, and the observatory in his garden, where Abū Sehl had directed the observations Abū Ishāq witnessed, had been closed. This would also explain how it happened that Abū Sahl and Abū Ishāq had even begun the correspondence; namely, they got to know each other in Baghdad around the year

- (5) The Qādī Abū<sup>c</sup>Ali Rībās b. Barnās (132\*:4) The name is unpointed in all MSS and various pointings have not led to a name mentioned in the sources listed in (4).
- (6) Abu I-Mufaddal al-Ansarī (1327:7) The name is completely pointed in all MSS but that has not helped to identify him.
- (7) Euclid (134':9,12; 134':27; 135':1,3.82,9: 135':12; 136':62.7,18.20). Although this Alexandrian mathematician is best known for his Elements, he is also cited in this correspondence for his Data and as the author of a work on the law of the lever.
- (8) (Klaudaios) Ptolemy (134':16. 136':29; 137':16,26). Abū Sahl cites Ptolemy, who flourished in Alexandria around 135 A. D., as the author of The Almagest.
- (9) (Abû Ishāq) Ibrāhîm b. Sinān (b. Thābit b. Qurra) (134°:7; 136°:26-27; 138°:6.11,13). A grandson of Thābit, he lived in the first half of the 4th Hijra Century and is mentioned here only for his treatise on the measurement of a parabola. Studies done to date on his works make it clear that he was one of the best mathematicians of his time.
- (10) Abū Sa<sup>c</sup>d (al-calā') b. Sahl (134':7, 135':14). Since Suter (32, p. 82) already noticed that Abū Sa<sup>c</sup>d commented on Abū Sahl's treatise on the astrolobe, and since we now have the latter conveying an opinion of the former, it is certain that the two men were contemporaries. Although we do not know of a treatise on the area of a parabola by him. as mentioned by al-Kūhī, there is a short MS. Paris 2457/29, entitled On the Properties of the Three Sections.
- (11) Aristotle (137':8)
- (12) Galen (137":9). One of the greatest physicians of antiquity, he flourished in the last half of the second century A. D.
- (13) Hipparchos (137':12,13). He flourished in Rhodes in the mid-second century B. C. and was known to Abū Sahl through Ptolemy's mention of him.

# IV. The Date of the Correspondence

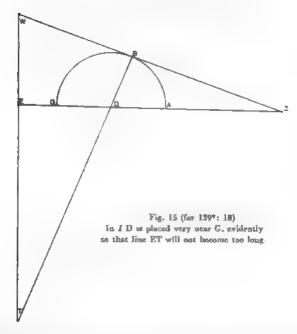
There are two events which fix the interval during which this correspondence was written. The first is the accession of the Büyid ruler 'Adud al-Dawla to the kingship of the Büyid dominions (largely Iraq and western Iran) in 367/978, and the second is the death of Abū Ishāq al-Ṣābī in 384/994, (19). Although the relevance of the second event for dating the correspondence is plain enough the first requires some explanation.

To begin with, the correspondence leaves the distinct impression that it is taking place at a time when Abū Sahl had already obtained a large number of is as the ratio of DZ to ZB, and the square of line ZB is equal to the product of line GZ by ZA, since the line ZB is (11) tangent to the circle, it follows that the ratio of the product of the line EZ by ZD to the product of the line GZ by ZA is known. Thus the point Z is known (12) by Apollonios' Book of the Determinate Rotio. Consequently, the line ZBW tangent to the circle is known, (13) and that is what we wanted to prove (14) Other approaches: Similarly there are many approaches to the first figure but I wrote only one of them by synthesis. (15\*) for if I had written the other approaches and used analysis and synthesis and division (into cases) and division, as Apollonios did (16) in some of his theorems, our composition would be (very) long. I hope that he will attend to that (which we have written) with (his) blessing, God willing, (17) The letter is finished and much praise be to God, Lord of the worlds, and God bless and grant peace to His prophet Muhammad and his family, the good.

#### III. Persons Mentioned in the Text

We provide, for persons (other than the authors) mentioned in the text, some bio – and bibliographical information based primarily on the material in Seagin (27). We begin with the full name, as given by Sezgin, enclosing in parentheses those parts not cited by Abū Sahl or Abū Isbāq. Immediately after the name parentheses enclose the page and line numbers in this treatise where the person is mentioned. The information following this mainly concerns the work (s) to which our authors refer. The order in our list is the order in which the names appear in the correspondence.

- (1) Apollomos (of Perga) (129':14.23,28; 134':11; 136':29, 140':12,15). Astronomer and mathematician known for his Conics but cited in this treatise as the author of Cutting-off a Determinate Ratio. Fl. ca. 210 B. C.
- (2) Archimedes (130°:9; 131°:24,29; 132°:18; 133°:26; 134°:1,4; 134°:6,11; 135°:1,12; 136°:5, 137°:6,7,15,16,17,27,28, 138°:6,11,13,142,16,17). The works of this greatest of the ancient mathematicians cited in this correspondence are Sphere and Cylinder, Measurement of a Circle and The Lemmas. Fl. co. 240 B. C.
- (3) (Abū'l-Hasan) Thābit b. Qurra (b. Zabrūn al-Harrāni). (130':11; 134':7; 135':12; 136':27.28; 138':6.11) He flourished a century before this correspondence occurred and was distinguished both for his translation of Greek and Syriac works as well as for such original compositions as his measurement of the parabola and paraboloid and his study of the unequal arm balance (garasiūn), all of which are referred to in this correspondence.
- (4) Abū Shujā' Shahribān b. Sirkhāb (132':3) The name is pointed thus in C and D and this is consistent with what pointing there is in I. The name is not listed in Qifti, al-Nadim, Ibn Abi Uşaibi's or the standard Western bibliographies, but he sad the following two were contemporaries of the correspondents.



consequently the line ZBW is known, and that is what we wanted to prove.

(8) Another approach: Since the known ratio of the line WZ to the line ZB is as the ratio of the product of line WZ by ZB to the square (9) of ZB, and the product of line WZ by ZB is equal to the product of line EZ by ZD, since the two triangles EWZ, BDZ are similar, (10) and (since) the ratio of WZ to ZE

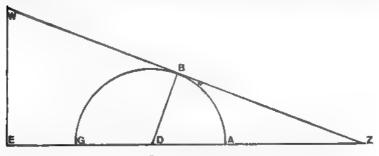


Fig. 16 (fee 140r: 8)

and the point D is known, so each one (9) of the two points Z, K is known. Thus, the line ZB tangent to the circle is known, and that is what we wanted to prove. (10) Another approach: Since the ratio of the line BZ to ZW is the known, if it is as the ratio of the known line DB to the line WT (11) the line WT will be parallel to the line BD, and it will also be known in magnitude,

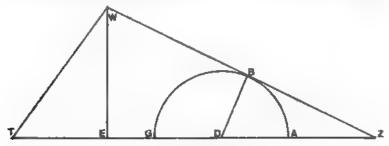
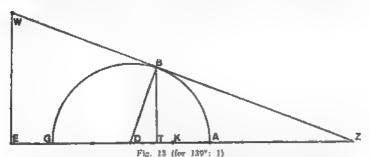


Fig. 14 (for 139\*: 10)

and so its square will be known; but, the square (12) of the line WT will be equal to the product of the line ZT by TE since the angle ZWT is right, being equal (13) to the right angle ZBD. Now the ratio of the product of line ZT by TE to the product of TE by TD is known, since it is (14) as the known ratio of the line ZT to the line DT. So the product of line DT by TE is known, and the line DE is known, (15) so the line ET is known. The point E is known, so the point T is known, and thus the point W is also known (16) since the line TW is known in magnitude. Consequently, the line WBZ tangent to the circle is known and that is what we wanted (17) to prove. (18) Another approach: If the known ratio of the line DE to the line DB is as the ratio of the line TE to ZB (19) the ratio of the line TE to ZB will be known, and the line TDB will be straight if the line TE is perpendicular (20) to the line GD. The ratio of the line ZB to the line ZW is known, so the ratio of the line ET to the ZW is known. (140':1) Thus the ratio of the square of the line ET to the square of the line ZW is known, and the ratio of the square of the line ZW to the product of the line (2) ZW by WB is known, since it is as the ratio of the line ZW to WB. Thus the ratio of the square of the line ET to the product of the line (3) ZW by WB is known. But the product of the line ZW by WB is equal to the product of TW by WE, by the similarity of the triangle ZWE (4) to the triangle TWB, and the ratio of ZW to WE is as the ratio of TW to WB. Thus the ratio of the square of ET to the product (5) of TW by WE is known, and so the ratio of the line TE to the line EW is known. Hence, the ratio of the line ZW to (6) the line WE is known, and the angle ZEW is known since it is right, so the triangle ZEW is known in form. (7) Thus the angle AZB is known, so

of the line TI to the line IX; (6) but, the ratio of the line Dd to the line dE is as the ratio of the line XI to the line It, so ex aequals the ratio (7) of line Bd to line dE will be as the ratio of line TI to line II. So, if we invert, the ratio of the line Ed (8) to dB will be as the ratio of line II to the line II. Now the ratio of line Bd to line dZ is as the ratio of line II (9) to line IK. Thus, ex aequals also, the ratio of line Ed to line dZ will be as the ratio of line tI to (10) line IK. Now, if we compose, the ratio of the line EZ to the line Zd will be as the ratio of line tK to line KI; but, the ratio (11) of line dZ to line ZB is as the ratio of line IK to line KI, and the ratio of line EZ to (12) line ZB will be as the ratio of line tK to line tK, and the ratio of line WZ to line ZE (will be) as the ratio of line HK (13) to line Kt, since the two triangles EWZ. HKt are similar. Thus, ex aequals also, the ratio of the line WZ to the line (14) ZB will be as the ratio of the line HK to the line KT, so, if we separate, the ratio of the line WB to the line BZ will be (15) as the known ratio HT to TX, and that is what we wanted to prove.

(139':1) (1) And this, if the line AGE is not the diameter of the circle and the angle AEW is right. And as for (the case) if the line AGE is the diameter (2) of the circle and the angle AEW is right then we said it is easy, since the



In I the line BTis drawn as a radius and D falls midway between T and G.

known ratio of the line WB to the line BZ (3) is as the ratio the line ET to the line TZ when BT is perpendicular to the line AG. So the ratio of line ET to line TZ (4) is known, and if we make this ratio as the ratio of the line DT to TK the ratio of the remaining known line, ED, (5) to the remaining (line), KZ, is known. Thus, the line ZK is known, and the ratio of the product of the line ZD by DK to the product (6) of the line ZD by DT is known, since it is as the ratio of the line DK to DT. DZ being a common shittude to them both. (7) The product of line ZD by DT is known, since it is equal to the square of the line DB, and so the product of line ZD by DK is known. (8) But we have proved the line ZK is known, so each one of the two lines ZD, DK is known

the angle HKt, and the construction of this is easy. Then I say that the ratio of the line WB to the line (10) BZ equals the ratio of the line HT to TK. The proof of that; If we make the line YK equal to the line DS so that (11) there remains the line kO equal to the line SO, and we make E6 equal to the line Yk also, so that the line EY will be (12) equal to the line  $\theta k$ , (then) since the ratio of the line Yk to the line kQ, I mean the ratio of the line DS to SO, is as the ratio (13) of the line DE to EN, and (since) the ratio of the line DE to EN is as the ratio of the line CE to the line YE, since the two lines CD, NR (14) are parallel, then the ratio of the line CE to the line EY is as the ratio of the line Yk to the line kQ. And the line YE is equal to the line (15) 8k and the line Yk to the line EO, so the ratio of the line CE to the line 8k is as the ratio of the line E8 to the line kQ. (16) Thus the ratio of the sum of the two boes CE, E8, I mean the line CO, to the sum of the two lines 6k, kQ, I mean the line 6Q, is as the ratio (17\* ) of one to its associate, which is as the ratio of the line DE to EN. But the ratio of the line DE to EN is as the ratio of the line LT to (18) TM, and so the ratio of the line C0 to the line CO is as the ratio of the line LT to the line TM, and so, if we compose, then convert (and) then invert (19) the ratio of the line CC to CQ will be as the ratio of the line TL to LM. Also, since angle Q is equal (20) to angle M and angle QDE is equal to angle MtF, which is on arc MKF, and similarly (angle) EDC is equal (21) to angle FtL, then the remaining angle DCO of the triangle DCO is equal to the remaining angle tLM of triangle tLM and (22) the two triangles are similar. Thus the ratio of line CQ to line CD is as the ratio of line ML to line Lt, and ex aequals (23) the ratio of line 6C to line CD will be as the ratio of line TL to Lt. Now the ratio of line DC to line CE (will be) (24) as the ratio of line tL to LX since the two triangles DEC, tXL are similar, as we proved. So ex aequali also (25) the ratio of line 9C to line CE (will be) as the ratio of line TL to line LX. Thus, if we separate, the ratio of the line 6E to (26) the line EC is as the ratio of the line TX to the line XL; but, the ratio of the line CE to the line ED is as the ratio of the line LX to the line Xt. (27) Thus, or aequali, the ratio of the line 6E to the line ED will be as the ratio of line TX to line Xt. Now the line 6E (28) is equal to line DS, I mean line DB, since D is the center of the circle, and the ratio of line BD to line DE is as the ratio of line (29) TX to Xt. Also, since angle AZB equals angle TKF, and the right angle ZBD is equal to the right angle KTC the remaining angle BdZ,

(139':1) I mean angle DdE, is equal to the remaining angle  $T\Gamma K$ , I mean angle  $X\Gamma t$ , since the two of them (2) are opposite (i. e. vertical angles); and, the angle dED is equal to angle  $\Gamma tX$  so the remaining angle is equal (3) to the remaining angle, so the two triangles EDd,  $t\Gamma X$  are similar. Thus the ratio of line ED to line Dd is as the ratio (4) of line tX to  $X\Gamma$  and ex acquali also the ratio of the line BD to the line Dd will be as the ratio of line TX (5) to line  $X\Gamma$ . So, if we separate, the ratio of the line Dd to the line DD will be as the ratio

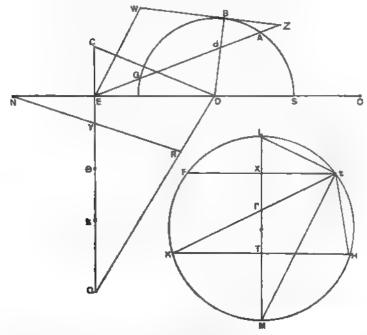


Fig. 12 (for 138r 26)

to BZ is as the ratio of the line HT (29) to the line TK. Thus we construct on the line HTK an arc in which falls an angle equal to angle AEW, (138':1) and let it be are HLK, and we complete the circle HLKM and make the line LTM perpendicular to the line HTK. (2) We draw the line DE and produce it in a straight line in both directions and make the ratio of the line DE to the line EN equal to the ratio of the line (3) LT to the line TM. Similarly the ratio of the line DS to the line SO equals the ratio of the line LT to the line TM. Now we make (4) the arc KF so that the angle on it is equal to the angle DEG, and we make the angle EDC equal to the angle on the arc LF. and we make (5) the angle EDQ equal to the angle that falls on the arc MKF. We draw the line NR parallel to the line DC, (6\*) and at the point E we draw the line CEO so that there results from it the line YO equal to the line DO. We have shown how to do that (7) in many places, and it may often happen that we do not need (for this purpose) to resort to conic sections. Then we make angle LMt equal (8) to angle DQE and join lines tK, tF, tL, tH. We make the line WBZ tangent to the circle (9) and the angle ABZ equal to

(6) way of measurement and the way of Archimedee, Thabit, and Ibrahim ibn Sinan, by which it appeared that the two (parabolic) sections (7) ABD, BGE are a third of the triangle ABG, exactly rather than only approximately. By the method of adding the triangles, by calculation (8) it is not possible that we are led to truth at all, since there are infinitely many triangles, and between the method which is only (9) by approximation and of which one

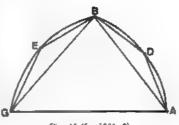


Fig. 11 (for 138r. 2)

does not except that it is ever exact and the method which is only exact, (10) and which cannot be approximate at all, there is no analogy. And if, despite this. I were to come upon a way to measure the parabola (11) by adding the triangles as we said, i. e. by adding the fourths and the fourths of the fourths and it were written "This is Ibrāhîm ibn Sinān's," (12) much less Thabit's or Archamedes', and it were of extreme precision, I would say that it is not his but (only) attributed to him. (13) Ibrābīm is above seeking anything by this method, so how much more Archimedes. Similar to this, it is my opinion about the discovery of the ratio (14) of the diameter to the circumference by that method, that it is not Archimedes' but (only) attributed to him. Archimedes is above (15) seeking the measurement of the circumference of the circle by this method, and it is like the thing with the measurement of the parabola (16) by adding the triangles, and all of this is because of the greatness of Archimedes in our opinion and the abasement of that method of calculation. (17) So the shaukh should not conclude that between us and Archimedes (18) or any mathematician there is disagreement concerning anything, (19) and especially concerning what refers to geometry and a geometric proof, (20) such as the barycentric theorems and that which is known (21) that follows from them. As for the problem that was posed to my lord the shaykh and is divided into cases and (some of which) he solved - (22) may God maintain His support and some of which he did not solve. I understood it and investigated what he solved and what remains. (23) I found what he solved to be pleasing and thought about the remaining, and so I solved this portion of it, that is if there is any angle (24) whatever and any section of a circle. As for when the angle is right and the section is (25) a semicircle, then it is easy, and when it is not like that but the angle and the section are arbitrary, (26) then let the circle ABG, whose centre is D, be assumed, and the line AGE be either the diameter of the circle (27) or otherwise, and the known angle AEW be internal or external. We want to find a line (28) that is tangent to it (the circle) and terminated by the two lines AZ, WE, such as the line WBZ, so that the ratio of WB

assertion of the superiority of Hipparchos, and his (Hipparchos) advancement (13) and his accomplishment and his fairness and his preference for that which is true, says in his book The Almogest that there occurred in the calculation of Hipparchos (14) an error, but he does not intend by that to-degrate him - and how could be when he (Hipparches) is in his opinion the most superior person. Similarly (for) the calculation (15) of the ratio of the diameter to the circumference by Archimedes. Although it is not clear to us that this calculation has missed the mark, in my opinion, (164) it is (mercly) attributed to Archimedes and does not befit him, so if we were to say it is not his work, it would be nearer (the truth) and it would be nearer to (17) praising (him) than our saying that at was his, because the opinion (expressed therein) is not his opinion, the purpose is not his purpose Archimedes never had (18) as his purpose any such thing so this, neither in The Sphere and the Cylinder, nor in The Lemmus, nor in other books (19) of his. We never saw mention of this (book) anywhere in his writings, like the mention of the area of the parabola in the preface to the Book of the Sphere (20) and the Cylinder, along with the mention of some of his (other) derivations. Neither did he use that in some theorem, since (21) it is clear that that method does not lead to the truth at all. Rather it is an approximation and his purpose always is to discover (22) knowledge of things exactly not approximately, such as the discovery of the ratio between the square and the parabola, (23) and between the circle and the spher.cal surface, and between the sphere and the cylinder and the cone, etc., (24\*) an exact discovery and not approximate. Also, this (method of) calculation (in Measusurement of the Circle) although it is impossible that it is ever exact, is not (25) very fine, since its calculator did not revert to chords finer than the chord of four degrees less one-fourth, (26) and this is very coarse compared to what is done in the Almagest since Ptolemy reverts to a chord approximating half (27) a degree, which is much finer than this by quite a bit. Because of (all) this I say this (work) is (merely) attributed to Archimedes and this calculation (28) is, in my opinion, not like a work of Archimedes. And it is not a work of proficient calculators or astronomers either, so that if (29) we were to attribute this derivation to one of our companions, he would not be pleased by it, much less glory in it, since this is like a work

(1381:1\*) of one who seeks the area of a parabola from the collection of triangles in it that are constructed on its diameters (2) by adding the fourth and the fourth of the fourth. For example, the triangle that is on the diameter of the parabola is first ABG, (3) and next the two triangles ADB and BEG, which two are a fourth of the triangle ABG, and similarly (we construct) the succeeding triangles, (14) which are a fourth of the fourth, and they proved that. And whoever adds the fourths more (times), I mean the triangles that are in the parabola (5) as we described, he will be finer (in his approximation) and nearer to the area of the parabola. But what a difference between this

of sine to twenty-eight, it is a consequence of two things, one of them a geometrical theorem about which there is no doubt (20) and the other is that arrangement, ordering, and natural thing of which we are not so certain as we are of a geometrical proof. (21) For this reason we say that the ratio of the diameter to the circumference being like the ratio of a straight line to a (straight) line or a number (22) to a number is without a geometrical proof, since we hesitated how we could be certain of it. As for this ratio being equal to the ratio of mine (23) to twenty-right this is uncertain until a geometrical proof is established for the soundness of this, the evidence for which (24) is the arrangement and the natural matter, or (until one is established) for its falsity, or for the falsity of one of its consequences, i.e., that its ratio is as the ratio of nine (25) to twenty eight. Now if one were to establish a proof for the falsity of its consequence that would be astonishing, because it would be a proof of (26) the falsity of that ordering and arrangement and of this one being an exception to the arrangement of the five for which a proof was furnished, (27) as if it is in a natural arrangement, and more astonishing than that that there should be error in it that escaped the people whose (28) trust in certain things is on account of the natural matter, in contradistinction to the geometrical proof. In his opinion the reason becomes alear (29) for my difficulty in proving it up to now since it is an indication that it is not due to my inability but the thing (137':1) in itself is incorrect, non-existent, and it is for this (reason) we say that the result is in suspension. Now we had written to him (2) before that, "What is the path to the discovery of the ratio of the diameter to the circumference?", and I said that it was not among the totality (3) of the barycentric theorems, all of which are by a geometrical proof, that we may come to grips with it and demand of it what one would require of it in terms of (4) the soundness of its premises. By premises I mean the theorems to which it reverts. Furthermore, the shaykh wrote that if the ratio (5) of the diameter of a circle to its circumference is equal to the ratio of a number to another number, and particularly to the ratio of nine to twenty-eight (6\*) that would be amazing. He said, "More astonishing than that is the discrepancy between it and what Archimedes has set forth". I understand that, but the matter is not as (7) he fancied, and (indeed) there never was disagreement between any of us an Archimedes. That cannot be, because disagreement between (8°) scholars in the things of which their knowledge is through opinion, dogma, an likelihood as it was between Aristotle (9) and Galen and other physicists in the matters of the psyche, and the conditions of the faculties, and similar things. (10) As for the things that refer to geometry and arithmetic they name "erroneous" that which is erroneous and (identify) negligence (11) where negligence occurs, for they know that disagreement quickly disappears when they look into it. Error in arithmetic, when it occurs, (12) is not strange, nor does it indicact the inferiority of him who commits it. Do you not see that Ptolemy, in spite of his

(propositions) that need to be postulated as my ford the shaykh thinks; but I mean what our companions mean by this term, and they (26) mean by "premises" the theorems to which that thing simed at reverts. Do you not see that (when) they say Ibrahim (27) ibn Sinān deduced the area of the parabola without a premise they mean without any other theorem to which it reverted, and (when they say) that Thābit (28) ibn Qurrs deduced it with such-and-such a premise they mean those theorems to which the thing aimed at reverted, (29") and (when) Ptolemy says in the Almagest that Apollonios made a premise for this, he means by it the theorem that

(137':1) was made before the theorem by which is known the situation (station) between the retrogradation of the planets and their forward motion, and the examples of that are many. (2) So it is evident they mean by premises only the very theorems to which the theorem reverts, not as the shavkh thinks. (3) and thus was my intention by the premises of which I wrote to him. Nothing else came to my mind, and for this reason I inquired when I saw (4) in his writing mention of "the generally accepted premise" - on which neither our companions nor we relied, nor is it (5) used in our science as it is used in the science of others. So, since the affair is thus, the notion that (6) a generally accepted premise is (used) in the science of others is nearer (the truth) than that it is used in our demonstrative science. As for the centers (7) of gravity of the six figures about which I wrote to my lord the shaykh, I said that they are arranged in a marvellous order (8) of numerical ratio, and I made a chart for them, and I ascribed them to an arrangement of deeds of the Creator, to Whom belong might and majesty. And my lord says (9) that if it is like that then it is a beautiful arrangement, as though a natural matter. We found all of it by a geometrical proof, (10) except that for the centers of gravity of five of them we found, after their discovery, that they really did occur according to that arrangement (of) which (11") we wrote to him, by a geometrical proof. while (for) one of them, the semicircle, after the discovery of its center of gravity, (then) by a geometrical proof (12) we endeavored to inquire whether its center of gravity occurred on the diameter at that point which that arrangement indicated for it (13) or not. However up to now a proof of it has not been furnished, as had been furnished that the five are arranged according to that ratio, (14) except, in all liklihood and almost certainly, that that one is also in this arrangement (seems) nearer (the truth) than that it is an exception (15) to it, because of the arrangement and the natural matter. If, up to now, the proof of it has been impossible, it is due only to its distance (16) and its obscurity from our knowledge, and we attribute that to our weakness in this art and our need of greater power than (17") that (we have) to manage a proof of that as we managed for the five cases and (that of) the ratio of the diameter to the circumference being equal to the ratio (18) of a straight line to a straight line or a number to a number. As for this ratio (19\*) being equal to the ratio

plained about centers of gravity and have given a proof of it. And as for his pointing out (136':1 ) that this premise belongs to the category of those (premises) generally granted, if he means that it was generally granted by the ancients, who were (2) before us and investigated this science, then "Yes", but if he means that it was granted by us, then "No", since we proved it. (3) By our proof it left (the realm of) premises, whether necessary or otherwise. There occur in the totality of geometrical theorems (4" ) (such statements) as the statement that two sides of a triangle are longer than the remaining side. That was a necessary premise (5) according to Archimedes, since the knowledge that the shortest har joining two points is the straight line (6) was necessary in his opinion and up to the time of Euclid, but when Euclid proved it it was removed from the totality of premises (7) and was transferred to the geometrical theorems and for this reason it was not (simply) a generally accepted premise for Euclid or the people who (8) came after him who investigated his proof, even if it had been considered so for those who came before him. Thus the ratio of weight (9) to weight, according to what we have described, is not a premise for us or for the people who will come after us and who will look into the proof (10) that (we gave) for it, even if it was (considered) a premise by our predecessors since there was no proof for it, as we know. (11) Since we discovered the proof of it, it was removed from the realm of premises and was put into the realm of theorems. Since the matter is (12) thus, there is neither here a generally accepted premise, in any way, nor in any other place at all, (13) and we never assumed a premise for ourselves in anything, but proved it, for how could this be since our knowledge is so extensive as not (14) to need any generally accepted premise, neither is this our wont nor that of our companions. Indeed, how (15) could that be allowed, in our opinion, since a generally accepted premise might be false and whatever is deduced from the false is false. (16) How could we rely on a premise which is of this sort according to us? When was that? Where is it found? What place and in what (17) theorem? How could we use a generally accepted premise in our demonstrative sciences when, in our opinion, whatever is deduced from a hundred (18) premises, ninety-nine of which are necessary like the necessary ones of Euclid and one of which is generally accepted, (19) will follow that one and not the ninety-nine. How could we use a thing when (20) we consider it to be as false as we have described. As if the necessary ones of Euclid did not suffice us in our science (21) and we want more than them and their consequences. No. It is nothing of that (sort), nor is a generally accepted premise used in our sciences. (22) But if he means by "generally accepted premise" those necessary ones themselves, as some people do, then this is a matter for discussion between us (23) and them. As for the premises that I mentioned in my writing, and to which I said reverts the discovery of the center of gravity of a segment of the sphere (24) and a section of the circumference of a circle and of curved line and that the curved line is equal to a straight line, and the like, I do not mean (25) by promises

him, that the area from (4) the place of suspension to the line AB must incline. (5°) (Here is) a demonstration for that. The center of gravity of the equilateral triangle ABG. (6) which he does not doubt is (7) its (the triangle's) middle

(point), let it be D. D is in the place (8) where the ratio of the line ED to the line AD (9) is equal to the ratio of one to two and this is clear; so, if we compose, the ratio of the line AE to the line AD is equal to the ratio of three to (10) two. Hence, the ratio of the square of the line AE to the square of the line AD is equal to the ratio of nine to four. But the ratio of the square (11) of AE to the square of AD is equal to the ratio of triangle ABG to triangle AZH when

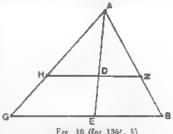


Fig. 10 (for 136\*, 5) MS I has mislabelled "D" as "G".

the line ZH is parallel to the line BG (12) because the two triangles ABG, AZH will be similar. Thus, the ratio of triangle ABG to triangle AZH is (13) nine to four. So, if we subtract, the ratio of the trapezoid ZBGH to triangle AZH is equal to the (14) ratio of five to four, so these two are not equal. Rather, the area of ZBGH, the trapezoid, is greater. Despite (15) this, the center of gravity of the two of them taken together is D, and (so) it is the (proper) place (16) of suspension without doubt, since triangle ABG (17) is equilateral. So, if someone thinks that when (18) the place of suspension is at the point D it (the triangle) inclines to (19) the side BG, since the area in the direction of BG, (20) i. e., the trapezoid, is larger, it would be a mistake, and that is what we wanted to show. (21) Clearer than this is that if someone were to consider a piece of wood, on whose top is a piece of iron, such as an axe for example, and it were to balance (22\* ) parallel to the horizon by some attachment, he would see that (it does not incline) either in the direction of the iron (which) is perhaps nearly a rall or in the other direction (23) (though it be) not even an oke. He would know that experience is contradictory to the thought (he had), and (so) it will not occur to him about other objects that, the place of suspension (24) being in the direction of the larger (weight), it is necessary that there be an inclination. And it is clear that experience in what he sees is conformable to the premise (25) without doubt. So, if the matter is thus, it is certain that the premise which the ancients used about centers (26) of gravity does not need a condition or limitation relative to place, since (if) any two weights remain in whatever place they are, (27) then the ratio of weight to weight is inversely as the ratio of distance to distance with respect to the three centers of gravity. (28) I mean the center of gravity of the two of them together and the center of gravity of each of them. Now ip spite of its not needing condition or limitation (29) it cannot avoid needing a little explanation, but I have already ex-

are equal, and that is what we wanted to show. (7) Then my lord, the shaykh, said that he thought about the premise used in centers of gravity, that the ratio of the weight (8) to the weight is inversely as the ratio of the distance to the distance, and that he found it in need of a condition and limitation according to (9) the place and the figure, since if these two are used unrestrictedly there befalls it (the premise), along with the lack of restriction, something that spoils it. As an example of that, he made (10) a parallelogram. So I inquired into it and his intention, and, by my life, (the fact) that the ratio of weight to weight is the ratio (11) of distance to distance inversely was a premise for the uncients, and like one of the necessary parts of knowledge (s. s., "essential assumptions") in their opinion (12") and in the opinion of those who investigated the science of centers of gravity such as Archamedes and Euchd and other mathematicians so that (13°) it ultimately got to Thabit ibn Ourra and to this, our ewn time. They did not doubt it but we do not know if its validity was, in their opinion, (14\* ) by trial, and it was taken from the senses, as Abū Sacd al-'Ala' b. Sahl thought, or if there was a proof of it which has (15) yamaked with the length of time, as other people think; but (whatever is the case), a premise of this description and standing (16) in their opinion, and which has now been proved, how is it possible that testing could spoil it, as my lord the shaykh thinks in (17) the matter of the two equal parallelograms ABGD,

LMNS as he described at? He said that since it is necessary from (18) this premise that the center of gravity of the two planes ABGD, LMNS taken together is in the interior of the plane NLMS, as the point F, (19) and if we make on the point F a strap, and we raise by it the whole of the two planes, it does not stay parallel to the plane of the horizon but (20) inclines to the side AB. He thinks so because the area in the direction of AB is bigger than the

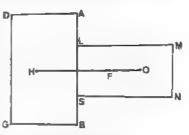


Fig. 9 (for 135": 17)

area in the direction of (21) MN, and on account of that it occurred to him that what the premise necessitates, that the plane is parallel to the horizon and does not incline to (22) one of the sides, is then opposed to what the trial necessitates. For this (reason) be says it needs a condition and limitation. But by my life,

(136':1) if (actual) test were consistent with the thought (he made) the premise would indeed be destroyed and would need a condition and limitation:
(2) however, the affair is not thus, since, if he had inquired extremely closely into that and tested it according to his ability, he would have found (3) the j test conformable to this premise and opposed to the thought that occurred to

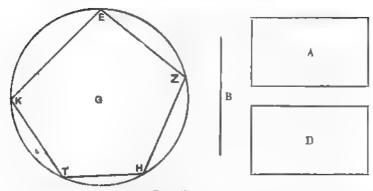


Fig. 6 (for 135v; 16)

Then in the circle G there is a regular polygon greater than the area D, as (21) Archimedes proved, Let it be the figure EZHTK. Then the ratio of the square A to the area D is greater than its ratio to the figure (22) EZHTK since the area D is less than the figure in the circle G and the ratio of the square A to the figure EZHTK (23) is as the ratio of the cylinder whose base is the square A and whose height is the bne B to the cylinder whose base (24) is the figure EZHTK and whose height is the line B, since their bases are polygons. There is no disagreement about it since Euclid (25) proved that. Thus the ratio of the square A to the area D, which is equal to the ratio of the cylinder whose base is the square A and whose height (26) is B to the cylinder whose base is the circle G and whose height is B, is greater than the ratio of the cylinder whose base (27) is the square A and whose height is the line B to the cylinder whose hase is the figure in the circle and whose height is B. (28) So the cylinder whose base is the figure in that circle and whose height is the line B (is greater than the cylinder whose base is the circle and whose height is the line B) and this situation is impossible, (29) since the whole is not less than the part. And if the plane D is greater than circle G then there is a polygon (135':I) around the circle less than the plane D, as Archimedes proved, and in this case it happens that the cylinder whose base is (2) the circle G and whose height is the line B is greater than the cylinder whose base is the figure surrounding the circle and whose height is B (3) This situation is also impossible since the part is not greater than the whole. And if the ratio of the square cylinder to the (4) circular cylinder is not equal to the ratio of its base to an area that is either greater or less than the circle that is the base of the other cylinder, (5) then it is equal to the ratio of the square to the circle. Thus, the ratio of the cylinder whose base is a square to the cylinder whose (6) base is a circle is equal to the ratio of the square to the circle when their heights

If he doubts this, then let him doubt the other, since he cannot make a distinction between them in (27\* ) this regard. Or, let him revert to the book by Euclid and examine the proof he gives that (28) the ratio of two circular cylinders, the one to the other, is as the ratio of the base to the base, and similarly the ratio of two square cylinders. (29) Is that proof valid for two cylinders if one of them is circular and the other square, or not? And if (135':1") the shaykh had looked into that and considered it he would have found the matter to be just as we described it, since the proof of Euclid reverts to taking multiples, the first (2) and the third an equal number of times with the second and fourth. It is like his proof about parallelograms and triangles, (3" ) that the ratio of one of them to the other is as the ratio of the base of the one to that of the other. In like manner, since Euclid says that (4) the ratio of cylinder to cylinder is compounded of the ratio of base to base and the ratio of height to (5) height without exception, then, if the ratio of height to height is the ratio of equality (and) if we then eliminate that ratio, there remains the ratio (6) of cylinder to cylinder as the ratio of base to base in whatever shape it is - circular or square or (7) one of them a circle and the other square, or some other figure than that. Thus, if the shavkh says that the matter is not thus, since if it were (8) as we say it is, Euclid would have mentioned it in his book by way of comment, so when Euclid says nothing about it, we know that the matter is (9) different from that. Then we say, in answer to that that perhaps Euclid omitted a comment like this because he did not need it for his purpose (10\*) even if it is allowed in the proof, as in the first theorem of the tenth book, in which he proves that when there is separated from (11) the larger of two magnitudes more than its half, and from the remaining more than its half and from the remaining more than its half, and that is done (12) continuously, then ultimately a quantity will be reached less than the smaller (of the two quantities). This very same proof allows that if there were separated from (13) the greater of two quantities its half, and from the remainder its half and (we proceed) like this continuously, then eventually a quantity would be obtained less than the smaller quantity, (14) But he did not mention that since he did not need it for his purpose, and the shaykh knows that. And if, after this, he says, "Leave all this and give (15) the proof that the ratio of a circular cylinder to a square cylinder is as the ratio of base to base," (16\*) then I say, "I hear and I obey." The proof of that: If the ratio of the square cylinder, whose base (17) is the square A and whose height is the line B, to the circular cylinder, whose base is the circle G and whose height is the same bne B, (18) is not as the ratio of the square A to the circle G, then let the ratio of the square cylinder to the circular cylinder be (19) as the ratio of the square A to another area, and let it be D. The area D is larger or smaller than the circle G, so let it first be smaller (20\*) than the circle G, if possible.

straight live than the circumference of the circle is from it, because the parts of the circumference of the circle fit (3) on each other and the circumference of the parabula has no such property, and this circumstance separates the circumference (4) of the parabola further from the straight line than (it separates) the circumference of the circle from it. So, with greater reason, since the parabola is not of (5" ) the kind of the square according to this then two are not equal. But despite this we find a segment of a parabola is equal to a square (6) by a proper proof; firstly, from the mention of Archimedes in the preface to the Book of the Sphere and the Cylinder that he had found it and next (7) in the proof of Thabit ibn Qurra and the proof of Ibrahim ibn Sinan and the proof of Abu Sa'd ibn Sahl and other (8) mathematicians who relied on proper proofs, and there is no disagreement about this among people (9) who are acquainted with the contents of the geometrical theorems. It is because of this I say that I am astonished at whomever is acquainted with the contents of the geometrical theorems. (10) As for those who know nothing of these it is no marvel, but my amazement is at their pronouncing judgement on things in contradiction to what (11) geometrical proof shows, since I see them as people who pass judgement on the theorems of Archimedes and the theorems of Apollonios and on (12) what follows from them apart from it without knowledge of these theorems on their part. As for my saying that the ratio of the circular cylinder (13) to the square cylinder is as the ratio of the base to the hase when their height is the same, (14) I said this without explanation since this, in my opinion, is too clear to need an explanation. The proof: What we mean (15°) by any kind of cylinder is simply a solid that is (formed) from the product of the base of each of the two with the height of each of the two, and so if there were (16) two level, plane figures, of any shape whatever and if the ratio of one of them to the other is not known (17) in any way at all, when we give to both of them some straight line as a common height - just as we do between (18) two lines - then always the ratio of the product of one of the two (figures) by that line, i. e. one of the two cylinders, to the product of the other figure (19) by that very same line, r. r., the other cylinder, is as the ratio of one of the two figures to the other. And we do not consider the shape of the base of them. (20) beyond their being level, just as we do not consider (for) the bases of the two parallelograms, if (21°) the height of the two of them is equal, the type of their ratio - if they are unknown or known, rational or irrational, or if one of them (22) is preational and the other is rational, or more exotic that that - once they are two straight (lines), just as when it is (the case of) two plane (surfaces). And the shaykh, (23) just as he does not heatate to accept that, in taking the common height between two straight lines, be (24) the sort of ratio between them, unknown, doubtful, or known, so he must not doubt shout taking the common height (25) between two level planes when one of them is a circle and the other is a square, that this is sound, since the state of the ratio between them (26) is no worse than unknown or doubtful.

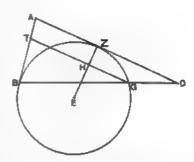
existent ratio, according to the sense in which we use it, how could it not be known between the circle and the square (8) while each of them is known. If two magnitudes known then indeed the ratio of one of them to the other (9) is, in our opimon, known - as Euclid proved in the first theorem of The Data. How could it not (10) he known, when we are able to find a circle equal to a circle and a square equal to a square so that, if we exchange (middle terms), (11) the ratio of the circle to the square will be as the ratio of the circle that we found to the square that we found. (12) And with respect to every two quantities there exist two quantities in the ratio of the two and so the ratio of one of them to the other is known, as Euclid mentioned, (13") also. This sense of "known" is not from the point of view of quantity, and so because of this the chord of one degree, (14) I mean one part of the three hundred sixty parts of the circle, is known in the opinion of whoever divides the augle (15) into three equal parts since he found it (the chord), and whatever it is possible to find is, in our opinion. known. Yet, that very same chord (16) is not known according to Ptolemy and the astronomers since by "known" they mean its measure relative to the diameter and so, when (17) we find one and the same thing "known", in the opinion of some people, according to one sense, and "unknown", in the opinion of others, according to another sense, (18) then we know that "known" has two senses, and similarly "known ratio". Clearer than this is that if there were a straight line (19) postulated on which any point whatever falls then the ratio of each of the two sections to the other (20) is known, in our opinion, since each one of the two of them is known, even if we do not know if one of them relative to the other is bigger, (21) or smaller or equal. But according to them what is like this is not known since by "known" they mean the measure of the thing (22) and by "known ratio" the measure of one of the two of them relative to the other, as we said. So, the matter being thus, it is clear that if I had (23) said that the ratio of the circular cylinder to the square cylinder is known in this sense, or (that) the ratio (24) of the circle to the square is known, it would (still) have been permissible; but, I avoided saying that so there would be no uncertainty and no (25) ambiguity regarding "known", which has two senses - as if I understood what would come to the mind of (some) people about this. (26" ) I did not use that (expression) since I did not need to use it in the proof I gave that the straight line (27) is equal to the curved line and the area of the circle to the area of the square. And when the matter is thus, (28) it is desirable that the shaykh please examine that theorem once more and ponder it more since I am astonished at people (29) who claim that the area of a circle is not permitted to be equal to the area of a square, and that there is no ratio between the two of them, and who say (so) since the circumference

(134":1) of the circle is curved and not of the kind of the circumference of the square, and especially at whomever knows the contents of the geometrical theorems, (2") since the circumference of the parabola is further from the

to that theorem which I wrote to (13) the shaykh and examined it, but no mention of "known" was in it at all, in any way, and I did not say (14) in it that between the orgular and square cylinders there is a known ratio, nor between (15) the circle and the square. I said nothing I do not have need of and I am astonished at his mention of it: although, (16) had I said it, it would have been permissible according to our companions, since we say of a certain magnitude that it is known when it is possible to find an equal to it. (17) and of two magnitudes that the ratio of one of them to the other is known when we are able to find two magnitudes in the ratio of the two, (18) whether they be two lines or two planes, although we may not know whether one of them is greater than, less, than, or equal to the other. For (19\* ) we do not mean by this aspect of "known" the amount of a thing, nor by "known ratio" the measure (20) of one of them as compared with the other, which is what the algebraists mean by "known ratio" in number and (21) computation and the astronomers (mean) in chords and sines - the amount of one of them as compared with the other. The ratio that they maintain (22) between the circle and the square, that it is not known or it is known, they mean "known" only from the aspect (23) of quantity since they maintain that between the circle and the square there is no equality and no ratio, since (24\*) they are not of the same kind, according to their claim. And we say to them "Why is it not permissible for there to be a ratio between them, just as there is between (25) the spherical surface and the cylindrical surface and between the conical surface and the plane surface (26) a ratio of likeness, and (similarly for) others than these, as Archimedes proved in The Book of the Sphere and Cylinder, while the difference (27) between these surfaces is most certainly greater than the difference between the two plane surfaces, one of which is a square (28) and the other a circle? And if, in spite of this, the square is not of the kind of the circle according to your claim then it is necessary that none (29) of these surfaces which we mentioned is of the kind of the other and there is no proportionality between them, and yet

(134':1) between them there is a proportionality and an equality. Archimedes has proved that, so why is it not permitted that there be between the circle (2) and the square something like that, even though they are not of the same kind according to your claim. (where) we mean by "known ratio" a quantitative ratio? (3) Thus they cannot mean by their doctrine that there is no ratio (of any kind) between these two since they are not both of the same kind, and that if there were (4) it would be found, (for then it would be) as if they do not understand our doctrine, or they doubt Archimedes' proof, or they believe that every ratio (5) that exists between two magnitudes can be found. If they believe that, how ridiculous! Thus it is clear that they intend their statement that the ratio (6) of the square to the circle is not known (to be taken in the sense of) quantitative ratio, not an existent ratio – just as we said. As for (7) the

and the angle ABD is known so the triangle (16\*) ABD is known in form. Thus, the angle D is known, and we may produce from G the line GT at an angle equal(17) to the angle D so that the position of the line GT (18) is known. Then we produce from the center E a perpendicular (19) onto the line TG, namely EH, so it will be (20) known in position and it will be terminated at the point (21) Z, so the point Z is known. (22) This proof is more general since it accomplishes both cases (23) together. A third case: If the line



Pig. 7 (for 1331: 12)

AB is not taugent to the circle, but rather disjoint from it (24) and the line BD either passes through the center or does not pass through it, but, it does bound with the line AB a known angle, (25) namely angle B, then how will we find the tangent line, namely AZD in accordance with the known ratio? A fourth case: (26) If the line AB is a secant of the circle and the line BD either passes through the center or does not pass through it, but it hounds with the line AB (27) a known angle, namely angle B, how will we find the tangent line, namely the line AZD, according to the known ratio? (28) He will have the goodness to show me the way to the derivation of these two cases, God willing, for it is difficult for me. (29) The letter has ended and praise to God, Lord of the Worlds.

(133':1) The answer of Abū Sahi al-Qūhi (sic) concerning the writing of Abū Ishāq al-Sābī (2). The writing of my excellent lord the shavkh arrived answering my two writings, the one, in which was the premier theorem of (3) one of the chapters of centers of gravity, and mention of the two cylinders, the circle and the square, (4) and the other, in which was mention of the discovery of particulars of matters of centers of gravity, and the description of the way to the discovery of the ratio of the diameter (5) to the circumference. I rejoiced first of all at his good health that it showed, and I praised God for it and asked Him for its continuance (6) and the increase in it. In it he wrote he doubted the premises that I used were sound, that (7) the ratio of the circular cylinder to the square cylinder is known, it being necessary for that, that (8) the ratio of the base of one of them, a circle, to the base of the other, a square, is known. He said, "By my life, the ratio of (9) cylinder to cylinder is as base to base if the heights are equal but (10) that is true only of cylinders of the same kind, i. c. that are both circular or both square. As for the circular (11) and square, the ratio between these two is unknown." I understood that and know that doubt (12) in the right place is better than certainty in the wrong place, and I returned precedes them, in order that I might share his certainty as well as the climination of doubts (21) and the objections of the adversaries. I hope that he will be so good and comply with my wishes for that, one-by-one, (by) the excellence of his grace, and (22) his benefit to me will be complete. Thus he knows, may God support him, that these things are magnificent and of great significance, and when (23) the geometers hear of them they will wonder and desire to know the true state of affairs. Confidence in these things will not come about except with (24) the security of the premises from doubts and objections, and so for this reason I ask that he send them to me, (25°) in order, from beginning to end. A problem was presented to me, may God support the shaykh (who presented it), divided into cases, (26) some of which he elucidated and others of which he did not, and I will explain them so that he may consider them and

make me learn the way to the derivation (27) of the remainder of the cases and send his views on it. May God not deprive me of his existence and benefit from him. (28) The circle BG is assumed and a line BA tangent to it at B and the line BGD is its diameter and the point E (29) its center and we want to find a line tangent to it, termintated at the two lines AB. BD as the line AZD, so that the ratio

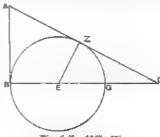


Fig. 6 (for 1327: 28)

(133":1") of AZ to ZD is as a known ratio. The analysis: Since the ratio of  $\Delta Z$  to ZD (2\*) is known the ratio  $\Delta D$ :ZD is known by composition. But it is as the ratio of the product of AD by DZ to the square (3) of ZD, so that the ratio of the product of AD by DZ to the square of ZD 15 known. We draw ZE. so the angle Z is right, and similarly (4) the angle B is right, so that the points A,Z,E,B are on the circumference of a circle. Thus, the product of BD by DE is equal to the product of AD by DZ and so the ratio of the product of BD by DE to the square of ZD is known Also (5) the square of ZD is equal to the product of BD by DG, so the ratio (6) of the product of BD by DE to the product of BD by (7) DG is known, and it is as the ratio of DE to (8) DG since BD is a common height. Thus, (9) separando, the ratio of EG to GD is known, (10) and EG is known, since it is balf (11) of the diameter, and so the line GD is known. Thus the point D is known and bence the position of the line DZA is known. (12) Another case: If the lipe BD is not a diameter for the circle, (but) rather it is a chord in it that bounds, along with the tangent line AB. (13) a known angle, namely the angle ABD, and we desire that the ratio of AZ to ZD is as a known ratio, (14) then, by analysis, the ratio of AZ to ZD is known (so), when we compose, the ratio of DA to AZ will be known. (15) But AZ is equal to AB, since they are both tangents, (and so the ratio of) DA to AB is known, the sum of the two planes, it will not happen that the two are parallel to the plane of the horizon. (27) Rather, the side that is near the line AB is heavier than the side that is near the line NS, and the figures and positions are (28) considerably at variance. So how (can we find) the way to guard against that, and is the use of this premise permitted (29) unrestrictedly with the variance that has appeared in it? He will be so good as to inform me what he thinks about that, God willing.

(132':1) There came to me some of his news about his trip to Wasit, so that I was much delighted, and I told myself that he (2) would come to Baghdad so that I will enjoy the sight of him and meeting with him and the benefit from bim and conferring with him about these matters (3) and others in person. And when the victorious army arrived I asked Abū Shuja' Shahriban ibn Sirkhab (4) and he informed me of his (Abū Sahl's) return to Basra and he explained to me about his affairs and the affairs of the Oadi Aba "Ali Ribas ibn Barnas. (5) which reassured me except for a feeling of desolation at postponing the meeting, and the difficulty of its realization is still lingering as it was. God will protect both of them, (6" ) near and far, with His mercy. When I had finished my writing up to this place, his composition came to me from (7) Abû-l Mufaddal al-Anşāri. I understood it and was reassured by his health that it showed. I praised God for it (8) and asked Him for its continuance and its increase. I studied the discovery he mentioned be had deduced of the center of gravity (9) of the triangle and its solid the cone, and the discovery of the center of the parabola and its solid and the discovery of the center (10) (of gravity) of the semicorcle and its solid, the bemisphere, and I marvelled greatly at it and at the matter that appeared in it, (11) like something natural in the necessity of that succession and arrangement that he explained and showed. And my excitement doubled (12) at the magnificent gift in it, and by God, he never saw the like of himself and we cannot hope to see his like. It pains (13) me that the (present) time and its people do not give him his due. Who will grant to me that some town will bring him and me together in the remainder of my life, (14) so that I might occupy my time with him and with honefit from him? Then I attended to all be mentioned about the discovery (15) of the center of gravity of a section of the circumference of a circle and the proof that the ratio of every arc to its chord is as the ratio of half (16) the diameter of the circle in which it is to the line joining the center of the circle and the center of gravity of that are, and the discovery (17) of the ratio between the diameter of the circle and its circumference, that it (the ratio) is as the ratio of a number to a number, I mean the ratio of nine (18) to twenty eight. This is astonishing, but more astonishing is the difference between it and what Archimodes sets forth, and (19) he (Abu Sahl) has mentioned that there are fundamental principles and premises for all that, on which he built. For this reason I am greatly in suspense (20) that I might know their consequences and what place of doubt such as appeared to me in the matter of the ratio between the circular cylinder and (3) the square cylinder. The shavkh assumed the detailing of that to a great extent in the first chapter, then the second, then the third, one- (4") by one until the end of the book I considered the premise used for the centers of gravity, that the ratio of weight (5) to weight is as the ratio of distance to distance inversely, and I found it in need of some condition or limitation depending on the position (6") and the shape, since, if it is used unrestrictedly, there appears in it, with the generality, something that spoils it. An example of that: If we (7) lay down two planes ABGD, GDEZ, equal

to each other and having right angles, and if AB is greater than AE and AC the equal of GE and the side (8) GD common to the two of them, and (if) the center of gravity of the plane ABGD is the point H and the center of gravity of GDEZ the point T (9) and if we want the center of gravity of the sum of these two planes, r. r. ABEZ, then if we join the two points H, T (10) with a straight line, which is TH, and we divide it into two halves so that the division

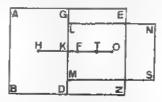


Fig. 5 (for 132r: 7) We have followed C in the relative positions of the letters on line HO.

falls on the point K, which (11) is on the middle of the line GD, then the point K will be the center of gravity for the sum of the two planes. That is because (12) the division of the distance between the two centers at its half is in the ratio of equality and the compensation and the non-compensation are one, Then, if (13) we fix the plane ABGD in its place and remove the plane GDEZ from its place and we put it in the place (14) of the plane LMNS, on the condition that the line LN is (15) the equal of the line GD and the line LM the equal of the line GE (16) and the line LK the equal of the line KM, and the point 0 (17) is the center of gravity of the plane LMNS, then we seek (18) the center of gravity of the sum of the two planes ABGD, LMNS (19) it is necessary that we extend the line HKT to the point O. (20) Then we divide the line HO into two halves at the point (21) F, so the point F will be the center of gravity of the sum of the two of them according to what the premise occessitates. But the point K was already the center (22) of gravity of the sum of the two of them, and so the two centers differ along with the difference of the two places whereas the two weights did not change from (23) their state of equality. So if we require that the center of gravity of the two of them is the first point. K, (24) then the point K is not on the middle of the distance HO and in that it violates the premise; but, if we require that (25) the center of gravity of the two planes ABGD, LMNS is the point F, which is half the distance HO, then we imagine (26) that we put on the point F an attachment and by it we raise that most of my research in this matter is but to bring (4) me near to him, and so much as he reads me (my works) and is pleased with me so will my activity be in that. If we do not seek to please (5) him in that (matter) in this age of ours whom will we seek to please, and if we do not glory in him then in whom will we glory, and whom, in this time of ours, (6) do we and our scientific colleagues have in this science other than him, and who except him knows the (same) amount of this science? (7) Surely God will prolong his life and will continue his grace. May He not deprive me of him, (in) His grace and His Mercy. (8) End of the epistle and much praise to God and prayers (9) on the Chosen Muhammmad and his family, the good (?), (10) In the name of God the Merciful, the Compassionate, I rely on God (11) The letter of Al-Sabi to Abū Sahl al-Kühi, of whom he asks the view concerning doubts that occurred to him about what he derived May God the Exalted have mercy on both. (12) My writing. May God lengthen the duration (of life) of the shaykh. As for (my) health, may God be praised, the Lord of the Universe. The writing of the shaykh arrived some time (13) ago, sucluding the theorem which he made about the discovery of a straight line equal to the circumference of a circle and the existence (14) of a rectilineal area equal to the area of a circle, and according to it he made his position, and I approved (15) the method he followed except I doubted the premise that he need was sound, namely that the ratio (16\*) of the circular cylinder to the square cylinder is known. For that it is necessary that the ratio (17) of its base, a circle, to its base, a square, is known, and by my life the ratio of the cylinder (18) to the cylinder is as the ratio of the base to the base if the two heights are equal, but (19) that concerns two cylinders of one kind. I mean if the two are both circular or both aquare, so that if (one) is circular and (the other) is aquare (20) the ratio between the two of them is unknown. Thus, if the shaykh has a proof of this that has already preceded, or a basic principle on which he has built, he will be so good (21) as to present it to me and benefit me by it. Indeed my heart is much in suspense over this matter since, may God support him, he knows that the ancient (22) geometers died while in their hearts was despair of discovering what he discovered, but (it was) impossible (for them). It is with his superiority and his high (23) rank that he found what they did not find Also, my heart is in suspense over the knowledge of the things that he derived about conters (24\*) of gravity. Without doubt they are wonderful, since we did not obtain a complete book on this science. I mean centers of gravity, (25) nor was there done any satisfactory work by one of the ancients or one of the moderns. In my opinion it is in the rank of a separate art, which (26) needs to have a book of basic principles. But what I prefer is to dwell on what he deduced one-by-one and chapter-

(1321:1) by-chapter and step-by-step until there comes to me knowledge of the basic principles on which it is built and there remains (2) in myself no

product of the arc BG by the line DE is equal (5) to the square of the line BD. Furthermore, since the ratio of the line ZD to the line DB is as the ratio of three to two, the ratio (6) of the square of the line ZD to the square of the line DB is as the ratio of nine to four. Also, the square of BD is equal to the product (7) of the are BG by the line DF, and (so) the ratio of the square of ZD to the product of the arc BG by the line DE is as the ratio of 9 (8) to 4. Further, the ratio of the product of the are BG by the line DE to the product of the are BC by the line ZD is as the ratio (9) of four to nine and a third since the two of them are in the ratio of three to seven, and ex aequals the ratio (10) of the square of the line ZD to the product of the arc BG (11) by the line ZD will be as the ratio of nine to nine (12) and a third, and the ratio of the product of the are BG (13) by the line ZD to the product of the are ZT by (14) the line ZD is as the ratio of the arc BG to (15) the arc ZT since the line ZD is a common altitude to the two of them. Also the ratio of the arc BG to the arc ZT is as the ratio (16) of the line BD to the line ZD since the two arcs BG, ZT are similar and D is the center of the circle. Further, the ratio of the line BD (17) to the line DZ is as the ratio of two to three, so the ratio of the product of the ard BG by the line ZD to the ard ZT (18) by the line DZ is as the ratio of two to three, which is as the ratio of sine and a third to fourteen. Ex aequal: (19) the ratio of the square of the line ZD to the product of the line ZD by the arc ZT will be as the ratio of the line ZD to (20) the arc ZT and so the ratio of the line ZD to the arc ZT is as the ratio of nine to fourteen and the ratio of twice (21) the are ZT, the are HZT, to twice DZ, the line HT, is as mine to fourteen. (22) But the line HT is the diameter of the circle and the arc HZT is half its circumference, so the ratio of the diameter to the whole circumference (23) is as the ratio of nine to twenty-eight, and it is as the ratio of a number to a numher. So the circumference turns out (24\*) to be three likenesses of the diameter and a ninth. Thus, when that occurred to us we looked into the work of Archimedes in which he says that (25) the circumference of the circle is less than three likenesses of its diameter and ten parts of seventy parts. I mean (26) the seventh, and this is conformable to our dictum, not contradictory to it, since the ninth is less than the seventh without doubt. However, (27) he also says in it that it (the circumference) is greater than three likenesses and ten parts of seventy-one parts, and this (28) is not conformable unless he says mucty-one parts in place of seventy-one parts so that it is conformable. (29) And according to us it is no more (serious) than that. We do not suspect any of the ancients (of being anything) but beautiful and good, so how much more Archimedes, (1317:1) the leader in that. If the shaykh is eager to examine the proof of these theorems, which I said are premises (2) for this theorem, before my meeting with him, let him write with what he wants of them, in order that I might separate it off from the chapters along with their premises (3) and I will send it to him and will take great pride in his examining it. God knows theorem since that straight line (15) is always equal to an arc of the circumference of the circle. This is a wonderful thing that has not been mentioned. The example of that, (16) If the arc AEB is part of the circumference of the circle whose (17) centre is G and whose radius is  $GE_{\tau}$  (18) and the center

of gravity of the arc AEB is the point D, (19) I say that the ratio of the arc AEB to its shord (20) AB is always equal to the ratio of the radius, (21) EG, of the circle to the line GD, and it is between the center of the circle and the center of gravity of the arc AEB, (22) i. e., the point D, and I proved that the straight line GD is always equal to a curved line from the circumference (23) of the circle. All of these things are from the totality of the theorems of the Book of Centres of Gravity. As for the ratio of the diameter to the circumference (24) (being) equalto the ratio of a number to a sumber it is not part of it (the totality), but when these facts from (the science of) the centers of gravity occurred to us (25) we looked into the matter of the diameter (compared) with the circumference and we postulated the semicirole ABG of the circle whose (26) center is D, and the lipe DB perpendicular to the diameter AG, and the point E. the center of gravity of the arc ABG, and we knew (27) that the ratio of the

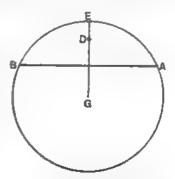


Fig. 3 (for 130\* 16)

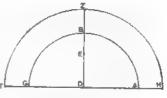


Fig. 4 (for 130\*: 25)

arc ABG to the line AG, its chord, is equal to the ratio of the radius of the circle, the line (28) BD, to the line DE, since we proved that concerning every section of the circumference of a circle so particularly for the semicircle. (29) Then we made the ratio of the line DZ to the line DB equal to the ratio of three to two and we drew about the centre D and with distance

(131':1) DZ the circle HZT so that the point E is the center of gravity of the surface of the semicircle HZT also, as we said (2°) Since the ratio of the line BD to the line DE is equal to the ratio of the arc ABG to the line AG it is equal to the ratio of half (3) the arc ABG, the arc BG, to half the line AG, the line BD, since the point D is the center of the circle, and the ratio (4) of the arc GB to the line BD is equal to the ratio of the line BD to the line DE. Thus the

to (21) the ratio of one to four (parts) (22) of the diameter, and of the paraboloid (23) according to the ratio of two (24) to six, and of the (hemi) sphere according to the ratio of three to eight. Now the planar (figures). As for the center of gravity (25) of the triangle (it occurs) according to the ratio of one to three, and of the parabola according to the ratio of two to five. (20) and of the semicircle according to the ratio of three to seven. And this is a chart for htat.

- (27\*) Center of gravity:
  - of the triangle according to one of three (1 of 3) and of the cone according to one of four (1 of 4)
- (28) and of the parabola according to two of five (2 of 5) and of the paraboloid according to two of six 2 of 6
- (29) and of the semicircle according to three of seven

  and of the hemisphere according to three of eight

  3 of 7

(130°:1) (1) This is the natural sequence in which we found the centers of gravity and we were amazed at the occurrence of this arrangement. Next. (2) one theorem is a premise for the discovery of the center of gravity of a section of the circumference of the circle, and it has premises also. And it (the first-mentioned theorem) is that (3) if there are two sectors of two concentric circles, and the ratio of the radius of one of the two to (4) the radius of the other is the ratio of 3 to 2, and they are similar (sectors), then the center of gravity of the arc of the (5) smaller of the two and the center of gravity of the surface of the larger of the two is one. An example of that, if the point E is the center of two circles (6) AB,GD and the line EBD is straight, (7) and similarly the line EAG, and the ratio of the line GE (8) to the line EA is equal to the ratio

of three to two (9) and the center of gravity of the arc AB is the point Z then the point Z is the center of gravity of the surface GED, the sector, also, (10) I proved that in the chapter whose (11) premier theorem I sent in (12) the writing which I wrote before that. In that chapter is also another theorem and it is the proof that the ratio (13) of every arc to its chord in the circle is equal to the ratio of the radius of that circle to the line between (14\*) the center of the circle and the center of gravity of the arc, and it is a good (and) very remarkable

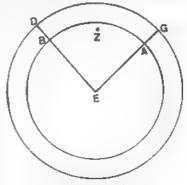


Fig. 2 (for 130° 5)

are of the sort of those figures which he derived and started with, and that is his own investigation (28) into the chords of the ares of the circle just as Apollonius looked into the straight line in The Determinate Ratio. (29) For this reason I simply must meet with him (Abū Ishāq) and get his opinion and his

help in the completion of these

(130':1) theorems, and I hope that the meeting will be soon. God willing. However, if the shaykh wants that before (2) the meeting and he simply must have it, then I must have those theorems which he has and I do not in order that I might look into them for the relatioship (3) of their arrangement and their method since they are (the right ones) for my business with the theorems of the centers of gravity. As for the centers of gravity, (4) there remains of them a slight thing until six consecutive chapters are finished, four of them which I have done here (5) in Basra and two there in Bagbdad. Then there will be done after that. God the Exalted willing, a chapter in which there are problems about centers (6) of gravity and it will be the best of the chapters and biggest of them. Next chapters will be appended to this chapter about the matters of the centers (7°) of gravities, three or four (chapters about) liquid and non-liquid bodies. After all this (introductory detail I turn to) the first of these chapters, (8) God willing. As for the four chapters which I did here, all of them point to (9) an arrangement of deeds of the Creator, to Whom belong might and majesty, like the things that are in Archimedes' Sphere and Cylinder. Are we not (10) astonished at the occurrence of the sphere's bappening (to be) two thirds of the cylinder according to what he described and proved, and at the paraboloid. (11) that it is its (the cylinder's) half as Thabit ibn Qurra proved, and at the cone that it is its third as the ancients made plain? (12) And so we found in the matters of centers of gravity an arrangement more wonderful than that. Among them (our discoveries) is that if we rotate (13) the semicircle ABG, whose center is D. along with the parabola whose axis is BD, and along with the rectilineal triangle ABC (14) around the line BD perpendicular to the line AG, so that there results from the rotation of the semigirale (15) a hemisphere and from the parabola the paraboloid and from the triangle a cone, then (16) the cone is a solid for the triangle as the paraboloid is for the

parabola and the hemisphere for the semicircle. (17) We found the arrangement for these solids, as regards centers of gravity, more wonderful than the corresponding arrangement for measurement. As for the centers (18) of gravity of these solids, (19) the center of gravity of the solid of the triangle. (20) I mean the cone, falls according



Fig. 1 (for 129\*\* 13)

Small letter because it is a continuation of the previous sentence. We left it thus for the simplicity of printing. And this form is used throught the article.

letter, may God extend the duration (of the life) of my lord the excellent shaykh, (composed) Sunday, the eighth of Safar, is from a state of health, for which I praise (4) God and ask its like for him. The writing of my lord the shaykh reached me a long time ago (5) with the praiseworthy, sound investigation, which is his wont, and I wrote a reply to it in which I asked things to which (6) I am still awaiting an answer, and there was nothing from him about that until now. The length of time since he last wrote fills me with worry (?) as does the interruption of that praiseworthy subject matter, so I wrote this letter seeking to know his news, may God make it good, (8) and seking that he complete those things. Among them, may God support him, he mentioned to me in the writing that came from him his discovery (9°) of the centre of gravity of a segment of the circumference of a circle, and that he found the proof that the ratio of the diameter to the circumference equals the ratio (10) of a number to a number, and other results of his, and I asked him, may God not deprive science and scholars of him. (11) that he present me with the whole of his discoveries, especially that the ratio of the dismeter to the circumference equals the ratio of a number to (12) a number, for it is a thing I myself was striving mightily to know and to use. And I reminded him of what (13) he promised mc namely that he will complete his book about centers of gravity and will (send) a copy of it to me, (14\*) and the remaining theorems of the second book of the treatise of Apollonios on the Cutting-off of a Determinate Ratio. (15) I am returning to and repeating the questions about all of that, and if he will be so gracious to me, may God support him, as to send it to me, either all together (16) or singly, according to his convenience, along with mention of his news and his circumstances and the course of his affairs and the obstacles of his (17) necessities and whether he intends to return to the City of Peace (Baghdad), so that we may feed on hope and busy ourselves with wishes, then (18) God knows my longing for his opinion and my lonliness because of his separation (from me). My lord the shaykh has power over what he sees (19) and he will grant it (my request) in that (matter), God the Exalted willing. (20) Copy of the suswer from the shaykh Abū Sahl al-Kühl (21) the letter of my lord the excellent shaykh arrived and I understood it I was reassured by his health and I pressed God for it. (22) and what was mentioned of the book of centers of gravity, the discovery of the center (of gravity) (23) of a sector of a circle, the ratio of the diameter to the circumference (being) equal to the ratio of a number to a number, and the remainder of the theorems of The Determinate Ratio of Apollomos. (24) As for my view, singly, about the remainder of the theorems of The Determinate Ratio, my opinion is that there does not follow from it what we want (25) and it is not complete except with him and with his help, and its aspect is like what was in the theorems that originated with him and with his help. (26\*) I also thought of samething else, namely, that in the beginning of the second book of this treatise there are three or (27) four circular figures, and I think that they

Third Letter: (Extant, the first of the present correspondence.) This is written by Abû lahāq to express his worry at the interruption in the correspondence and to repeat the requests of the previous letter.

Fourth Letter: (Extant, the second letter of the present correspondence.) Abū Sahl writes to Abū Ishāq and says they must meet soon to discuss the theorems in The Determinate Section. He refers to a book he has written on centers of gravity, of which he has completed six chapters and plaus to write four or five more. He introduces his chart on centers of gravity and states two theorems dealing with centers of gravity of sectors and ares of circles. Finally, he uses the chart and the above results to show that  $\pi$  has the value 28/9.

Fifth Letter: (Extant, the third of the correspondence.) From Abū Ishāq to Abū Sahl, in which he says he does not believe the ratio of a circular cylinder to a square cylinder of the same height is known. Further, he constructs what he believes is a counter-example to the unrestricted validity of the law of the lever. After praising the lovely relationships revealed in Abū Sahl's chart of centers of gravity, he attacks the value of  $\pi$  Abū Sahl derives and cites its inconsistency with the lower bound established by Archimedes. Finally, he states a problem concerning a given circle cut by at least one side of a given angle.

Sixth Letter: (Extant, the fourth of the present correspondence.) From Abu Sahl to Abū Ishāq, in which he discusses the various senses of the word "knowe" as it applies to ratio as well as the question of when two magnitudes are of the same kind. He concludes with a proof that the ratio of two cylinders, of the same height, whatever level planes be their bases, is as the ratio of these bases. Next, Abū Sahl exposes the error in Abū Ishāq's counterexample to the law of the lever, and he shows that not every line through the center of gravity of a triangle, for example, divides it into two parts having equal areas. In the following discussion. Abū Sahl emphasizes that he has given a proof of the law of the lever, and he distinguishes between "generally accepted" and "necessary" premises. Then he turns to his chart and admits that, although he has proved only five of the six entries, the beautiful pattern of the chart gives him confidence that the sixth - on the location of the center of gravity of a semicircle - will turn out to be as true as the others. As for the discrepancy between the value for  $\pi$  obtained from this result and the bounds established by Archimedes, he argues that the style of argument in Measurement of the Circle, with its use of approximative methods, is quite unlike that of any other known work of Archimedes, and thus the work is not genuine. Finally, the letter ends with the construction that solves Abū Ishāq's problem and a proof of the validity of this construction.

#### II. Translation

(129°·1) In the name of God, the Merciful, the Compassionate. I ask him for help. (2) The letter of Abū Ishāq al-Ṣābī to Abū Sahl al-Kūhī (3) My

letters in the text referring to points in the diagrams, since they reveal that D is wrong whenever C is wrong. In addition, D contains errors of its own, for example, the "slip of the eye" of the scribe of D on  $131^\circ$ : 11, 12 in passing from one fi to the next and so omitting these two lines. The foregoing are grounds for believing that D is a copy of C. However, the fact that all MSS omit a phrase in  $135^\circ$ : 28 and all have the incorrect ZT (clearly pointed) for DT in  $139^\circ$ : 7 suggests all three ultimately derive from the same copy of the correspondence.

In the translation parentheses enclose words we have supplied, either to amplify the text when it appears to be elliptical or to enclose trinslations not of the text but of what we feel the text must have been when Ahū Sahl or Abū Ishāq wrote it. Parentheses also enclose references to figures in the manuscripts, and these figures are copied as nearly as possible from AS 4832. They are essentially the same as those in the Cairo MS, while the Damascus MS has only blank spaces where figures ought to be.

In transliterating the letters denoting points in geometrical diagrams we have followed the system of Kennedy and Hermelink (17), as far as it goes (to shin in the abjad order), which we complete as follows:

$$\mathbf{c} = \mathbf{t}$$
  $\mathbf{c} = \mathbf{d}$   $\mathbf{c} = \mathbf{d}$   $\mathbf{c} = \mathbf{c}$   $\mathbf{c} = \mathbf{c}$   $\mathbf{c} = \mathbf{c}$ 

This represents a slight modification of a system proposed by A. I. Sabra incorporating suggestions of Y. Dold Samplonius and J. Hogendijk (private correspondence from J. Hogendijk).

# The Correspondence in Outline

Since the correspondence occupies over 20 folio pages and ranges over a large number of topics the reader may find the following brief overview of the correspondance and its contents useful.

First Letter: (Not extant) From Ahū Sahl to Abū Ishāq. This letter states Abū Sahl's results on the center of gravity of an arc of a circle and announces the rationality of  $\pi$ . Abū Sahl promises to send a copy of his book on centers of gravity as well as the "remaining theorems" of Apollomos' The Determinate Section. Book II.

Second Letter: (Not extant) From Abū Ishāq to Abū Sahl. This letter requests details on the subjects Abū Sahl has mentioned in the previous letter, especially about the value of  $\pi$ .

Some time passes and Abū Sahl does not reply, This prompts Abū Ishāq to write again.

knew, and it contains an extended discussion of a difficult geometrical problem not previously encountered in the literature.

For these reasons we think it worthwhile to present an English translation of the entire correspondence, accompanied by an edition of the (text based on the three extant manuscripts. Our translation is followed by a series of commentaries, including a short study of the metamathematical issues discussed and a final commentary on the geometrical problem referred to above.

Our previous study was based on a copy of the Istanbul MS. AS 4832 supplied to us through the kindness of A. I. Sabra. Subsequently, D. King sent a copy of the same correspondence found in Cairo, and the authorities of the Zähiriya Library of Damascus provided a copy of the remaining version of the correspondence.

We employ the following sigls for our discussion of the three MSS, on which our edition is based (dates as in Sezgin (30), V, pp. 320, 402):

- (I) . MS Ayasofya 4832, 129' 140' (5th Cent. Hijra = 11th C. A. D.)
- (C): MS Cairo D\u00e4r al-Kutub, r\u00e4y\u00e4d, 40m, 209\u00bc 221\u00e4 (from 12th Cent. H\u00e4pra = 17th C. A. D.)
- (D): MS Damascus, Zāhirīya, 5648, 196° 214° (from 14th Cent. Hijra = 20th C. A. D.)

Both C and D are written in neat hands and are carefully pointed; however, D has no diagrams and its scribe has left out phrases and even whole lines in several places. Though not so carefully pointed, I has a complete text with all diagrams and about the same number of scribal errors as C. Thus, we have referred our translation to I and have used the notation  $(X^{r,v}:Y)$  to denote line Y of folio X, side 1 (r) or 2 (v), whereas, (Y) alone refers to line Y of a folio aiready mentioned. An asterisk following Y refers to the General Commentary, Sec. V, and we have included in the text parenthetical references of the form (I 130"), for example, to indicate where the various folios of the source manuscripts begin. Three orthographic differences between the text of I and those of C and D are that in I "Aristotle" is أرسطالس , while in C and D it is د أرتبيدن while in D and C it is أرسالمانين and D and C always write الكرمي for I'a الكرمي (although I once spells it with a qaf). The closeness of C and D in matters of detail is well-illustrated by both referring to the area NLMS on 135": 18 of I as the area LMNS. Another example is a series of pious phrases, identical in C and D at the end of letters. but which do not appears in I. On the other hand, there are enough places in the mathematical parts where the scribes of C and D have correctly written something that is erroneous in I to establish that I was not the source of C or D. In addition, only in I are letters referring to points in geometrical disgrams written with bars over them. We have not listed common orthographic variants, such as tixi vs till; however, we have recorded variations in

# The Correspondence of Abū Sahl al-Kūhī and Abū Isḥāq al-Ṣābī: A translation with Commentaries

# J. L. BERGGREN®

#### I. INTRODUCTION:

In 1979 J. Sesiano and the present author independently presented studies of a portion of the correspondence between Abū Sahl al-Kühî and Abū Ishān al-Şābi, (see (29) and (6)). Abû Sahl, who enjoyed the patronage of the two Büvid tulers "Adud al-Dawla and his son Sharaf al-Dawla, was famed as a mathematician, astronomer and one skilled in the craft of observational instruments (see Qifti (25, pp. 351-354). In 359 A. H. (969/70 A. D.) he assisted in observations of the sun at Shiraz and by 378 A. H. (988/989 A.D.) he was sufficiently respected to be put in charge of the observations ordered by Sharaf al-Dawla in Baghdad. These observations must have been regarded as being of some importance, for Abū Sahl had them witnessed (and the record signed) by a group of people including two qadis (judges), the celebrated astronomers Abū Hāmid al-Şaghānī and Abū'l-Wafā' al-Būzjānī, and bis correspondent Abū Ishāq al-Şābī. Abū Ishāq was a high official under the Būyid rulers Mucizz and "Izz al-Dawla but then fell into the disfavor of Adud al-Dawla, only to be freed from prison by 'Adud's son Sharaf al-Dawla. He lived but six years after the observations he witnessed in 378 since, according to E. I. (19), he died in 384 (994). The two letters in the present correspondence are the only writings on mathematics attributed to bim, and he seems to have been an enthusiastic amateur whose many official duties left him little leisure for a pastime he much enjoyed.

The studies mentioned in the previous paragraph dealt with but two of the many topics discussed in this correspondence, namely the barycentric theorems Abū Sahl had proved and, on the basis of one he had conjectured, his unfortunate proof that the ratio of the circumference to the diameter of a circle is equal to 28/9. (In the remainder of the paper we shall refer to this ratio as  $\pi$ , though this symbol was foreign to medieval mathematics). We shall not repeat the contents of those studies here; however, the correspondence offers us a chance to read the mail of two important figures of the late 4th Hijra Century, (10th c. A. D.) whose spirited discussion of mathematical issues, conducted with elaborate politeness, reveals much about the attitudes of an important mathematician and an interested layman of that time. In addition, it tells us more about the travels of Abū Sahl and the people he

Department of Mathematics, Super France University, Burnaby, B. C. V5A 156

# APPENDIX A

# The Arabic text of al-Basdawi's treatise edited from MS Cairo Dar al-Kutub B 19385

# رسالة في سمت القبلة

سي ا

دافيد كينج

س ٢ (١) // بسم الله الرحمن الرحيم الحمد لله العلي العظيم الحليم الكريم الحكيم العليم الملك الحق المبين دي العرة والقوة المتين على ماأنعم عليها مهن أنواع الفصائل ومكارم الأخلاق والشمائل والصلاة على رسوله المصطفى الأمين لمجتى المكين وعلى آله وأصحابه وأزواجه الطاهرين أجمعين .

(٣) قال الشيخ الإمام والقرم الهمام صدر الإسلام أبو البسر الزدوي (حمه الله أما بعد فإن أعطم العادات بعد الإيمان بالله تعالى الصلاة فإن التي عليه الصلاة والسلام قال الصلاة عماد الدين من تركها فقد هدم الإيمان وجعل الإيمان بالإيمان بالإعمان بالإيمان بالمناه على المناه كالبيت المنهدم والدار المنهدمة دار إلا أنه لا يمكن الانتفاع بها ددلنا هدف الحديث أن الصلاة من أعظم العبادات وأن تاركها لسطل العادات وأن تاركها

(٣) ثم كل مس هو يحتاح إلى أداء الصلاة في كل يوم مرراً كثيرة لا يقدر على أدائها إلا بعد معرفة أركائها وشروطها ومن شروطها التي تحتاج إليه في كل صلاة التوحه إلى اللحمة فلا بد من معرفة الكعبة انها في أي جهة فإل السلف من الأتمة رحمهم الله وصعوا مسائل كثيرة في كل شرط من شروطها في التقليد وكللك وضعوا مسائل كثيرة في الزكاة // وإن كان أكثر الساس لايحتاج إلى معرفة مسائل الزكاة ووصعوا مسائل كثيرة الحاحة تقسل إلى معرفة مسائله الوكاة ووصعوا مسائل الشراع والجمايات ومسائل أحرى في كل كثيرة كل معرفة مسائله أحمد والجمايات ومسائل أحرى في كل

...

ملاحظه کل ماورد ي الحواشي هو وارد ي الاسل ، إلا مدكر حلامه . ٢ – اليزدرى ٢ – ثاقص ٣ – جال ١ – المنهام ۵ – لايبطل ٢ – مماثلها ٧ – اعمر فن واتنعرا دلائلها وتأملوا فيها وما اكتفوا فيها بالتقليد وإن كان عامسة الماس لايحتاجول إلى تلك المسائل في عامة الأرمال بطرأ للماس حتى إدا وقع الإنسال حاجد يجدها أو بجد مثلها ولا يتحير فيها وكان أبو حميفة رحمه الله رئيسة في وضع المسائل بدلائل وأصحابه العدد تأملوا في تلك المسائل وكنمك فقياء الأمة من غيرهم رحمهم الله فما وحلوا له دليلاً يدل على فسحته اعتقدوه وقالوا له وما لم يوضع لهم دليل صحته طرحوه وم يكتفوا بالتقليد اعتقدوه وقالوا له وما لم يوضع لهم دليل صحته طرحوه وم يكتفوا بالتقليد ا

(٤) ثم إن السلف من الأنحة أكثرهم أعرضوا عن التأمل في أمر القلبة واكتموا بالتقليد وإن كان وصع القلة لبس بواحث عليه التقليد وإن هلوا دلك لأنه لم يكن فم آلة معرفة الفلة فإن القلة لا تعرف إلا يعلم الحساب وما كان لهم بصر بالحساب فقلدوا عبرهم لعجرهم عن معرفتها بالدلائل فهن عامة السبف من الأثمة ما كانوا احتهدوا في علم الحساب وقد كان لمعص أصحانا // بصر في علم الحساب فطلبوا دلائل القبلة ووقفوا عليها ولكن م يصنفوا فيه كتاباً لغموض علم الحساب ولإعراض أكثر الناس عنس علم الحساب حصوصاً الفقيه، منهم وبعضهم صنفوا كتاً ولكن صنفوها غامضة لا يقف على ما فيها إلا المتحرون في علم الحساب فتعطلت تلك الكتب وبقي الناس أجمع .

(a) ثم إن بعص المتأخرين من أصحاب الشافعي ممن لم يشم رائحة الحساب ما وراء النهر وخراسان حطأوا السلف الصالح وحرفوا القلة ما بين مشسرق الشتاء ومعرنه واعتمدوا على حديثين أحدهما من رووا عن النبي عليه الصلاة والسلاء أنه قال القبلة ما بين المشرق والمعرب والثاني ما روو عنه عديه الصلاة أو السلام يُصا أنه قال لا تستقبلوا القلة عند الحلاء ولا تستدبروها ولكن شرقوا أو غربوا وهسان الحديثان لا تعرف صحيهما الأن ما رواهما الثقات في كتبهم ثم وإن ثبت فلا يخفى على عاقل أن الاحتجاح بسه غير صحيح فإنه يعرف كل عاقل ببديه عقله أن قلة البلادكلها لا تكون بين المشرق والمعرب وإنما تكون قبلة بعض الملاد وليس في حديث السي عليه المصلاة والسلام أن

۱ - یا ۲ واصح ۲ - داقص ۲ - دن ۵ - دقص

٦ - روی

هذه القبلة قبلة أي ناحية فلا يصح التعلق بهذين الحديثين فإن قالوا // قد روى قبلة أهل العراق ما دين المشرق والمغرب فنقول المحسده الزيادة ليست تصحيحة فإن العراق لم تكن فتحت يومئذ فالأولى؟ أن المراد من هذين الحديثين قبلة أهل المدينة فإنها بين المشرق والمغرب .

(٣) وإن السنف الصالح وضعوا قبلة ما وراء النهر وخراسان حين التحو، البلاد إلى مفرب الحريف وهو المعرب عند ستواء النهار والليل فالشمس إدا برلت في برح الميزان ومصى عشرون يوماً حتى قطعت قريباً مسل عشرين درجة فمل واحه الشمس عند العروب فتلك القبلة التي وضعها أولئك السلف وهو وقت فراغ عامة مخارى مسئ رراعة الحنطة والشعير وكذلك إذا الرئت الشمس في برج الحمل.

(٧) وما ذهب أصحاب الشافعي ميهم إليه من تحريف القبلة خطأ محض لا يحمى خطأه على من له عقل كامل وتأمل قلبل تأمل عصلاً من أل يكون شم رائحة من الحساب فإنه يمما ستقيم أل تكون قبلة بلاد ما وراء النهر وخراسال ما تبين مشرق الشتاء ومعربه إذا كانت هله اللاد مساوية لمكة في الطول أو طول هذه البلاد قريباً مسن طول مكة كطول مكة مع طول المدينة يعني بالطول بعد الملدة مسن بحر المعرب المحيط بالأرض وبعد مكة من بحر المعرب سبع وشمانول درجة وبعد سمرقند منه تسع وشمانول درجة وبعد سمرقند منه تسع وشمانول درجة ونعد سف منه تمال وثمانول درجة وبعد المعرب في الطول وثمانول درجة ويحد عارين غرب عشرين درجة وكل درجة قريبة من حمسة وعشرين فرسخا فيكول التفاوت بين مكة وبحارى في الطول تحسمالة فرسخ أو قريباً منه وبين سمرقند وبين مكة التفاوت أكثر من هذا في الطول وكذلك بين مكة ونسف فمن جعل وحهه إلى ما البعد في الطول قريب من المخد في الطول قريب من المعد في المعد في الطول قريب من المعد في المعد في المعد في المعد في المعد في الطول قريب المعد في المعد في

ع ساتقول ۲ سامل ۲۰ سایا ۶ سامه ۵ ساوید مخدی (مکرد) ۱۰ سامه ۲۰ سامه ۸ گمانید ۹ ساقریب ۱۰ ساتمس ۱۱ سامین در محا حسانه در سح (انظر می ۶ رقم ۱۲) ۱۹۱۸ أنه لا يكون متوجها إلى مكة لأن بعدا ما بين مكة ونخارى في الطول خمسمائة قرسخ فإدا قدًا وقع اليقين على خطأ ما أحدثه المتأخرون من أصحاب الشافعي ئ؟ القبلة .

وأما القبلة التي وضعها الذين فتحوا البلاد وهي التي يصلي عليها أصحاب أبي<sup>ع</sup> حنيفة وحمه الله ففيه اخراف إلى يمين المصلى وهو يسار القبلة **عإن** وحه الصَّلَةُ إِلَى المَشْرِقَ فَإِنَّا قَدْ دَكُرُنَا أَنْ هَدْهُ الصَّلَةُ إِلَى مَغْرِبُ الاستواءُ وَهُرُ وَسَط المعارب ومغرب الاستواء ليس عساو لحله البلاد ئي العرص وإئما يستقيم هذا إن لو كان عرض هذه // البلاد وعرض مكة سواء وبينهما مقارنة في العرض حتى يكون المحادي لمغرب الاستواء محاديًا لمكة ونين مكة وهذه البلاد تفاوت عظم في العرص قال عرض مكة إحدى وعشرون درجة وعرص مخاري ثمان وثلاثون درحة وعرض سمرقند أربعون درحة وعرص بسف قريب من ست؟ وثلاثين درحة ويعني ٢ بالعرض بعد البلدة عن خط الاستواء وهو وسط السماء٨ علِنَ العمرانُ ۚ كُلُّهَا ثِي أَحَدَ النَّصَفَينَ مِنَ الْأَرْضُ وَهُوَ النَّصَفُ الذِّي ثِي يَسَارُ القبلة وكان بين مكة وبخارى من التفاوت في العرض؟ ست عشر؟ درجة كل درجة قريبة ٢ من خمسة وعشرين قرصحًا فيكون بينهما من الفراسخ أربعمائة فرسح وبين مكة وسمرقمد التعاوت أكبراا فلا يستقيم البتة أن يكول المحادي لمعرب الاستواء متوحها إلى مكة لما بينهما من التفاوت الكبير ١٣ في العرض قريب من١٣ خسمائة ورسخ١٣ ولأن الشمس تغرب عبد الامتواء على يسار مكة لاموازياً لمكة فلا يكون المتوحه إلى المعرب يومثد متوجهاً إلى مكة وإنما وقع 14 لهم هذا الغلط لأنهم وصعوها ١٥ بالتحري من غير أن تكون ١٦ لهم معرفة بالحساب والمتحري عامل بلا دليل بل هو عامل متحكم القلب وكثيراً ما يخطئ المتحري ولكن مع هدا تحور ١٧ صلاة المتحري إذا لم يكن معه دليل آخر١٨ ومن صلي ولا دليل معه^١٨ فتكون صلاته جائزة وصلاة من تقلدهم كذلك ولكن // إذا بين إسان

۱ - البعد ۲ - المقده ۵ - المقدی ۵ - المقدی ۵ - مثبته ۹ - مثبت ۹ - الریب ۲ - الریب ۱۳ - خستن درسخا ؛ خسانه درسخ

١١ يكون ١٧ - يجوني

٣ -- ص ٤ -- أير ٧ -- وتعين ١٥ -- فإن المسران: قال المسراني ١١ -- اكثر ١٣ -- الكثير ١٤ -- رقم ١٥ -- وسقوا

12 – رقع من او برسفوا 14 – ومن صل ولا سه دليل ۽ ولا سه دليل

197

خطأهم بالدليل لاتجوزا الصلاة إلى تلك القبلة بعد ذلك .

(٩) وقد سمعت أداساً أثق سهم أيام مقامي يسمرقند حين كت قاضياً بالحضرة؟ يقولون إن؟ العلماء تكلفوا في القبلة التي وضعها من فتح بلاد ما وراء النهر واتفقوا أنها منحرفة عن الكعنة بساراً فرجعوا إلى أهل الحساب الذين لهم بصيرة في هذا الداب فوضعوا لهم قبلة إلى يسار المصلى ويمين الكعبة وهو ما بين قبلة أصحاب أبي حيفة رحمه الله وما أحدثه المتأخرون من أصحاب الشافعي رحمه الله وقبلة مسجد الجامع يسمرقند وصعوها على ذلك وعليه اتفق أصحاب أبي حنيفة والشافعي يومئذ وهو قبلة لا انحراف قبها إلى جهة وقد المتحنتها حين دخلت سمرقند سنة ثلاث وسعين وأربعمائة وكانت الشمس في برج الجلوزاء فوجلتها مستقيمة قويمة .

(١٠) ثم إني لما رأيت هذا الاختلاف الفاسد الباطل في أمر القلة بين أصحاب أبي حنيفة وأصحاب الشافعي المتأخرين منهم فإنه اختلاف الجهال فإن العالم بالقبلة يخطئهم حميعاً والذي لا علم له بالقبلة وله تقوى وعقل كامل لا يتارع في القبلة ويقر بالجهل فإنما تبقى المنازعة بين عوام لا تقوى لهم ولا كسال عقل مع حدة تأمل أردت أن أصنف كتاباً قصيراً في أمر القبلة وأبين فيه ماهو الصواب وأدل عليه بدلائل نيرة وأبين فيه طريق معرفته بأسهل الوجوه طالباً لثواب الله والتوفيق // لإتمامه معتصماً به من الزلل والخطأ راجباً مرضاته .

س ۹

(١١) فأقول قد بيا في أول الكتاب ما تبين به خطأ ما أحدثه المتأخرون مسى أصحاب الشافعي في أمر القبلة ودكرنا ما وصع الذين متحو، البلاد من القبلة أنه ليس بمستقيم وقد سمعت من أثق به من الفقهاء الصلحاء أن من خرج من مكة وتأمل في أمر القبلة ثم رجع إلى بلاد ما وراء النهر عرف أن القبلة منحرعة إلى يسار القبلة وكان جدما الشيخ الإمام الزاهسد أبو محمد عبد الكريم بن موسى حرج إلى مكة حاجاً وتأمل ثم في أمر القبلة علما رجع إلى ملده حول قبلة مسجده إلى يسار المصلى وهو يمين القبلة لمنا أنه استيقن

١ - پيورز ٣ - إن : أن ٣ - حد د - آخيف ه - شمر ف حملاً ثلث القبلة إلا انه نقصها وردها إلى ما كانت لكثرة قبل أناس فإن الحهل مع الحسية عالمان في عامة بلده وقد سبعت السدا من قوم عدول ثقات وكدلك لحدث العقوا وحولوا قبلة المسجد الحامع بسمرقند عما كان إلى يسار المصلى واتفق عليه الأنمة مسن الفريقين فدل اجتماعهم على خطأ كاني " القبلتين .

(١٢) وم قاله أصحاب إن الحدي بسعي أن يكون على شحمي أدن الإسان إذا أراد أن يصبي ليس تصحيح عابه يستقيم هذا إذا كان عرص مكة وعرص هذه البلاد سواء وليس كدلك لل يسهما في العرص تعاوت عظيم كسا بين وما قاله بعض أصحاب الشافعي إنه ينغي أن يكول الحدي على قدا الإنسان إذا أرد أن يصلي حط محص // أيصاً فإنه إنمسا يستقيم هسلا إل لو كان طوب مكة وطوب هذه البلاد سواء وقد بين أنه ليس كدلك وما دهب إليه أصحاب اليافعي أشد خطأ نما ذهب إليه أصحاب أبي حنيفة واللان قحوا الملاد لأن عرف هذه البلاد إلى مكة وضعها المتقدمون إلى معرب الاستواء وما وضعها إلى مغرب الاستواء وما

(١٣) فأين الآن طريق معرفة القبله في تلاد ما وراء البير بخاري وسعرقند وسعد وما يتبعها من البلاد والقرى بقدر مايقع في أديام النبس أجمع احساب وأصحاب التجارب سوى الحساب على أن الشمس إدا ترلت برح الحواراء فإن الشمس تصير مسامنة لا لمكة وقت الزوال كالترس على رأس الإسسان حتى لاينقي في موضع من المواضع ظل حبى قالوا لايبقي في لآبار طن وكذلك إبدا برلت الشمس درح السرطان وقطعت منه عشرين درحية تصير الشمس أيضاً مسامئة لمكة وقت الزوال ولكل بلدة يكون طولها مثل صون مكة فائن الشمس درجة أو دين نزلت الشمس درج الجوراء أو دين قطعت الشمس عشرين درحة مسن درج السيرطان يكون دلك قبلة المك قطعت الملدة وكل دلدة بخالف طولها المسول مكة وكان طول الملكة الكلدة أكثر من

۰ - عبى : قبل وقال ۴ - برده ۴ - كلف E - ناقس ۵ - عدر ۴ - ناقس ۲ - سادنا ۸ - رفطح ۹ - سادنا ۱۱ - ناقس

145

طول مكه مثل بحاوى وسمرقند بكول روال مكة بعد روال تلك البلدة وتند دكرنا التفاوت ابن طول هده البلاد وطول؟ مكه فإعسا ترول الشمس محكة عن كند لسماء بعد روال بلده بخارى ويلدة سمرقند وبلدة بسعب بساعتين وثلثي اساعة فإدا المحت ساعتان وثلثا ساعة بعد الرول ببلدة بحارى وسمرقند من المحراء أو ويسمر أله المحراء أو وي آخر برج السرطان في بلده سس هده البلاد فدلك قبلة تلك البلدة فإن كان الإنسان عن يقف على الساعات يعمل بعد معرفة الساعات على ما بينا وإد كان الإيمرف حقيقة الساعات ودا صار طن كن شيء بعد الزوال مثل بصفه وهو وقت يؤدي صلاة الطهر أصحاب أبي حيفة وحمهم أبي المنافقة في بلدة من هده البلاد فهو قبلة تلك البلدة فإن كان الإنسان عمى يعرف دحول الشمس في البروج وإلا يرجع إلى من يعرف دلك فيسأل فيسوي القبلة حيث الشمس في البروج وإلا يرجع إلى من يعرف دلك فيسأل فيسوي القبلة حيث يكون الشمس في غابة القصر فإذا كادت الشمس برح الحدي وهو أول الشناء حين يكون الهدر في غابة القصر فإذا كادت الشمس تعرب فس استقبل الشمس حيثلا البلدة من هذه البلاد بلدة سمرقية وغارى ونسف فيلك قبلة تلك البلدة المن بلادة من هذه المناف المناف

(١٤) ولكن تسوية القبلة نقبلة مسجد الحامع بسمرقند في بلدة بحارى ونسعت هسوه أن ينظر إلى قرص الشمس بعد الزوال بي بلدة سمرقند وفي مسجد الحامع حتى يصير محادياً لقبلته وينظر كم طلى كل شيء فيأخذه ثم يعود إلى عارى أو نسف أو كرمية أو كش بالعجلة ويستقبل الشمس بها بعد الزوال إدا صار طل كل شيء مثل ماصار دسمرقند فدلك قبلة تلك البلدة فإن في اليوم واليومين إلى عشرة لايقع إلا تعاوت يسير لايعتبر مثل دلك التعاوت .

(10) وقد وصع احساب طريقاً آخر لمعرفة القبلة وتسويتها يمكن // س ١٦ العمل به في كل يوم فإن الشمس نصير مامتة للكعبة في كل يوم في م وقت منس الأوقات فمن عرف ذلك الوقت واستقبل الشمس في بلدة من هذه البلاد في ذلك الوقت فلك قبلة تلك اللدة ولكن منس أراد تسوية لقبلة

۱ عاد ۳ - مکرر ۴ - وثاث د - بعنی د دارسل ۱ د دو ۲ - الخشاب ۷ - سامتا ۸ - من

190

في كل يوم ينبعي أن يتعلم ما معرف به ارتفاع الشمس فإذا كانت الشمس في درج الحمل في أول درجة منه وكان ارتفاع الشمس نعد الزوال أربعين درجة مس استقبل قرص الشمس في دلك الوقت في بلدة مسن هذه البلاد فدلك قبلة تلك البيدة وإذا كانت الشمس في برج الحمسل في الدرجسة الثانية منه وكان ارتفاع الشمس بعد الزوال إحدى وأربعين درجـــة فمن فمن استقبل الشمس في المدة مسى هذه البلاد في دلك الوقت فللك قللة ثلك البلدة وهكذا برداد في كل يومين وأكثر من ذلك درجة درجة حتى تنزل الشمس درج السرطان وتقطع منه ست عشرة درحة فإذا فزلت؟ في الدوجسة السادسة عشر وكان ارتفاع آلشمس بعد الزوال ست وستين درجة فمن استقبل الشمس في ذلك الوقت في ملدة من هده البلاد فذلك قبلة تلك البلدة ثم ينقص في الدرح هكذا حتى تنزل الشمس برج الجدي وتقطع منه ست عشرة درحة فإذ نزلت الدرحة التاسعة عشر مه وأخذت الارتفاع بعد الزوال في بلدة من هذه البلاد وكان الارتفاع إحدى° عشر درحة فمن استقبل الشمس في بلدة من هذه البلاد في ذلك الوقت فذلك قبلة تلك البلدة ثم تأخذ الدرجة في الزيادة كل يومين وأكثر حتى تصير إلى الحمل وقــــد كتبت زيادة الدرجة وهی حروف^ ایجد ۴

ملاحظة الناسخ • يمون الله تم نسخ هذه الرسالة في يوم الخميس ٢٤ صفر سنة ١٣٥٥ الموافق ١٥ مايور
 سنة ١٩٣٦ على نفقة دار الكتب المصرية نقلا عن النسسة الحطية المستحضرة من مجلس محلي سوهاج تحت نحرة ٢١ أصول وكتبها راجي عقو المتين محمود عبد الطبيف فخر الدين النساخ بدار الكتب المصرية العامرة .

Al-Bazdawī on the Qibla in Early Islamic Transoxania

Sayili A Sayili, The Observatory in Islam, Ankura: Turkish Historical Society

(Series VII, No. 38), 1960

Sayyıd F Sayyid, Fibrust of-makhfüldt, 3 cols Caro Dar al-Kutub 1961-1963

Seign F Seign, Geschichte des arabischen Schriftums, 8 vols. to date, Leiden, E.J.

Brill, 1967 to present.

Tagizodek S. H. Tagizadeh, Old Jeanum Calendars, London Royal Asintic Society,

1938

Troupeau. "Lo Livre des Temps de Jean thu Mheawayh " Irabica, 15

(1968), pp. 113-142.

Wensinek A J. Wensinck et al., Concordance et Indices de la Tradition Musilmane

7 vols., Leiden; E. J. Brill, 1936-1969.

Zosypkin B. N. Zasypkin, 4rkhurkung Sredne, 4211, Moscow, Izdatal'etto Ala

demu Arkhitekturs S.S.S.R., 1918

28	DAVID A. KING
2	, "A Fourteenth- Century Tunnaian Sundial for Regulating the Times of Muslim Prayer," in W. G. Salter and Y. Maeyama, eds., Praimata Fastschrift für Willy Hartino, Wiesbaden, Franc Steiner Verlag, 1977, pp. 187-202
4	Mediaval Gara and Their Secrets." Journal of the American Orintal Society, 304:1 (1984), pp. 97-133.
\$	, "Astronomical Aligumnents in Medioval Islamic Religious Architecture," Annals of the Vese York Academy of Sciences, 385 (1982), pp. 303-312.
0	The World About the Kusha. A Study of the Socred Direction in Medical Islam (in preparation), to be published by Islamic Art Publications S. p. A (Sungmaries are to appear in Interdisciplinary Science Reviews 10 (1985), and Proceedings of the Second International Quean Conference, (New Dolhi, 1982)
Le Strange	G. Le Strauge, The Lands of the Eastern Caliphate, London: Frank Cass & Co. Ltd., 1966 (reprint of 1905 edition).
Muhos	R Muños, "Un Calendario Egipeio del Siglo XVIII," tiurag, 1 (1978), pp. 67-81 (to be continued).
Nemtseva	N. B. Nesotseva, "The Origins and Architectural Development of the Shab-r Zinde," translated from the Russian by J.M. Rogers and A. Yasio, Iran, 15 (1977), pp. 51-73.
Pellat	Ch Pellat, Le Calendrier de Cordone, Leideo E. J. Brill, 1961
Pugashenkova	G. A. Pugachenkova, Pun Razesnya Arkhitektur'i Youjnogo Turkments- sana, Mascow Isdatel'stve Akademii Nauk S.S.S.R., 1958
Pugachankova &: Rempel 1	G. A. Pugachenkova and L. I. Rempel, P'idatoushiesya Pamyatniki Ar- khitektur'i Uthekistana, Tashkent Gosudarstvennoe Indatel'sivo Khudoz- hestvennos Literatury Un. S. S. R., 1958.
₽ +	Mascow: Iskusstva, 1965.
Renaud 1	H. P. J. Renaud, Le Calendrier d'Ibn al-Bannd' de Mariakoch (1256-1321 J. C.), Publications de l'Institut des Hautes-Etudes Macocaines, tôme XXXIV, Paris: Larone Editeurs, 1948
2	"Astronomic et Astrologie Marocaines," Hespéris, 29
Rudloff & Hockheim	(1942), pp. 41-63. G. Rudloff and A. Hochbeim, "Die Astronomie des Mahmud ibn Muhammed ibn 'Omat al-Gagulat," Zeitschrift der Deutschen Morgenländischen Gesellschaft, 47 (1893), pp. 213-275.
Sameó 1	J. Samaó Moya. "Lus "Pháseis" de Ptolomes y el "Kitāb al-Anwā" de Sinān b. Tābit," ol-Andolus, 41 (1976), pp. 15-48.
2	. "De nuevo sobre la traducción árabe de las "Pháseas" do Ptolomeo y la influencia clássea en los "Kurub a) \nwa'" " al- Andolus, 41 (1976) pp. 371-479.
3	"La tradicion clauca en los calendarios agricolos haspanoarabea y norteafrecases," Second International Congress of Studies on Cultures of the Western Mediterranean, (Barcelona, 1975) pp. 177-186.

# Bibliographical Abbreviations

Ali	J Ah, The Determination of the Coordinates of Citus: al-Birtini's Tabdid al-amdhin, Beirat. American University of Beirot Publications, 1966.
Bdbur	Béburndma, E. J. W. Gibb Memorial Series, vol. 1, 1905, trans. by L. King, 2 vols., London, 1921.
al-Bîrûnî	al-Biruni, Kuth Tahdid nihâyûs al-amêkin, cd. P. Bulgakov, Majallas Ma <sup>c</sup> had al-Makhiyisi al- <sup>a</sup> Arabiya, vol. 8 (1962).
Brockelmann	C. Brockelmann, Genchicker des arabischen Litteretur, 2 vols. (2nd. ed.), Leiden: E. J. Brill, 1943-49, und Supplementhände. 3 vols., Leiden E. J. Brill, 1937-42.
Cairo Cat. and Survey	D. A. King, A Cotalogue of the Scientific Manuscripts in the Egyptian National Library (in Arabic), 2 vols., Cairo: General Egyptian Book Organization on collaboration with the Smithsonian Institution and the American Research Center in Egypt. 1981 and 1985 (?), and A Survey of the Scientific Manuscripts in the Egyptian National Library (in English), Publications of the American Research Center in Egypt. Windia Lake, Ind.: Eisenbraums 1985
Cohn-Wiener	E. Cohn-Wiones, Turan Islamische Boukunst in Mittelossen, Berlin; Ernest Wasmuth Verlag, 1930.
E7,	Encyclopaedia of Islam, 1st. ed., 4 vols., Leiden E. J. Brill, 1913-34.
$EI_{2}$	Encyclopaedic of Islam, 2nd. ed., 4 vols. to date, Leiden E. J. Brill, 1960 onwards.
Gafurov & 1 Litvinskii	<ol> <li>G Gafurov &amp; B. A. Litvensku, Istoriya a Kultura Narodov Sredner Asia, Moscow: Nunka, 1976.</li> </ol>
2	Srednevskov's, Moscow: Nauka, 1977.
Coldstein	B. R. Goldstein, "On the Theory of Trepidation Contourus, 10 (1964), pp. 232-247
Hab.b	I. Habib, "Cartography in Mughal India," in Mediaval India: 4 Miscellany, IV (Aligarh Muslim University), Bombay: Asia Publishing House, 1977, pp. 122-134. (1 have used Prof. Habib's typescript.)
Irani	R. A. K. Irani, "Arabic Numeral Forms," Contourus, 4 (1955), pp. 1-12.
Kennedy I	E. S. Kennedy, A Commentary upon al-Birlini's Kithb Tabdid al-Amèkin, Beirst: American University of Beirst Press, 1973
2	, "A Survey of Islamic Astronomical Tables," Transac- tions of the American Philosophical Society, N. S., 46 2 (1956), pp. 123-177.
Kennedy & Hadded	F. I. Haddad and E. S. Kennedy, "Geographical Tables of Medieval Islam," ul-Abhath. 24 (1971), pp. 87-102.
King 1	D. A. King, "The Yunus' Very Uneful Tables for Reckening Time by the Sun," Archive for History of Exact Sciences, 10 (1973), pp. 342-394.
2	"Some Medieval Values for the Qibla at Cordova," in "Three Sundials from Islamic Andelusia," Journal for the History of Arabic Science, 2 (1978), pp. 358-392.

These results are interesting, but it is clear that a proper survey of the orientations of all of the principal medieval religious monuments in Central Asia would reveal much more.

## APPENDIX A

The Arabic Text of al-Baxdawi's Treatise See pp. of this issue.

#### APPENDIX B

# An Addition to King 2

H.P.J. Renaud, on p. 58 of his article on astronomy and astrology in medieval Morocco (see Renaud 2 in the bibliography), quotes the ninth-century Andalusian historian and jurist Ibn Habib (on whom see the article in EI<sub>2</sub> by A. Huici Miranda) as saying that the qibla at Cordova is the rising point of the star  $\alpha$  Scorpio "because it rises at the corner of the Black Stone." This azimuth was about 30° south of east for the latitude of Cordova at Ibn Habib's time, and corresponds precisely to the azimuth of the rising sun at the winter solstice. See now the commentary on Paragraph 13 of al-Bazdawi's treatise above.

Transoxania is rather poor, and most modern plans purporting to give orientations are not to be trusted Also, aerial and satellite photographs of the architectural sites in this particular area are hardly likely to fall into the bands of scholars in the near future. It is to be hoped, therefore, that future researchers will make careful measurements of orientations of individual buildings and, when interpreting these, will take into consideration the kind of information presented by al-Bagdawi

# Added in proof:

- (1) In September, 1983, I had the privilege of researching in the Library of the Oriental Institute in Tashkent. There I came across in manuscript no. 177 a work by the late-tenth-/early-eleventh-century legal scholar cum mathematician "Abd al-Qāhir al-Baghdādī (Brockslmann, I, p. 482 and SI, pp. 666-667, and Seigin, V. pp. 357) on the divergences of opinion on the qibla in early Islamic Iran. This treatise was not previously known to exist, and a study is in progress.
- (2) In January, 1984, I was able to measure the orientations of various religious edifices in Samarquad. The magnetic declination there is currently on.  $4^{\circ}$  E, and my readings with a pocket compass have been adjusted by ca.  $5^{\circ}$ . I anticipate that the values given below are correct to within ca.  $\pm 5^{\circ}$ .
- (a) The site identified as a mosque in Afrasiah faces roughly 245° ( = 25° S. of W.), that is, towards winter sunset (ca. 250°). On the Jāmic Mosque in Samarqand (which faced roughly the same direction), see the commentary to Paragraph 9 above.
- (b) The basic orientation of the Shāh-i-Zinde complex (most surviving monuments date from the fourteenth and fifteenth centuries) is north-south, with most mibrābs rom facing south, according with the Shāh'i practice.
- (c) The basic orientation of the Bibl Khanun Mosque (ca. 1400) is in the cardinal directions with the mihrab facing due west, thus corresponding to the Hanafi practice.
- (d) The tombs of Timur and Ulugh Beg in the Gur-Lmir Mausoleum (fifteenth century) face roughly 255° ( = 15° S. of W.). I cannot explain this orientation.
- (e) The basic orientation of the Registan complex (built in the 15th-17th centuries) is ca. 200° ( 20° W. of S. ). Again, this orientation corresponds to none of those mentioned by al-Bandawi
- (f) The Mosque of Khōja Zulmurād in the quarter known as Chahār-rakh (built in the 19th (?) century and still in use) faces ca 2651 (~ 50 S. of W.), probably intended as an alignment towards due west in accordance with Hanaff practice.
- 4. See King 7, Section 4.9, for a survey, based mainly on Cohn-Tiener, Pagachenkora Pagachenkora & Rempel 1 and 2, Zasyphin, and Gafurov & Literinskii 1 and 2.

is about 30° S. of W. is fortuitous.) A less likely reason may be that the qibla was computed from available geographical data; al-Bazdawi's data can be used to derive a qibla of about 40° S. of W.

It is instructive to compare al-Bazdawi's treatise with a treatise by his earlier contemporary from further south the celebrated scholar Abu'l-Rayhān al Bīrūnī in his work entitled Tuhdid nihāyāt al-amdkin, "The Determination of the Coordinates of Localities," al-Bīrūnī's ultimate purpose was to establish the geographical coordinates of Ghazna and hence determine the qibla there. As well as achieving these ends admirably, he provided us with a richly-documented essay on mathematical geography and spherical astronomy.\(^1\) al-Bīrūnī would have been dismayed by the weakness of al-Bazdawi's reasoning and shallowness of his scientific knowledge. In the Tahdid he wrote as follows:\(^2\)

".. Let us point out the great need for secertaining the direction of the qibls in order to perform the prayer which is the pillar of Islam... It is known that this direction varies with the place at which the direction of the Ka<sup>c</sup>ha is to be determined. This is witnessed in the Sacred Mosque itself, and should be more evident when considered from other places. If the distance from the Ka<sup>c</sup>ha is small, its direction may be determined by a diligent seeker, but when the distance is great, only the astronomers can determine that direction. Every challenge calls for the right men. . . . . Some scholars have been discussing completely irrelevant phenomena, like the directions from which the winds blow, and the risings of the lunar mansions. Even the professional astronomers find the qibla problem difficult to solve, so you can imagine how difficult it is for the non-astronomer."

al-Bazdawi was not the only medieval writer to discuss the qible in Samsrqand. Bâbur, in co. 1500, noted that the orientations of the qibles in the Masjid al-Muqatta' and the madrasa of Ulugh Beg were different, and attributed the orientation of the latter to the astronomers. No doubt other such discussions are to be found in the literature.

The state of documentation of orientations of Islamic architecture in

See also the valuable study Nontseen. With regard to the qibbs corresponding to Uhigh Beg's geographical coordinates for Samarquad and Mecca, see already E. S. Kennedy's comments in Nontseen, p. 52. Three coordinates are.

	ዋ	L
Summyond	39,379	99,169
Mecca	23:40	77: 0

and the accurately computed qible is  $53:8.30^\circ$  W of S. According to the standard Islamic approximate formula the value would be  $50.53^\circ$ 

This treatment published by Bulgakov in all Biráni, translated in 16, and commented upon in Kennedy 1.

<sup>2.</sup> of. Ali, pp. 11-12.

<sup>3.</sup> Bubur, 1, p. 80, cited in Sayılı, p. 24.

ΝŢ

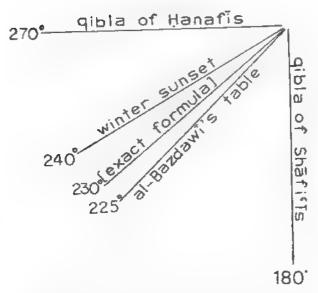


Fig. 4. The different qubias for Samergand mentioned by al-Basdawi

al-Bazdawi's knowledge of astronomy was such that he confused months and sodiacal signs. He presented various geographical coordinates in his treatise, but was apparently incapable of using them to compute the qibla, even by the simple approximate method which was common knowledge amongst contemporary astronomers. The table that al-Bazdawi included in his treatise would enable one to lay out the qibla at Samarqand at 45° S. of W. It seems probable that whoever computed the table considered this a compromise between the Shāfi'i qibla (due south) and the Hanafi qibla (due west). This is about 10° S. of the direction al-Bazdawi was siming at, namely, the orientation of the Jāmi' Mosque of Samarqand, which is at about 35° S. of W. The reason for this orientation may well be that the qibla was taken as the direction of the setting sun at midwinter, which is at about 31½° S. of W. (The proximity of this direction to the modern qibla for Samarqand, which

Table 1 Sample Recomputed Values of  $k_q$  ( $\lambda$ ) for  $\varphi = 40^\circ$ ,  $\varepsilon = 23;35^\circ$ , and  $q = 44^\circ$ , 45°, and 46°

0436° L <sub>1</sub> 5 L <sub>1</sub> 33	40; 7 40;36 41; 4	39;37 40; 6 40;35
L <sub>4</sub> 33	421 4	40.35
		40100
3;48	68;33	68 <sub>1</sub> 16
2;24	11;42	10;58
	3;48	

al-Bazdawi) was close enough to  $\Delta \phi$  (  $=19^{\circ}$  according to al-Bazdawi) that one could take  $\Delta L=\Delta \phi$  and hence derive  $q=45^{\circ}$  by the standard approximate method. Alternatively, he may have decided that  $q=45^{\circ}$  was a happy compromise between the qibla of the Shāñ'is (due south) and the qibla of the Hanafis (due west). Similar situations occur in medieval Andalusian and Maghribi sources, where the qibla may be due south, due east, or conveniently south-east (see King 2, pp. 370-387, and 3, pp. 190-191). Another possibility is that the qibla was taken as south-west in order to "face" the north-east wall of the Kacba (see further King 7, Section 3 and the commentary to Paragraph 11 above).

# 4. Concluding remarks

al-Basdawl informs us that the Sahāba and later Hanafis took the qibla in Transoxania as due west, and that the Shāficis took it as due south. He rightly criticizes both traditions, the latter more than the former, since the road to Meeca from Samarqand goes due west rather than due south. He himself prefers, without presenting any valid reasons, to accept the orientation of the Jāmic Mosque in Samarqand.

sources, but none is known to have been compiled for the region of Transoxania other than the table of  $h_{\rm q}$  which al-Bazdawi is about to present (All such tables are discussed in my forthcoming Studies in Astronomical Timekeeping in Medieval Islam.)

Unfortunately the table is missing from the Cairo manuscript, and I wonder whether it was also missing from the Sohag manuscript. However, al-Bozdawi gives sufficient information on his table to enable us to investigate its accuracy. He gives the following values of  $h_0$  for various solar positions:

Solar position	$h_a$
Aries 1º	40°
Aries 2º	410
Cancer 16º	660 (maximum)
Capricors 16º/19º ??	11º (minimum)

Firstly, it is not clear whether the table was arranged according to solar longitude or days of the Syrian calcular, al-Bazdawi confuses these systems and when he implies that the tabulated function reaches its maximum at Cancer 160 he is misinterpreting the fact that the sun euters Cancer on June 16th. Likewise when he implies that the function reaches its maximum at Capricorn 160 and, in the next sentence, 190 he is misinterpreting the fact that the sun enters Capricorn on December 16th/19th. Since he earlier implies (Paragraph 4) that the autumnal equinox is on September 20th, the change from a figure 20 to 16 or 16/19 may indicate that he did not compute the table himself. Indeed, I doubt if he had the vaguest gotion how the entries in such a table would be computed. The function  $h_a(\Lambda)$  for  $\phi = 40^{\circ}$  and for  $q = 45^{\circ}$ does indeed assume a value of about 40° at \(\lambda\) = 0° (and even 41° when rounded at  $\lambda = 1^{p_1}$ ), a maximum of about 69° at the summer solution  $\lambda = 90^{\circ}$ , and a minimum of about 12° at the winter solstice \(\lambda\) 27º Selected recomputed 40°, e = 23,35°, and g = 44°, 45°, and 46° are shown in Table 1.

From an inspection of these recomputed values, I think that it is safe to assume that whoever computed the table from which the four values mentioned in the text were taken, was using some approximate means of determining the solar altitude in the direction of south-west. Approximate value-for the equinoxes and solatices could be found very easily (and more accurate values by taking additional care) by using an analogue computer device such as an astrolabe or by geometric construction (involving a technique known as the analoguems).

The next question for us to consider is how the person who computed the table arrived at a value  $q=45^\circ$  for the qibla at Samarqand There are at least three possible answers to this. Perhaps the unknown compiler of the table considered that for Samarqand and Meccs,  $\Delta L$  ( = 22° according to

The time-difference of 2§ hours between Mecca and Transoxania given by al-Bazdawi is grossly inaccurate. In fact, it is double the correct amount for a longitude difference  $\Delta L \approx 20^\circ$ . The time difference should be determined by reckoning I hour for each 15 degrees of  $\Delta L$ , since 24 hours corresponds to the 300° of the spparent daily rotation of the heavens

It is unlikely that anyone other than an astronomer would "know the truth about the hours," as far as the determination of equinoctial hours from the instantaneous solar altitude is concerned. Simple arithmetical sules for regulating the seasonal hours (which, as twelfth divisions of the length of daylight, depend on terrestrial latitude and vary throughout the year) by means of shadows are attested in the non-technical literature of the Muslims. (A survey of these shadow schemes is contained in my forth coming Studies in Astronomical Timekeeping in Medieval Islam.)

From al-Bazdawi's remark about the shadow at the *zuhr* prayer we may conclude that the Hanafis in Transoxama performed the *zuhr* some time after midday, rather than as soon as the sun had declined from the meridian, which is the standard definition. When the horizontal shadow s of a vertical object of length n is  $1_2n$  the solar altitude is  $60^\circ$ , and at midsummer in Transoxania this is about one hour after midday. Since the midday shadow would be about  $\frac{1}{4}n$ , it may be that the beginning of the *zuhr* was defined by  $\Delta s = \frac{1}{4}n$ , where  $\Delta s$  is the increase in the shadow beyond its midday minimum. This is the definition for the beginning of the *zuhr* usually associated with Andalusian practice (see, for example, King 3, pp. 191 and 193-194). Notice that the time defined by  $s = \frac{1}{4}n$  is much earlier than the 2 2/3 hours after midday which al-Bazdawi has just prescribed.

Finally, al-Bazdawl remarks that the setting sun at midwinter defines the gible in Transoxania This direction, about 31½° S. of W. for latitude 50°, is at variance with the direction he advocates in Paragraph 15 by about 15°. However, it may be that here we have the reasons behind the orientation of the Jāmis Mosque in Samarqand The direction of the rising sun at midwinter was used as the gible in early Islamic Egypt and also in Andalusia (cf. King 1, p. 372; King 2, p. 371; and also Appendix B of this paper)

§ 15: Given the local latitude φ, the azimuth of the qibla q, and the solar langitude λ or declination δ(λ), it is possible to determine the solar altitude hq and the bour-angle tq when the sun is the direction of Mecca. Thus, for example, the tenth-century Cairo astronomer Ibn Yūnus compiled a table of hq for Cairo as a function of solar longitude, giving values in degrees and minutes for each degree of solar longitude, which corresponds roughly to each day of the year. The corpus of tables which was used in medieval Cairo contains tables of both hq and tq as well as of the corresponding functions in the direction perpendicular to the qibla (see further King 1, p. 368). Various later tables of these functions for different latitudes are attested in the Islamic

due west. The road from Bukhara to Marw and Nisapur on the way to Mecca is in a direction of roughly 45° S. of W. Between Nisapur and Rayy (Tehran) the road is again roughly due west. (See Le Strange, Map 1 facing p. 1.) Note that the fact that the road from Samarqand to Bukhara is more or less due west did not lead al-Bazdawi to question why their latitudes should differ by 2°.

::: al-Bazdawi is trying to say that the sun is in the direction of the qibia when it is in the zenith of Mecca, but his explanation is confused by his ignorance of spherical astronomy. The sun is in the zenith at Mecca at midday on two days of the year, namely, when its longitude \(\lambda\) is such that its meridian altitude

$$90^{\circ} - \phi_M + \delta (\lambda)$$

is equal to 900, that is, when

$$\delta (\lambda) = \phi_M = 21^\circ$$
,

using al-Bazdawi's value for the latitude of Mecca.

The solar longitudes corresponding to the situation  $\delta(\lambda) = \phi_M$  are described by al-Bazdawi here and below as "when the sun enters Georini" and "when the sun enters the sign of Cancer and has moved through twenty degrees of it". Since these positions should be symmetrical with respect to Cancer 0°, the summer solatice, al-Bazdawi probably means Gemini 10° and Cancer 20°, the two solar positions which are 20° on either side of the solatice; however, he never specifically mentious Gemini 10°. These solar positions  $\lambda = 70^{\circ}/110^{\circ}$  implied by al-Bazdawi are approximations, and the corresponding solar declination is about 22°, which is too large for  $\phi_M$ .

The same method for finding the gible occurs in other medieval Islamic sources, of which I shall cite just two examples. In the popular Mulakhkhus fil-hay'o of Mahmud ibn 'Umar al-Jaghminj, compiled in Khwarizm (modern Khiva in the U.S.S.R.) in 618H(=1221), the author advocates first the approximate geometrical construction outlined above and then mentions this second method, stating that the longitudes of the sun are  $\lambda = 67;21^{\circ}/112;39^{\circ}$  since he uses  $\phi_M = 21;40^\circ$  and  $\epsilon = 23;35^\circ$  (see Rudloff & Hackheim, p. 272, for a translation of this passage). In a Yemeni manuscript of this work copied co. 1500, namely MS Cairo Dar al-Kutub kay'a 69, the two solar positions are copied incorrectly (fol. 18v) as Gemini 7:8° and Cancer 28°, i.e.  $\lambda = 67;8^{\circ}/118^{\circ}$ , which are not even symmetrical with respect to the solutioe. Again, in an Egyptian treatise on the use of the sine quadrant in 24 chapters extant in MS Intanbul Topkapi A 3509,7 (copied 676H), the anonymous author solves  $\delta(\lambda)$ = 21° with  $\epsilon$  = 24° and obtains  $\lambda$  = 64°/116° (fols. 318v-319r) In fact these values of  $\lambda$  correspond to  $\epsilon = 23;35^{\circ}$ , and the solution of  $\delta(\lambda) = 21;30^{\circ}$ (another popular medieval value for the latitude of Mecca) with & \_ 240 is  $\lambda = 64^{\circ}/116^{\circ}!$  With  $\delta(\lambda) = 21;30^{\circ}$  and  $\epsilon = 23;35^{\circ}$  one obtains  $\lambda = 66^{\circ}/114^{\circ}$ .

in Mecos was associated with different geographical regions (see King 6 and King 7, Section 3.3). Furthermore the Ka<sup>c</sup>ba is itself astronomically aligned (see Hawkins & King and King 7, Section 3.5). Thus someone standing in front of the eastern wall of the Ka<sup>c</sup>ba is facing winter sunset, al-Bazdawi and others, assumed that, since the qibla of Transoxania was towards the northeastern wall of the Ka<sup>c</sup>ba, it was appropriate to use winter sunset as the qibla in Transoxania — see Fig. 3.

One can only feel sympathy for al-Bazdawi's grandfather when he was forced to annul the new qibia (towards winter sunset?) that he found by actually going to Mecca, and reinstate the erroneous qibia (toward due west?) that was generally accepted.

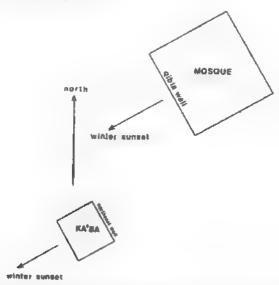


Fig. 3; al-Bardawi's conception of the qibla in Transoxania. The qibla there is towards the northeastern wall of the Ka'ba. When standing in front of this wall one is facing winter sumset. Therefore the qibla in Transoxania is towards winter sumset.

12: The mode of formulating these two statements that the qibla is due west and due south, respectively, is typical of the kind of information contained in the early hutub dald'il al-qibla.

al-Bazdawi favors the western qibla of the Hanafis against the southern qibla of the Shāfi'is, and quite reasonably invokes the example of the roads from Transoxama to Mecca. The road from Samarqand to Bukhara is roughly

printouts of medieval geographical coordinates described in Kennedy & Haddad which have been brought up-to-date by Dr. Kennedy in Cairo during 1978-79.

For al-Bazdawi's coordinates I compute that the qubias (measured from the south) for Bukhara, Samarquad, and Wasaf are:

51:60 51:8 56:23

according to the exact formula, and

49:289 49:0 54:10

according to the standard approximate formula. (The modern coordinates are:

Mecca	21;27°	39;490
Bukhara	39:48	64:25
Samarqand	39;40	66;58

so that the true giblas for Bukhara and Samarquad are respectively 56:40 and 59:480 measured from the south, but these are, of course, irrelevant to any discussion of medical giblas or orientations.)

§ 9: The expressions "inclined away from the Kacha towards the left" referring to the qibla in the direction of due west and "to the left of a person praying (in the qibla of due west) and to the right of the Kacha" referring to the new qibla (in the direction of winter sunset?) are extremely awkward. They seem to relate to the direction of the local qibla as seen from the Kacha.

We know from modern excavations (according to a sketch attached to a letter from Prof. N. B. Nemtseva to Prof. L. Golombek of the University of Toronto and The Royal Ontario Museum dated June 5, 1977) that the qible of the Jāmi<sup>c</sup> Mosque at Samarqand is about 35° S. of W. This corresponds roughly to the azimuth of the setting sun at midwinter for latitude \$\phi\$ 40° and obliquity \$\epsilon = 23\frac{1}{2}\cdot\$, which is about 31\frac{1}{2}\cdot\$ S of W., but I have no information on the local horizon at the site to confirm whether this is indeed a solstitial alignment. In Paragraph 11 al-Bazdawi seems to imply that the qible of the Jāmi<sup>c</sup> Mosque was originally due west and was changed to the left, probably towards winter subset. Allāha aclam. Finally, it is probably quite fortuitous that the alignment of the mosque corresponds fairly closely to the qible that can be computed from al-Bazdawi's geographical data, namely, about 40° S of W.

It would be interesting to know how al-Bazdawi checked this qibla when be came to Samarqand in the year 473 Hijra. The sun was conveniently in Gemini (see below), and he probably checked that the sun was in the direction of the qibla of the mosque at a certain time after midday (see below).

§ 11: At first it seems strange that al-Bazdawi thinks one can gain more insight into the matter of the qibla by actually going to Mecca and then going back to one's own country. However, each side and corner of the Kacha rivāda 138, where the value is 180) and a later eighteenth-century Moroccan star catalogue (cf. Delphin, p. 181, where the value is 160). There is a considerable amount of unstudied material relating to trepidation available in the Islamic sources, and more basic research is necessary in this field. See already Goldstein and the literature there cited.

 On the longitude values given by al-Bazdawi, see the commentary to Paragraph 8 below

On the farsakh, see the article in  $EI_2$  by W. Hinz. The value  $1^o=25$  farsakhs is attributed to Hermes (cf. the article Hirms in  $EI_2$  by M. Plessner) by al-Birūni, quoting the right-century astronomer al-Fazāri (cf. 111, p. 177 and Kennedy 1, p. 132). Other values cited by al-Birūni include three values around 18 or 19 farsakhs attributed to "the Indians." and to the early math-century astronomers al-Farghāni and Habash. Yet other values are attested in the Islamic sources: for example, the seventeenth-century scholar Hājji "Abd al-"Alī Tahrīzi of Hyderabad used  $1^o=20$  to 22 farsangs (cf. Habib, p. 25 of the author's typescript).

8: The remark that the qible of the Hanahs "has a devation to the right of the person praying (in the true qible) and he is (facing) to the left of the qible" is an obscure way of saying that the qible of the Hanafis, which was due west, was too far to the right al-Bazdawi goes on to say that the qible could only be due west if the latitudes of the cities in Transovania were the same as the latitude of Mecca (this is in fact erroneous).

al-Bazdawi gives the following geographical coordinates in Paras. 7 and 8:

Locality	Latitude	Longitude
Macea	210	679
Bukhara	38	87
Samarqand	40	89
Nasaf	36主	88

al-Bazdawi's coordinates for Samarqand are attested elsewhere only in the geographical work of the late thirteenth-/early fourteenth-centary Syrian ruler and scholar Abu't-Fidà', quoting the unidentified source Kitāb al-Atvāl, but this source has (39;20°, 87.50°) for Bukhara, (39;0°, 88;40°) for Nasaf, and (21;40°, 67;13°) for Mecca The latitude 38° for Bukhara, which is in error by almost two degrees, is not attested in any known medieval source. Likewise, no known medieval sources list a latitude for Nasaf less than 39°, al-Bazdawi's values for Mecca are common to several early Islamic sources, including the geographical work of the ninth-century Baghdad scholar al-Khwārizmī. However, al-Khwārizmī has (37;30°, 89;30°) for Samarqand and (37;50°, 87;20°) for Bukhara. For this information I have relied on the computer

- 5: al-Bazdawî is stating here that some Shāfi'is took the qibla to be due south: this is made clearer in a later passage (see Paragraph 7) when he states that their qibla would be correct only if there was no difference in longitude between Transoxania and Mecca. The phrase "between the rising point (of the sun) at (mid-) winter and its setting point" is an awkward way of refering to due south. The qibla at Medina is indeed almost due south.
- 6: al-Bazdawi is informing us that the Sababa took the qibla as due west. In Paragraph 8 he states that this qibla was accepted by the Hanafi school. When he implies that at the equinox the sun has been in the sign of Libra for 20 days, he means that the sun enters Libra about September 20.

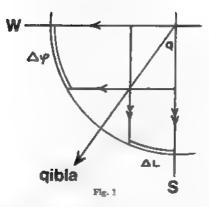
The identification of the autumnal equinox with agricultural activity is typical of the kind of information recorded in the almanaes that were common in medieval times. Examples are attested for Irsq, Egypt, Andalusia and the Yemen, but not, as far as I know, for the Eastern provinces of the Muslim world. On the almanaes of Ihn Māsawayh (Baghdad, carly 9th century) and Arīb b. Sa'd (Cordova, 10th century), see Troupeau and Pellat. On a mineteenth-century Tunisian almanae, based on a much earlier Andalusian tradition, see Samsô 4. On an anonymous Egyptian almanae of uncertain date (but certainly earlier than the 18th century), see Munos. On a late Yemeni almanae, see Serjeant. On the origin of certain of these almanaes, see Samsô 1.2, and 3.

According to Taqisadeh, p. 40, the Avestan time of harvest in Iran began on September 14th. The following dates for the sun's entry into Libra are given in Troupeau, p. 135; Pellat, pp. 140-142; and Serjeant. p. 455:

Ibn Māsawayh	September	22
nl-Birönj		16/17
al-Qaswini		18
al-Marsuq!		24
Ibn <sup>c</sup> Arīb		18/231
Muhammad Hayders (20th century)		23

(\* according to the Mumtahan Zij (Kennedy 2, no. 51) and Sindhind Zij (Kennedy 2, no. 28), respectively; on this, see now Samsó 3, pp. 178-179.)

One might be forgiven for supposing that al-Bazdawi is suggesting that the equinox is at Libra 20°. Certain Muslim astronomers adhered to a (false) late-Hellenistic notion known as trepidation, which attributes to the equinox an oscillatory motion about the sidereally-fixed point Aries 0°. Other examples of specific values given to the current distance between the equinox and Aries/Libra 0° occur in later Maghribi sources, such as some prayer-tables for Morocco by Muhamamd b. Muhammad al-Jannad (MS Cairo Taymūr



which is equivalent to the approximate formula

$$q = \arctan \left\{ \frac{\sin \Delta L}{\sin \Delta \varphi} \right\}$$

For a survey of these methods, see my article Kibla in  $EI_2$ , and also King 5. Section 2.

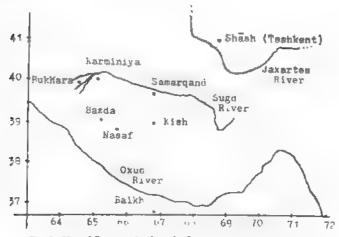


Fig. 2 : Map of Transmania (from Le Stronge, map IX facing p. 433

# 3. Technical Commentary on al-Bazdawi's Treatise

The commentary relates to the numbered paragraphs in the translation in Section 2.

In the commentary I use the following notation freely:

hq solar altitude in the azimuth of the qibla

L terrestrial longitude

LM langitude of Mecca

n length of gnomou

q qibla (measured from the meridian)

t length of gnomon shadow

to hour angle when the sun is in the szimuth of the qible

o solar declination

ΔL difference in longitude from Mecca

Δs increase of gnomon shadow over midday minimum

Δφ difference in latitude from Mecca

6 obliquity of the ecliptic

φ solar longitude

q terrestrial latitude

φ<sub>M</sub> latitude of Mecca

The mathematical problem of determining the gibls q for any locality in terms of the geographical coordinates of the locality  $(L, \varphi)$  and of Mecca  $L_M, \varphi_M$ ) has the solution:

$$q = \operatorname{arc\ cot} \left\{ \begin{array}{c} \sin \phi \cos \Delta L - \cos \phi \tan \phi_M \\ \sin \Delta L \end{array} \right\},$$

where  $\Delta L \approx \epsilon L - L_{\rm M}$ ,. Equivalent exact trigonometric or geometric solutions were known to Muslim astronomers from the ninth century onwards. Also, however, various approximate methods were devised in the ninth century, of which the most popular method, which has been used for over a millenium, was to use the construction:

shadow of any object is the same as it was in Samarqand: this (direction) will be the qibbs of that city, for in a period of one or two, or up to ten, days, no more than a small difference (in shadow length) will occur, and such a difference need not be taken into consideration.

(15) The calculators have devised another method for finding the qibla and faying it out which can be used on any day (of the year). The sun is in the same direction as the Kacha at some particular moment on every day (of the year), so whoever knows that moment and faces the sun at that moment in any of these cities, then that (direction) will be the gible of those cities. But whoever wants to lay out the gible on any day must learn how the solar altitude is found. When the sun is in the first degree of the sign of Aries and the altitude of the sun after middey is forty degrees, then anyone who faces the sun at that moment in one of these cities will be facing the gible of that city, When the sun is in the second degree of the sign of Aries and the altitude of the sun after midday is forty-one degrees, then whoever faces the sun in one of these cities at that moment will be facing the qibla of that city. In this way (the required altitude of the sun) increases degree by degree every two days or more, until the sun enters the sign of Cancer and has moved through sixteen degrees of it [sic] and when it enters the sixteenth degree and the altitude of the sun after midday is suxty-sux degrees, whoever faces the sun at that time in one of these cities will be facing the cubls of that city. Then (the required altitude of the sun) decreases in this way until the sun enters the sign of Capricorn and moves through sixteen degrees of it [sic]. When (the sun) enters the nineteenth ['] degree and you measure the altitude after midday in one of these cities and the altitude is eleven degrees, then whoever faces the sun in any one of these cities at that moment will be facing the gibls of that city. Then the degree(s of the altitude of the sun) start to increase every two days or more until (the sun) reaches Aries. I have written the increase and decrease of the degree (of altitude of the sun) throughout the year in a table which I prepared, and I have written this in alphanumerical notation which is abcd . . . (for 1234 . . . ). 10

[THERE IS NO TABLE IN THE CAIRO MANUSCRIPT I]

lators and those who practice disciplines other than arithmetic agree that when the sun enters Gemini [and has moved through ten degrees of it], it becomes in the same direction as Mesca when it is midday (at Mecca), (the sun being then) like a shield over a man's head, so that there remains no shadow anywhere and so they have the expression "there is no shadow left in the wells." Similarly when the sun enters the sign of Cancer and has moved through twenty degrees of it, the sun is again in the same direction as Mecca when it is (in the zenith of Mecca) at midday, and in every place whose longitude is the same as the longitude of Mecca, so that if a person faces the sun at midday (in Mecca) when the sun has entered the sign of Gemini [and moved through ten degrees of it] or when the sun has moved through twenty degrees of the sign of Cancer, then that (direction) will be the gible of that place. Midday at Mecca will be after midday in every place which differs in longitude from Mecca and whose longitude is greater than that of Mecca, such as Bukhara and Samarqand. We have already noted the difference between the longitude of these cities and that of Mecca; thus the dechning of the sun from the meridian at Mecca takes place only after the midday at the cities of Bukhara. Samargand, and Nasaf, by two and two-thirds hours. So when two and twothirds hours have passed after midday in the cities of Bukbara, Samargand, and Nasaf. // whoever faces the disc of the sun at that moment when the sun is at the beginning of the sign of Gemini or the end of the sign of Cancer in one of these cities, this will be the gibla of these cities. So if the person is one of those who understands the hours he will after finding the hours proceed according to what we have explained. If he does not know the hours precisely, then when the shadow of every object after midday becomes half (the length of the object), which is the time when the followers of Abu Hauifa - may God have mercy upon them - perform the guhr prayer at that time (of the year), mis, the summer, whoever faces the disc of the sun at that time in any of these cities, this (direction) will be the qible of that city. If the person is one of those who knows the entry of the sun in the zodiacal signs, this is good, otherwise he should have recourse to someone who does know this, and inquire, and lay out the gibla at that time according to what we have stated. Likewise, when the sun has entered the sign of Capricorn, which is at the beginning of winter when the day-light is at its shortest, then when the sun has almost set, whoever faces the sun at that time in any of these cities of Samarquad, Bukhara, or Nasaf, this (direction) will be the gibla of those cities

(14) However, the way to make the qibla in Bukhara and Nasaf the same as the qibla of the Jāmi<sup>c</sup> Mosque in Samarqand is to look at the disc of the sun after midday in the city of Samarqand in the Jāmi<sup>c</sup> Mosque until it is in the same direction as the qibla (of the mosque), and to see how long the shadow of any object is, and to measure it, and then to return to Bukhara or Nasaf or Karminiya or Kish with haste, and there face the sun after midday when the

- method of knowing (the qibla) by the easiest means. I pray for God's ultimate. 9 reward and His guidance // in completing it, relying upon Him for protection from slipping and falling into error, and hoping for His good pleasure.
  - (11) So I say: We explained at the beginning of the book that which proved the error of what was introduced by the more recent followers of al-Shafe's concerning the qibla, and we mentioned that the qibla laid out by those who conquered the(se) regions was erroneous. I heard from one of the upright legal scholars in whom I have confidence that anyone who leaves Mecca and gives careful consideration to the matter of the gibla and then goes back to Transoxania will recognize that the qibla (there) is inclined to the left of the (true) qibla. My grandfather, the shaykh, the ascetic imam, Abū Muhammad Abd al-Karim ibn Müsä, travelled to Mecca as a pilgrim and whilst there thought about the matter of the qibla. When he returned to his own town he changed the qibla of his mosque to the left of the person praying, i.e. to the right of the gibla (?), because he had become certain of the error of the (first) gibla. But then he annulled (the new gibla) and put (the gibla) back to what it had been previously, on account of the people's gossiping so much, because ignorance together with fanaticism prevailed amongst the unlearned of his town. I heard this (story) from honest and rehable people. Likewise, the experts in arithmetic were of one mind and changed the gibla of the Jamie Mosque in Samsroand from what it had been to the left of the person praying, and the religious leaders of both schools agreed upon it. Their agreement indicated the error of both qiblas.
- (12) The position of the followers of our school (s.e. the Hanafis) that the Pole Star should be aligned with a person's two earlobes when he wishes to pray is incorrect, since this would be correct if the latitude of Mecca and the latitude of that region were equal, which is not the case. Indeed, there is a large difference in latitude between them, as we have shown. The statement of some of the followers of al-Shāfi'i that the Pole Star should be at the neck of a person when he wants to pray is also completely erroneous. If It would be correct only if the longitude of Mecca and the longitude of these cities were equal, and we have shown that this is not the case. The opinion of the followers of al-Shāfi'i is more erroneous than the opinion of the followers of al-Shāfi'i is more erroneous than the opinion of the followers of Abū Hanifa and those who conquered this region, because the roads in this region (leading) to Mecca were laid out by the ancients towards the acting point of (the sun at) the equinox, and they did not lay them out towards [what is between] the setting point of (the sun at mid-) winter and its rising point,
  - (13) I shall now demonstrate a method for finding the qibla in the cities of Transoxama Bukhara, Samarqand, and Nasaf, and the towns and villages which belong to them in such a way that people can understand. The calcu-

and Samarqand the difference is greater. Thus it is not correct at all that the person facing the setting point of (the sun at) the equinox is facing Mecca, because of the large difference in latitude between the two, close to five hundred (text has; fifty) farsakhs. Because the sun sets at the equinox to the left of Mecca and not in a direct line with Mecca, the person facing west on that day will not be facing Mecca. This error occurred on their part simply because they laid (the qibla) down in approximation, without having any knowledge of calculation. One who uses an approximation is acting without adequate exidence; he is in fact functioning by the dictates of the heart. The one who judges by approximation often errs, but despite this he may (validly) pray if he has no other evidence. The prayer of those who have no adequate evidence is permissable and likewise the prayer of those who follow them, but // when someone has revealed their error with the correct evidence, they may no longer pray towards the qibis (that has been shown to be incorrect).

- (9) During the time of my stay in Samarqand, when I was a judge at the hadra. I heard some people in whom I have confidence say that the religious scholars took it upon themselves to make a thorough investigation of the qibla laid out by those who had conquered the region of Transoxania, and that they agreed that it was inclined away from the Kacha towards the left (?) So they had recourse to those who are experts in calculation and who have insight in this matter and they laid out for them a gible to the left of the person praying and to the right of the Kacha (?), i.e. it is between the gibla of the followers of Abu Hanifa - may God have mercy on him - and that natroduced by the (more ?) recent followers of al-Shaffi - may God have mercy upon him. They laid out the gibla of the Jami' Mosque in Samargand in the same direction, and the followers of Abū Hanifa and al-Shāfi'i at that time agreed on this, i.e. a qibla which has not inclination in any direction (from the true direction of Mecca). I checked it when I came to Samargand in the year four hundred and seventy-three and the sun was in the sign of Gemini: I found it correct and proper.
- (10) Afterwards when I realized that this vain and absurd disagreement concerning the qibla between the followers of Abū Hauifa and the recent followers of al-Shāūʿī is a disagreement of ignorant men who do not really know since anyone who really knows the qibla would say that both parties are wrong, while anyone who has no true knowledge but does have piety and normal adult intelligence will not enter into an argument over the qibla but will acknowledge that he does not know, so that the dispute will continue only between unlearned men who have neither piety nor normal adult intelligence together with precise reflection. I felt a desire to compose a short work on the question of the qibla in which I would show what is right and demonstrate it with brilliant reasoning from the evidence and also show in it, the

Transovania and Khurasan should be between the rising and setting point of (the sun at mid-) winter only if these cities have the same longitude as Mecca, or if the longitude of these cities is close to the longitude of Mecca, like the longitude of Mecca (as compared) with the longitude of Medina. By"longitude" is meant the distance of the city from the sea in the west which encircles the earth (r.e. the Atlantic). The distance of Mecca from the sea in the west is sixtyseven degrees, and the distance of Bukhara // from the sea in the west is eighty-seven degrees, and the distance of Samarquad from it is eighty-nine degrees, and the distance of Nasaf from it is eighty-eight degrees. Thus the difference between the distance of Mecca and the distance of Bukhara is twenty degrees, and each degree is approximately twenty-five forsaklis, so that the longitudinal difference between Mecca and Bukhara is five hundred forankla or thereabouts. The differences in longitude between Samarquand and Mecca, and between Merca and Nasaf, are greater than this. So whoever (in these parts) puts his face in the direction between the rising point (of the sun) in winter and its setting point will certainly not be facing Mecca There is about five hundred (text has, fifty) forsakhs' distance in longitude between (Macoa and these parts), so whoever puts his face in the direction between the setting point (of the sun) in winter and its rising point knows with certainty that he is not facing Mecca because the distance in longitude between Mecca and Bukhara is five hundred forsokhs. Thus the error in what recent scholars of the Shane is school introduced in the gibla is established with certainty

(8) The gibla laid out by those who conquered this district, which is (the gibla) used for prayer by the followers of Abû Hanifa may God have mercy upon him, has a deviation to the right of the person praying (in the true qibla) and he is (facing) to the left of that qibla (i. e. due west). Thus the face [?] of the gibla . . . [LACUNA?] ... is to the east (!!), for we have stated above that this gible is towards the setting point of (the sun at) the equinox, viz., is at the middle of the setting points of the sun. The setting point of (the sun at) the equinox is not equal [LACUNA?] . . for these cities in latitude (?). This 7 would be correct only if the latitude of these // cities and the latitude of Mecca were the same (or) their latitudes were close, so that the (person) facing the setting point of (the sun at) the equinox would be facing Mecca. But there is a large difference in latitude between Mecca and these cities, for the latitude of Mecca is twenty-one degrees, the latitude of Bukhara is thirty-eight degrees, the latitude of Samarquad is forty degrees, and the latitude of Nasaf is approximately thirty-six degrees. By "latitude" is meant the distance of the locality from the equator, which is mid-heaven [ ] Now all the inhabited part (of the earth) is in one of the two halves of the earth, namely, the half which is to the left of the gibla (??). The latitudinal difference between Mecca and Bukhara is sixteen degrees, each degree being close to twenty-five farsakhs. so that there are four hundred forsakhs between them, and between Mecca

- (5) Some of the more recent followers of al-Shāfi'i in Transoxania and Khurasan who had never smelled the fragrance of arithmetic found fault with the righteous men of the first generations and they made the gibla in the direction between the rising point (of the sun) at (mid-) winter and its setting point. They relied on two Prophetic statements, one of which is their relating from the Prophet - may (God) bless him and grant him salvation - that he said: "The gibla is between the east and west,"7 and the second is their likewise relating from him - may (God) bless him and grant him salvation - that he said: "Do not face towards or away from the gibls when you are relieving yourself; rather face east or west.'" The authenticity of these two Prophetic sayings is not recognized because the reliable authorities did not relate them in their books.9 Furthermore even if the reports are true, it is plain for any intelligent person that the argument based on these reports is not valid, for every intelligent person knows by immediate intuition that the gibla of all localities is not between the east and the west. The gibla of some localities only is (in this direction). There is no (mention) in the statement of the Prophet - may (God) bless him and grant him salvation that this gibla is the qibla of any (particular) place, and therefore one cannot rely on these two Prophetic statements. If they say // the Prophetic statement: "the gibla of the people of Iraq is between the east and the west" is related, then we reply that this addition (orz. "of the people of Iraq") is not authentic because Iraq had not been conquered in those days. Rather it is more probable that what is intended by these two Prophetic statements is the gibla of the people of Medina, for it is (indeed) between the east and the west.
- (6) When the righteous first generations conquered the(se) lands, they made the qibla of Transoxania and Khurasan at the setting point of (the sun in) the autumn, which is the setting point when day and night are equal. When the sun has entered the sign of Libra and twenty days have passed [of the month of Aylül (= September)!] so that (the sun) has moved about twenty degrees (during that month), then whoever faces the sun at sunset (is facing) the qibla laid out by the men of the first generation. (The sesson) is the time when the peasants of Bukhara finish sowing wheat and barley. The situation is the same when the sun has entered the sign of Aries.
- (7) The distorted qibla which is accepted by the Shāficite school is altogether erroneous. That it is erroneous is obvious to anyone of normal adult intelligence who has given a modicum of thought (to the matter), let alone having smelled the fragrance of arithmetic. It is correct that the qibla of the cities of

<sup>7.</sup> See Wenninck, V, p. 259b for references to this hadith.

<sup>8.</sup> This hadith is not in the canonical collections.

<sup>9.</sup> This is true only of the second hadith quoted: see notes 7 and 8 above.

wherefore one has to know in which direction is the Kacha. Imame in the first generations - may God have mercy on them - formulated many (legal) problems relating to each of the conditions (of prayer) and they expounded solutions demonstrating their correctness; they were not satisfied to follow the authority of others in these (matters). Likewise they formulated many solutions to problems relating to (obligatory) alms-giving //, even though most people do not need to know the solutions to such problems. They (also) formulated solutions to many problems relating to fasting, even though there was not much need to know the problems and solutions relating to it. They (further) formulated the solutions to many problems relating to marriage and divorce, sales and crimes, and to other problems as well, relating to every (concervable) subject. Even though ordinary people have no need of solutions to such problems most of the time, they (viz. the imams) pursued the evidence that leads to the correct solution of these problems, thought about them, and were not content to follow the authority of others, speculating on behalf of the people as a whole, so that when an individual happened to need a particular response he should find it or something similar to it and not be perplexed about it. Abu Hanifa - may God have mercy upon him - was our leader in formulating the solutions to problems, reasoning on the basis of their evidence, and his followers after him thought about those solutions, as did the other legal scholars of the community - may God have mercy upon them. Solutions for which they found provative evidence to indicate their validity they adhered to and asserted as valid, but where no provative evidence of the correctness (of a solution to a given problem) became apparent to them, they rejected it, and were not content to follow the authority of others.

the matter of the gibla and were content to follow the authority of others, even though the laying out of the gible is not a matter in which one is obligated to follow the authority of another. They did this only because they did not have the means (čla) to know the gibla, since the gibla can be known only by the science of srithmetic, and they had no meight into calculation. Accordingly they followed the authority of others because of their inability to find it by using (the traditional method of invoking) legal evidence. Most of the imams of the first generations had not made any efforts (ritahada) in arithmetic, and p. 4 some of the followers of our school had // insight into it and so sought solutions to the problems relating to the qibla and they got them right. But the (imams) did not compile any books on (the subject) because of the abstruce nature of arithmetic, and because most people, especially the legal scholars, avoided arithmetic Some of them did compile books but they compiled them in such a way that they were so difficult to comprehend that only those thoroughly familiar with arithmetic could understand what was in them. So these books fell into disuse and everybody ended up relying on established authority.

(4) Now most of the imams of the first generations avoided thinking about

# 2. Translation of al-Bazdatel's Treatise

There follows a free translation of al-Bazdawi's treatier. Words in parentheses have no counterpart in the original and have been added to clarify the meaning. In general the meaning of the text is clear. Page references in the margin relate to the pagination of the Cairo manuscript. The paragraph numbers accord with those used by one in the obtton of the text presented in the Appendix.

- l Treatise on the Assmuth of the Qibla!
- 2 (1) In the Name of God, the Merciful and Compassionate Praise be to God-the Mast High, the Mighty, the Mild, the Benificent, the Wise, the Knowing, the Ruler, the Truth, the Revealer, the Possessor of strength and power, the Firm? for the (different) kinds of virtues, high moral standards, and load qualities with which he has blessed us. Blessings upon His chosen, faithful elected, and distinguished Prophet, and on all of his pure family, his companions, and his wives.
  - (2) The shaykh, imam, the gallant master the leader of Islam, Abu'l-Yusr al-Bazdawi a may God have mercy on him, said:

The greatest of the religious observances after faith in God - may He be realted - is prayer,\* for the Prophet - may (God) bless him and grant him salvation said. "Prayer is the pillar of religion; whoever neglects it has destroyed (his) faith."

He considered faith without prayer to be like a ruined house, and a ruined house is a house but is no (longer) of any use. This Prophetic statement shows us that prayer is one of the greatest of the religious observances, and that anyone who neglects it indeed invalidates his faith.

- (3) Now anyone who needs to perform the prayer several times each day cannot perform it except after he knows its basic elements and conditions. One of the conditions required in every prayer is that one should face the Kacba,
- 1. The title Risals is saus al-yible is probably spurious al-Basilawi numbers mentions the word sums, "aximuth," in his treatise, although he does use the related word musicist, "in the same direction as . . . . ".
- 2. These are some of the nanety-some names of God, on which we the article "al-Asma" al-hund" in  $El_2$  by L. Gardet
- 3. al-Bustlawi is nowhere else numed in the Cairo manuscript. Later in the text he mentions that he was a judge in Samarquad (paragraph 9), and that he arrived to Samarquad in 473 Hijra (paragraph 9), and he also names his grand-father (paragraph 11).
- 4. The word of judit is here consisted from the Acabic text "The prayer intended is the ritual liturgical prayers, on which see the article "Soldi" in El<sub>1</sub> by A. J. Wensinck.
- 5 On the statements attributed to the Prophet Muhammad see the article "Hodith" in El<sub>2</sub> by J. Robson. A concordance of the canonical hadith interature is Wansimit, but this particular hadith does not occur in the canonical collections.
- 6. Note that the text has hi yubattile/yubitle îmânabe, "does not invalidate his faith," and I have emended this to la-yubattile/yubitle imânabe.

The treatise presented in this study deals with the determination of the qibla in early Islamic Transoxania. It affords now light on qibla determinations in early Islamic practice and contains information which will be useful to historians of Islamic architecture when the religious architecture in Transoxania is properly surveyed for the first time. The author of the treatise, Abu'l-Yusr al-Bazdawi, was a qāqi in Samarqand in the late eleventh century and was a Hanafi scholar of some standing. He was the author of several works on law, including a commentary on the major work of Abu Hanifa, after whom the Hanafi school is named, and a commentary on a work of Abu Hanifa's student al-Shaybāni, who was one of the founders of the Hanafi school. The nisba al-Bazdawi indicates that our author or his family originated from Bazda or Bazdawa, a small town with a castle on the road between Nasaf and Bukhara.

al-Bazdawi's treatise is extant in a manuscript preserved until recently in Sohag in the Nile Valley, but the manuscript is now no longer in the Library of Sohag. The authorities there say that the manuscript has been taken to Cairo, but I have been unable to ascertain its fate more precisely. However, a hand copy of the Sohag manuscript, prepared in 1936, is preserved in the Egyptian National Library, numbered B 19385 and containing twelve pages of text. This study is based entirely on this late copy: 10 I present a translation of al-Bazdawi's treatise (Section 2) and a commentary thereon (Section 3), as well as an assessment of al-Bazdawi's understanding of the qibla problem and of his suggestions for its solution (Section 4). The Arabic text edited from the Cairo copy is also presented (Appendix A).

<sup>5.</sup> A good introduction to the area is Le Strange.

<sup>6.</sup> On al-Bazdawi, see Brockelmann, 1, p. 469, and SI, pp. 637-638, and Segin, 1, pp. 412 and 428.

<sup>7.</sup> Le Strange, p. 471.

B. It is a pleasure to thank my friend Mr. Peter Mackensie-Smith, formerly of the British Council in Cairo, and his friends amongst the British VSO teachers in Sobag, for making enquiries about the manuscript on my behalf.

This manuscript was first catalogued in Sayyid, I. p. 397. The letter B indicates that it belongs to the manuscripts dealing with religion that were acquired by the Egyptian National Library between 1936 and 1955.

<sup>10.</sup> The importance of the treatise was first recognized during my recent survey of the scientific manuscripts in the Egyptian National Library. See farther Cairo Cot., vol. I, sub B 19385; vol. II. Section 3.3.2; and Survey, no. B88.

# Al-Bazdawī on the Qibla In Early Islamic Transoxania

DAVID A. KING\*

# 1 - Introduction

In the seventh century, within decades of the death of the Prophet Muhammad, the Muslims conquered an area stretching from Andalusia to India. Wherever they settled they built mosques oriented in the qibla, that is, so that the prayer-niche or mibreb would be facing Mecca, in accordance with a Quranic injunction that Muslims should face the sucred compound in Mecca during prayer. The orientations of the earliest mosques built by the Sahāba, the contemporaries of the Prophet, and the Tabisān, the next generation of Muslims, were established by non-mathematical procedures. The qibla was defined in terms of the cardinal directions, or by the rising and setting of the sum or stars, or by the wind directions.

The determination of the qibla by mathematical means is a complicated problem of mathematical geography, which was pursued with enthusiasm by Muslim astronomers from the ninth century onwards. To solve the qibla problem, one requires a knowledge of terrestrial coordinates and a trigonometric formula giving the direction from one locality to another on a terrestrial sphere Lists of such coordinates and statements about the appropriate formulae are attested in numerous medieval sources. Inevitably controversies arose in different localities about which qibla directions were legally acceptable, and the records of these discussions constitute documents of considerable interest to both the history of Islamic science and the history of Islamic architecture.

David A. King: Institu f
 ür Geschichte der Naturwissenschaften, Johann Wolfgnug GoetheUniversit
 ät, Frankfurt am Main, FRG, formerly of the Department of Near Eastern Language
 and Literatures, New York University, New York, USA.

#### Acknowledgements:

The research on medieval Islamic science conducted at the American Research Center in Egypt during the period 1972-1979 was sponsored mainly by the Smithsonian Institution (1971-79) and the National Science Foundation, Washington, D. C. (1972-80), the Ford Foundation (1976-79), and the American Research Center in Egypt (1979). This support is gratefully acknowledged.

It is a pleasure to thank the Egyptian National Library for providing a microfilm of the copy of al-Basdawi's treatise on which this study is based. I owe many of the finer points of the text edition and translation of al-Basdawi's treatise to discussions with my friend Prof. Richard Frank of the Catholic University of America, khayr al-nudavad' sca-'andomuhum, begun on board MTS Argonaut on the Red Sea and concluded in Cairo.

- 1. See the orticle "Kible (ritual and legal aspects)" in El2 by A. J. Wensinck.
- 2. See King 5 and also King 7 (forthcoming).
- 3. See my article "Kibla (astronomical aspects)" in EI2, and also King 7, Section 2.
- 4. See already Renaud 2 on the qibla in the Maghrib, King 2 on the qibla in Audalusia, and King 1, pp. 368, and 4 on the qibla in Egypt. More details are given in King 7, Section 4.

# Journal for the History of Arabic Science

# Editors

AHMAD Y. AL-HASSAN University of Toronto - Conada KHALED MAGROUT (IHAS) Alappa, Syria ROSHDI RASHED C.N.R.S., Paris, France

# Assistant Editor

SAMI CHALHOUB (IHAS) University of Aleppo,

#### Editorial Board

ABDUL-KARIM CHEHADE (IHAS) Alappo, Syria RHALED MAGHOUT (IHAS) Alappo, Syria SAMI K. HAMARNEH Yarmuk University, Jordan ROSHOI RASHED C.N.R.S., Paris, France AHMAD Y. AL-HASSAN University of Toronto-Canada A. I. SABRA Harvard University, USA AHMAD 5. SAIDAN University of Jordan, Animan DONALD HILL London, U.K. E. S. KENNEDY (I.C.A.I.W.) Frankfurt (W.G.) FAISAL AL-RIFACI (III.IS) Aleppo, Syria

# Advisory Board

SALAH AHMAD University of Damaseus, Syria ADEL ANBUBA Beirut, Lebanon MOHAMMAD ASIMOV Tajik Academy USSR ZUHAIR AL-BABA University of Damascus, Syria TOUPIC FAHD University of Strusbourg, France ALBERT Z. ISKANDAR Wellcome Institute, U.K. SHUNTARO ITO University of Tokyo, Japan SALMAN KATAYE Paris, FRANCE DAVID KING (I.G. I. I.F.) Frankfurt (#.G.) 10HN MURDOCH Harvard University, USA REGIS MORELON Paris, France

SEYYED HOSSEIN NASR Temple University, USA DAVID PINGREE Brown University, Island, USA A. RAHMAN New Delhi, India GEORGE SALIBA Columbia University, N.Y., USA JULIO SAMSO University of Barcelona, Spain G. M. SCHRAMM Tubingen University, W. Germany FUAT SEZGIN (LG. A.I.W.) Frankfurt (W.G.) RENE TATON IUHPS, Paris France JUAN VERNET GINES University of Burcelona, Spain HANS WUSSING Karl-Sudhoff-Institut Leipzig, DDR ADOLF YOUSCHKEVITCH Academy of Sciences, USSR RAINER NABIELEE Humbolds Universität, DDR NAS'T HAMARNEH University of Damascus, Syria

## JOURNAL FOR THE HISTORY OF ARABIC SCIENCE

Published by the Institute for the History of Arabic Science (IHAS).

Manuscripts and all editorial material should be sent in duplicate to the Institute for the History of Arabic Science (IHAS), University of Aleppo, Aleppo, Syria.

All other correspondence concerning subscription, advertising and business matters should also be addressed to the Institute (IHAS). Make checks payable to the Syrian Society for the History of Science.

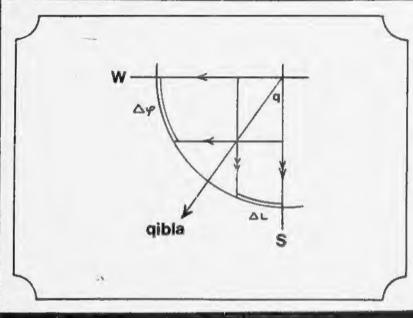
# ANNUAL SUBSCRIPTION RATES:

Volumes 1 & 2(1	1977 & 1978)	\$ 6.00
Volumes 3, 4, 5	& 6 (1979 , 1980 , 1981 & 1982 )	\$ 10.00
Valume	7 (1983)	\$ 15.00
44	B (1984)	\$ 15.00

Postage expenses are not included.

Copyright by the Institute for the History of Arabic Science.

# JOURNAL for the HISTORY of ARABIC SCIENCE





University of Aleppo

Institute for the History of Arabic Science

Aleppo, Syria